



قررت وزارة التعليم تدريس  
هذا الكتاب وطبعه على نفقتها



وزارة التعليم  
Ministry of Education

المملكة العربية السعودية

# الرياضيات

الصف الخامس الابتدائي

الفصل الدراسي الثاني



قام بالتأليف والمراجعة

فريق من المتخصصين

يوزع مجاناً للإيحاء

طبعة ١٤٤٤ - ٢٠٢٢

ح) وزارة التعليم ، ١٤٤٣هـ

فهرسة مكتبة الملك فهد الوطنية أثناء النشر  
وزارة التعليم

الرياضيات - الصف الخامس ابتدائي - التعليم العام - الفصل الدراسي الثاني/  
وزارة التعليم. الرياض، ١٤٤٣هـ.

١٥٣ ص؛ ٢١ × ٢٧,٥ سم

ردمك : ٩٧٨-٦٠٣-٥١١-٢٤٩-٩

١ - الرياضيات - تعليم - السعودية ٢ - التعليم الابتدائي - السعودية -

أ - العنوان

١٤٤٣/١٣٠٨٥

ديوي ٥١٠.٧١٢

رقم الإيداع : ١٤٤٣/١٣٠٨٥

ردمك : ٩٧٨-٦٠٣-٥١١-٢٤٩-٩

حول الغلاف

تدرس في هذا الصف الانعكاس حول محور.  
حدد محور الانعكاس للفراشة التي على الغلاف.



حقوق الطبع والنشر محفوظة لوزارة التعليم

[www.moe.gov.sa](http://www.moe.gov.sa)

مواد إثرائية وداعمة على "منصة عين الإثرائية"



IEN.EDU.SA

تواصل بمقترحاتك لتطوير الكتاب المدرسي



FB.T4EDU.COM

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ



## الإحصاء والاحتمال

## الفكرة العامة ما الإحصاء والاحتمال؟

**الإحصاء** هو طريقة علمية تعتمد على جمع **البيانات** وهي معلومات تكون في أغلب الأحيان أعداداً، ويُمكن تنظيمها بطرائق مختلفة، وتُسمى فرصة اختيار أحدها أو مجموعة منها **بالاحتمال** والذي يقارن عدد النواتج المطلوبة بعدد النواتج الممكنة.

**مثال:** لدى نورة صندوق فيه عدد من الأوراق النقدية ومن فئات مختلفة، كما في الجدول أدناه. إذا سحبت منه ورقة نقدية واحدة دون النظر إليها، فما احتمال أن تكون من فئة عشرة ريالات؟

الفئة	٥ ريالات	١٠ ريالات	٥٠ ريالاً	١٠٠ ريال
عدد الأوراق النقدية	٨	٤	٢	٦

في الصندوق  $٨ + ٤ + ٢ + ٦ = ٢٠$  ورقة نقدية. والأوراق النقدية من فئة عشرة ريالات هي ٤، وبذلك يكون احتمال سحب ورقة نقدية من فئة عشرة ريالات هو  $\frac{٤}{٢٠} = \frac{١}{٥}$

## ماذا أتعلّم في هذا الفصل؟

- إيجاد المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال لمجموعة من البيانات.
- إنشاء وتفسير التمثيل بالأعمدة.
- تحديد فرصة وقوع حدث ما.
- وصف الاحتمال باستعمال الكسور.
- حلّ مسائل باستعمال خطة إنشاء قائمة.
- كتابة جميع النواتج الممكنة لتجربة احتمالية.

## المفردات

البيانات	التمثيل بالأعمدة	الوسيط
الاحتمال	المنوال	الرسم الشجري



## المَطْوِيَّاتُ

اعمل هذه المطوية لتساعدك على تنظيم معلوماتك عن الإحصاء والاحتمال. ابدأ بأربع أوراق A4.

١ ضع الأوراق بعضها فوق بعض، واترك مسافة ٢ سم بين طرف كل ورقة والتي فوقها.



٢ اثن الحواف السفلية إلى أعلى لتصنع أشرطة متساوية في العرض.



٣ اضغط على خط الطي وثبت الطية بالدباسة.



٤ اكتب اسماً لكل شريط كما يظهر في الرسم.





أجب عن الأسئلة الآتية :

رتب كل مجموعة من الأعداد فيما يأتي من الأصغر إلى الأكبر: (مهارة سابقة)

١ ٨٧ ، ٣٠ ، ٥٥ ، ١٥ ، ١٢ ،  
٧٧ ، ٧١

١٢ ، ١٥ ، ٣٠ ، ٥٥ ، ٧١ ، ٧٧ ، ٨٧

٢ ٤ ، ١ ، ٥ ، ٠ ، ٢ ، ٣ ،  
٨ ، ١ ، ٦ ، ٢

٥ ، ٠ ، ٤ ، ١ ، ٨ ، ١ ، ٦ ، ٢ ، ٣

٣ ١٨ ، ٣ ، ٠٨ ، ٣ ، ٢ ، ٣ ،  
٩٦ ، ٣ ، ٠٥ ، ٣ ، ٦٨

٣ ، ٠٥ ، ٣ ، ٠٨ ، ٣ ، ١٨ ، ٣ ، ٢ ، ٣ ، ٦٨ ، ٣ ، ٩٦

اطرح: (مهارة سابقة)

٦ ٣٧ - ١١٢

٧٥ = ٣٧ - ١١٢

٥ ٢٦ - ٨٠

٥٤ = ٢٦ - ٨٠

٤ ١٣ - ٢٤

١١ = ١٣ - ٢٤

صِف احتمال كل ممَّا يأتي مُستعملاً إحدى الكلمات: (مهارة سابقة)

مؤكد، مستحيل، أكثر احتمالاً، أقل احتمالاً.



٧ اختيار رقم فردي من بين الأرقام ١ ، ٢ ، ٣ أكثر احتمالاً

٨ وقوف مؤشر القرص المجاور عند الرقم ٨ مستحيل

٩ وقوف مؤشر القرص المجاور عند الرقم ٥ أقل احتمالاً



أجب عن الأسئلة الآتية :

صِف احتمالَ كلِّ ممَّا يأتي مُستعملًا إحدى الكلماتِ: (مهارة سابقة)  
مؤكدٌ، مُستحيلٌ، أكثرُ احتمالًا، أقلُّ احتمالًا.

١٠ اختيارُ الحرفِ ع من بينِ حروفِ كلمةِ "رياضيات" مستحيل

١١ ظهورُ الشعارِ أو الكتابةِ عندَ إلقاءِ قطعةِ نقديةٍ. مؤكد

اكتبْ كلَّ كسرٍ ممَّا يأتي في أبسطِ صورةٍ: (مهارة سابقة)

$$\frac{4}{8} \quad ١٣$$

اقسم بسط ومقام على ٤

$$\frac{1}{2} = \frac{4}{8}$$

$$\frac{10}{12} \quad ١٢$$

اقسم بسط ومقام على ٢

$$\frac{5}{6} = \frac{10}{12}$$

$$\frac{14}{21} \quad ١٥$$

اقسم بسط ومقام على ٧

$$\frac{2}{3} = \frac{14}{21}$$

$$\frac{5}{15} \quad ١٤$$

اقسم بسط ومقام على ٥

$$\frac{1}{3} = \frac{5}{15}$$

اقسم بسط ومقام على ٣

$$\frac{3}{8} = \frac{9}{24} \quad \frac{9}{24} \quad ١٦$$

١٧ من المتوقع أن يلتقي أحمدُ بأبناءِ عمِّه يومَ الجمعةِ أو يومَ السبتِ، ويذهبونَ لزيارةِ جدِّهم أو عمَّتِهم.  
صِف موقفينِ مُختلفينِ يمكنُ أن يحدثا.

- يمكن أن يخرج أحمد مع أصدقائه يوم الخميس ويذهبوا إلى مطعم.
- ويمكن أن يخرج أحمد مع أصدقائه يوم الخميس ويذهبوا إلى الحديقة العامة.





# المتوسط الحسابي والوسيط والمِنوال

١-٧

## عدد الساعات المخصصة لقراءة الكتب

الاسم	عدد الساعات
أمل	٢
أشواق	٣
عواطف	١
أميرة	٢
ريم	٥
عفاف	٤
أريج	٤

## استعد

يُبين الجدول المجاور عدد الساعات المخصصة لقراءة الكتب لعدد من الطالبات خلال أسبوع واحد.

## فكرة الدرس

أجد المتوسط الحسابي والوسيط والمِنوال لمجموعة بيانات.

## المفردات

البيانات  
المتوسط الحسابي  
الوسيط  
المِنوال

**البيانات** معلومات تكون في الغالب أعداداً؛ كالأعداد في الجدول أعلاه. ومن طرائق وصف البيانات استعمال كل من المتوسط الحسابي والوسيط والمِنوال. افترض أن مجموع عدد الساعات المخصصة للقراءة قُسمت على جميع الطالبات بالتساوي، حيث خصص لكل منهن العدد نفسه من الساعات لقراءة الكتب فهذا العدد هو المتوسط الحسابي.

إذن **المتوسط الحسابي** لمجموعة من البيانات هو مجموع البيانات مقسوماً على عددها.

$$\frac{2+3+1+2+5+4+4}{7} = \frac{21}{7} \text{ أو } 3$$

**الوسيط** هو العدد الأوسط في مجموعة من البيانات بعد كتابتها بالترتيب تصاعدياً أو تنازلياً.

١، ٢، ٢، ٣، ٤، ٤، ٥

**المِنوال** هو العدد أو الأعداد الأكثر تكراراً لمجموعة من البيانات.

١، ٢، ٢، ٣، ٤، ٤، ٥

## إيجاد المتوسط الحسابي

## مثال من واقع الحياة

### عدد الساعات الأسبوعية

٩	٥	٧	٥	٥	٩
١٢	٨	٦	١٠	٤	٤

**واجبات:** يُبين الجدول المجاور عدد الساعات الأسبوعية التي قضتها سهام في حل الواجبات المدرسية. أوجد المتوسط الحسابي لهذه البيانات.

**الخطوة ١:** اجمع البيانات:  $84 = 12 + 8 + 6 + 10 + 4 + 4 + 9 + 5 + 7 + 5 + 5 + 9$

**الخطوة ٢:** اقسّم مجموع البيانات على عددها  $7 = 84 \div 12$

إذن المتوسط الحسابي لعدد الساعات الأسبوعية التي تقضيها سهام في حل الواجبات المدرسية هو ٧ ساعات.





أوجد المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال لكل مجموعة بيانات مما يأتي: المثالان ١، ٢

١ أثمان عصائر بالريال: ١٠، ٦، ٥، ٩، ٥

رتب الأعداد من الأصغر إلى الأكبر

١٠، ٩، ٦، ٥، ٥

$$\frac{35}{5} = \frac{10+9+6+5+5}{5} = \text{المتوسط الحسابي}$$

المتوسط الحسابي = ٧

الوسيط هو ٦

المنوال = ٥

٢ أعمار طلاب: ١١، ١٣، ١١، ١٤، ١٣، ١٠، ١٢

رتب الأعداد من الأصغر إلى الأكبر

١٠، ١١، ١١، ١٢، ١٣، ١٣، ١٤

$$\frac{84}{7} = \frac{14+13+13+12+11+11+10}{7} = \text{المتوسط الحسابي}$$

المتوسط الحسابي = ١٢

الوسيط = ١٢

بما أن العدد ١١، ١٣ يكرر أكثر من مرة؛

المنوال = ١٣، ١١

٣ كميات أمطار بالسنتيمترات: ٧، ٣، ٨، ١، ٧، ١، ٤، ١، ٨، ١، ٧، ٣

رتب الأعداد من الأصغر إلى الأكبر

٤، ١، ٧، ١، ٧، ٣، ٧، ٣، ٨، ١، ٨، ١

المتوسط الحسابي =

$$7 = \frac{8,1+8,1+7,3+7,3+7,1+4,1}{6}$$

المتوسط الحسابي = ٧

$$\frac{7,3+7,3}{2} = \text{الوسيط}$$

الوسيط = ٧، ٣

بما أن العدد ٨، ١، ٧، ٣ يكرر أكثر من مرة؛

المنوال = ٨، ١، ٧، ٣







يبيّن الجدولُ المُجاورُ الدرجاتِ التي حصلَ عليها أفضلُ ٨ طلابٍ في مسابقةِ الخطِّ العربيِّ. أوجدِ المتوسطَ الحسابيَّ والوسيطَ والمنوالَ، ثم صِفِ البياناتِ.

درجاتُ مسابقةِ الخطِّ العربيِّ			
٧٢	٦٨	٧٢	٧٠
٧٢	٧٤	٧١	٨٣

ترتيب الدرجات من الأصغر إلى الأكبر: ٦٨، ٧٠، ٧١، ٧٢، ٧٢، ٧٢، ٧٤، ٨٣

$$\frac{٥٨٢}{٨} = \frac{٨٣ + ٧٤ + ٧٢ + ٧٢ + ٧٢ + ٧١ + ٧٠ + ٦٨}{٨} = \text{المتوسط الحسابي}$$

$$٧٢,٧٥ = \text{المتوسط الحسابي}$$

$$\frac{٧٢ + ٧٢}{٢} = \text{الوسيط}$$

$$٧٢ = \text{الوسيط}$$

بما أن العدد ٧٢ يكرر أكثر من مرة؛

$$٧٢ = \text{المنوال}$$

تحدّث صفّ خطواتِ إيجادِ الوسيطِ لمجموعةٍ من البياناتِ.

٥

• رتب البيانات من الأصغر إلى الأكبر.

• إذا كان عدد البيانات فردي فالقيمة الواقعة في الوسط هي الوسيط.

إذا كان عدد البيانات زوجي فالوسيط هو ناتج قسمة مجموع القيمتين الواقعتين

في الوسط على ٢.



أوجد المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال لكل مجموعة بيانات مما يأتي: المثالان ١، ٢

٦ أعداد زوّار متحف: ٩٤، ٧٤، ١٠٦، ١٠٦، ٨٥

رتب من الأصغر إلى الأكبر

٧٤، ٨٥، ٩٤، ١٠٦، ١٠٦

$$\frac{460}{5} = \frac{106 + 106 + 94 + 85 + 74}{5} = \text{المتوسط الحسابي}$$

المتوسط الحسابي = ٩٢

$$\frac{72 + 72}{2} = \text{الوسيط}$$

الوسيط = ٩٤

بما أن العدد ١٠٦ يكرر أكثر من مرة؛

المنوال = ١٠٦

٧ أطوال أسلاك بالأمتر: ٢٧، ٢٨، ٢، ٠، ١٩، ١، ٥٢، ٠، ٣، ٥٠، ٠، ٢٠، ٠، ٠٤، ٠

٠، ٠٤، ٠، ٢٠، ٣، ٥٠، ٠، ٥٢، ١، ١٩، ٢، ٢٨، ٢، ٢٧، ٠، ٠٤

٠، ٠٤، ٢، ٢٧، ٠، ٢٠، ٣، ٥٠، ٠، ٥٢، ١، ١٩، ٢، ٢٨، ٢، ٢٧، ٠، ٠٤

المتوسط الحسابي =

$$\frac{8}{7} = \frac{3,5 + 2,28 + 1,19 + 0,52 + 0,27 + 0,20 + 0,04}{7}$$

المتوسط الحسابي  $\approx 1,14$

الوسيط = ٠,٥٢

لا يوجد منوال





٨ كَمِّيَّاتُ مِيَاهٍ بِاللِّتْرَاتِ: ٢٠٧، ١٩٨، ١٨٧، ٢٠١،

١٧٨، ٢٠٠، ١٩٦، ٢٠١، ١٩٧، ٢٠٤

١٧٨، ١٨٧، ١٩٦، ١٩٧، ١٩٨، ٢٠٠، ٢٠١، ٢٠١، ٢٠٤، ٢٠٧

المتوسط الحسابي =

$$\frac{٢٠٧ + ٢٠٤ + ٢٠١ + ٢٠١ + ٢٠٠ + ١٩٨ + ١٩٧ + ١٩٦ + ١٨٧ + ١٧٨}{١٠}$$

$$\frac{١٩٦٩}{١٠} = \text{المتوسط الحسابي}$$

$$١٩٦,٩ = \text{المتوسط الحسابي}$$

$$\frac{٢٠٠ + ١٩٨}{٢} = \text{الوسيط}$$

$$١٩٩ = \text{الوسيط}$$

بما أن العدد ٢٠١ يكرر أكثر من مرة؛

$$\text{المنوال} = ٢٠١$$

٩ عَدَدُ الْأَحْرَفِ فِي كَلِمَاتٍ: ٧، ٩، ٧، ٧، ٨، ٩،

٦، ٧، ٩، ٦، ٨، ١١

أولاً: نرتب عدد الأحرف ترتيباً تصاعدياً

٦، ٦، ٧، ٧، ٧، ٧، ٧، ٨، ٨، ٩، ٩، ٩، ٩، ١٠، ١١

$$\text{المتوسط الحسابي} = \frac{٦ + ٦ + ٧ + ٧ + ٧ + ٧ + ٧ + ٨ + ٨ + ٩ + ٩ + ٩ + ٩ + ١٠ + ١١}{١٠} = ٨ \text{ حرف}$$

$$\text{الوسيط} = ٨$$

لاحظ أن عدد الأحرف = ١٥، فيكون الوسيط هو الحرف الثامن

$$\text{المنوال} = ٧$$



١٠

أوزان طلاب (كجم)			
٤٢	٣٨	٤٢	٤٠
٤٦	٤٤	٤١	٥٣

٥٣ ، ٤٦ ، ٤٤ ، ٤٢ ، ٤٢ ، ٤١ ، ٤٠ ، ٣٨

$$\frac{٥٣ + ٤٦ + ٤٤ + ٤٢ + ٤٢ + ٤١ + ٤٠ + ٣٨}{٨} = \text{المتوسط الحسابي}$$

$$\frac{٣٤٦}{٨} = \text{المتوسط الحسابي}$$

$$٤٣,٢٥ = \text{المتوسط الحسابي}$$

$$\frac{٤٢ + ٤٢}{٢} = \text{الوسيط}$$

$$٤٢ = \text{الوسيط}$$

بما أن العدد ٧ يكرر أكثر من مرة؛

$$٤٢ = \text{المنوال}$$

١١

عدد الرحلات					
٣	٢	٠	٥	٤	١
٠	٠	٧	١	٢	٥

٧ ، ٥ ، ٥ ، ٤ ، ٣ ، ٢ ، ٢ ، ١ ، ١ ، ٠ ، ٠ ، ٠ ، ٠

$$\frac{٣٠}{١٢} = \frac{٧ + ٥ + ٥ + ٤ + ٣ + ٢ + ٢ + ١ + ١ + ٠ + ٠ + ٠}{١٢} = \text{المتوسط الحسابي}$$

$$٢,٥ = \text{المتوسط الحسابي}$$

$$\frac{٢ + ٢}{٢} = \text{الوسيط}$$

$$٢ = \text{الوسيط}$$

بما أن العدد ٠ يكرر أكثر من مرة؛

$$٠ = \text{المنوال}$$





درجات اختبار			
٩٨	٨٥	٨٨	٩٣
٨٥	٧٨	٩٦	٩٠
٩٠	٨٨	٨٥	٩٢

٩٨ ، ٩٦ ، ٩٣ ، ٩٢ ، ٩٠ ، ٩٠ ، ٨٨ ، ٨٨ ، ٨٥ ، ٨٥ ، ٨٥ ، ٧٨

المتوسط الحسابي =

$$\frac{٩٨ + ٩٦ + ٩٣ + ٩٢ + ٩٠ + ٩٠ + ٨٨ + ٨٨ + ٨٥ + ٨٥ + ٨٥ + ٧٨}{١٢}$$

$$\frac{١١٦١}{١٢} = \text{المتوسط الحسابي}$$

$$٩٦,٧٥ = \text{المتوسط الحسابي}$$

$$\frac{٩٠ + ٨٨}{٢} = \text{الوسيط}$$

$$٨٩ = \text{الوسيط}$$

بما أن العدد ٨٥ يكرر أكثر من مرة؛

$$٨٥ = \text{المنوال}$$





١٣ الجدول أدناه يبين أعداد القمصان الرياضية التي باعها متجر على مدى ثلاثة أسابيع. أوجد المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال، ثم بين القيمة التي يمكنك استعمالها لتوقع عدد القمصان التي تُباع كل يوم.

أعداد القمصان المباعة						
٢٩	٤٠	٣٥	٣٨	٥	٥	٣٢
٤٢	٤٤	٣٦	٤٣	٤٥	٣١	٣٠
٣٤	٣٧	٤٦	٥٠	٤١	٣٣	٣٩

رتب القيم من الأصغر إلى الأكبر في الجدول:

$$\frac{735}{21} = \text{المتوسط الحسابي}$$

$$\text{المتوسط الحسابي} = 35$$

$$\text{الوسيط} = 37$$

بما أن العدد ٨٥ يكرر أكثر من مرة؛

$$\text{المنوال} = 5$$

نسبة عدد القمصان في اليوم نستعمل الوسيط لمعرفة

١٤ الجدول أدناه يبين عدد المباريات المحلية والخارجية التي فاز فيها فريق لكرة القدم خلال

٢٥ موسمًا. أوجد المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال، ثم صف البيانات



٦	١٩	١٣	١٤	١٤
١٧	٢٥	١٤	١٢	١١
١٩	٢٧	٦	٣	١١
٧	٢٩	٩	٨	٦
٢٤	١٦	١٠	١٩	١١

٧	٦	٦	٦	٣
١١	١١	١٠	٩	٨
١٤	١٤	١٣	١٢	١١
١٩	١٩	١٧	١٦	١٤
٢٩	٢٧	٢٥	٢٤	١٩

رتب الأرقام في الجدول

$$\frac{350}{25} = \text{المتوسط الحسابي}$$

$$\text{المتوسط الحسابي} = 14$$

$$\text{الوسيط} = 13$$

$$\text{المنوال} = 6, 11, 14, 19$$





١٥ **جَمْعُ البيانات:** قم بالدخول على موقع الهيئة العامة للإحصاء للحصول على مجموعة بيانات من واقع الحياة، ثم اوجد المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال، ووضح معناها.

الجدول يبين عدد المباريات المحلية والخارجية التي فاز بها فريق كرة القدم خلال ١٠ مواسم.

٣	٦	٦	٦	٧
٨	١٠	١٠	١٢	١٢

رتب الأرقام في الجدول

$$\frac{٨٠}{١٠} = \text{المتوسط الحسابي}$$

$$٨ = \text{المتوسط الحسابي}$$

$$\frac{٧+٨}{٢} = \text{الوسيط}$$

$$٧,٥ = \text{الوسيط}$$

$$٦ = \text{المنوال}$$

١٦ **مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحَةٌ:** اكتب مجموعة بيانات، وسيطها ١٤، ومنوالها ٢

٠، ٢، ٧، ١٢، ١٤، ١٨، ٢٠، ٢٣، ٢٥، ٢٨

١٧ **اكتب** إذا كان وسيط أطوال زملائك في الصف ١٢٥ سنتيمتراً، فماذا تستنتج من ذلك؟ فسّر إجابتك.

أستنتج من ذلك أن متوسط طول زملاء هو ١٢٥ سم أي يقع في الوسط أي هناك عدد من الزملاء طولهم أكبر من ١٢٥ سم يساوي عدد الزملاء طولهم أقل من ١٢٥ سم







## استقصاء حل المسألة

٢ - ٧

**فكرة الدرس:** اختيار الخطة المناسبة لأحل المسألة.



**فiras:** عندما ذهبت مع أبي إلى مزرعتنا لاحظت أن عدد أشجار التفاح أكثر من عدد أشجار البرتقال. قال أبي: يوجد ٣ أشجار تفاح مقابل كل شجرتي برتقال. إذا كان عدد أشجار التفاح والبرتقال ٢٠ شجرة، فما عدد أشجار التفاح؟  
**المطلوب:** أوجد عدد أشجار التفاح في المزرعة إذا كان عدد أشجار التفاح والبرتقال ٢٠ شجرة.

**افهم** في المزرعة ٣ أشجار تفاح مقابل كل شجرتي برتقال، والمطلوب إيجاد عدد أشجار التفاح في المزرعة.

**نظّم** لحل هذه المسألة، يمكنك استعمال خطة تمثيل المعطيات. استعمل قطع عد حمراء وصفراء لتمثيل أعداد أشجار التفاح والبرتقال في المزرعة.

**حل** استعمل قطع العد الحمراء لتمثيل أشجار التفاح وقطع العد الصفراء لتمثيل أشجار البرتقال. ضغ ٣ قطع حمراء وقطعتين صفراوين في مجموعة. اعمل ٥ مجموعات مشابهة حتى يصبح المجموع ٢٠ قطعة.



اجمع قطع العد الحمراء لتعرف عدد أشجار التفاح في المزرعة:

$$12 = 3 + 3 + 3 + 3$$

إذن في المزرعة ١٢ شجرة تفاح.

**تحقق** ابدأ بـ ١٢ قطعة عد حمراء و ٨ قطع صفراء. وخذ منها مجموعات من ٣ قطع حمراء وقطعتين صفراوين حتى لا يتبقى من القطع شيء.



اختر الخطة المناسبة مما يأتي لحل كل من المسائل الآتية:

- التخمين والتحقق
- تمثيل المعطيات
- إنشاء جدول

اشترى زياد كتابين بمبلغ ٣٢ ريالاً، ثمن أحدهما يزيد ٨ ريالاً عن ثمن الآخر. ما ثمن كل منهما؟

افهم

اشترى زياد كتابين بمبلغ ٣٢ ريالاً، ثمن أحدهما يزيد ٨ ريالاً عن ثمن الآخر. **المطلوب:** ثمن كلا من الكتابين؟

خطط

استعمل خطة تمثيل المعطيات لأجد حل المسألة  
نفرض ثمن الكتاب الأول س، والثاني س + ٨  
ونحلهم لإيجاد ثمن الكتاب

حل

$$س + س + ٨ = ٣٢$$

$$٢س = ٢٤$$

$$س = ١٢$$

ثمن الكتاب الأول ١٢ ريال، ثمن الكتاب الثاني = ١٢ + ٨ = ٢٠ ريال





تَسَابَقَ أَرْبَعَةٌ أَصْدِقَاءَ، فَأَنهَى خَالِدٌ السَّبَاقَ بَعْدَ أَحْمَدَ وَقَبْلَ سَعْدِ، وَأَنهَى عَبْدُ اللطيفِ السَّبَاقَ بَعْدَ خَالِدٍ وَقَبْلَ سَعْدِ. مَنْ الفَائِزُ فِي السَّبَاقِ؟

افهم

في سباق أنهى خالد السباق بعد أحمد وقبل سعد، وأنهى مروان بعد خالد وقبل سعد.  
**المطلوب:** من الفائز في السباق؟

خطط

استعمل خطة إنشاء جدول لأجد حل المسألة

حل

خالد بعد أحمد وقبل سعد؛ إذا الترتيب

أحمد، خالد، سعد

مروان بعد خالد وقبل سعد؛ إذا الترتيب

خالد، مروان، سعد

إذا الفائز في السباق هو أحمد





**القياسُ:** تحتاجُ وَصْفَةً لِعَمَلِ الكَعَكِ إلى كُوبٍ مِنْ عَصِيرِ البَرْتَقَالِ وَكوبينِ مِنَ الدَّقِيقِ، لَكِنَّ أَمَانِي تُرِيدُ أَنْ تَصْنَعَ كَمِّيَّةً أَكْبَرَ مِنَ الكَعَكِ. إِذَا اسْتَعْمَلْتِ ٦ أَكْوَابٍ مِنَ الدَّقِيقِ، فَكَمْ كُوبًا مِنْ عَصِيرِ البَرْتَقَالِ تَحْتَاجُ؟

افهم

تحتاج وصفة لعمل الكعك إلى كوب من عصير البرتقال وكوبين من الدقيق، تريد أمانى أن تصنع كمية أكبر من الكعك، استعملت ٦ أكواب من الدقيق.  
**المطلوب:** كم كوب برتقال تحتاج؟

خطط

استعمل خطة تمثيل المعطيات لأجد حل المسألة

حل

عدد الكعكات = عدد أكواب الدقيق ÷ عدد أكواب الكعكة الواحدة

$$= 6 \div 2 = 3 \text{ كعكات}$$

عدد أكواب البرتقال = عدد الكعكات × عدد أكواب الكعكة الواحدة

$$= 1 \times 3 =$$

$$= 3 \text{ أكواب}$$





يُبيِّنُ الجدولُ أدناه عددَ الشَطَائِرِ التي أعدَّها مقصفُ المدرسةِ في ١١ يومًا. إذا كانَ أحدُ الأيامِ غيرَ معلومٍ، وكانَ الوسيطُ للأعدادِ ٢٠، ويوجدُ أكثرُ من منوالٍ، فأوجدُ قيمةً متوقعةً للعددِ في اليومِ غيرِ المعلومِ.

٩	١١	١٠	٢٦	١٨	٢٢
	٢٤	٢٣	١٨	٢٠	١٤

افهم

أعد مقصف مدرسة شطائر في ١١ يوما، وكان عدد الشطائر في أحد الأيام غير معلوم، والوسيط لعدد الشطائر ٢٠، ويوجد أكثر من منوال.

**المطلوب:** ما القيمة المتوقعة للعدد الغير معلوم؟

خطط

رتب عدد الشطائر وحدد الوسيط والمنوال

حل

ترتيب عدد الشطائر: ١٠، ١١، ١٤، ١٨، ١٨، ٢٠، ٢٢، ٢٣، ٢٤، ٢٦

بما أن الوسيط ٢٠؛ إذا العدد الغير معلوم أكبر من ٢٠

بما أن يوجد أكثر من منوال، إذا العدد الغير معلوم يجب أن يكون منوال

العدد الغير معلوم يمكن أن يكون ٢٠، ٢٢، ٢٣، ٢٤، ٢٦



٥ في حَصَّالَةٍ يَاسِرٍ ٤٠ رِيَالًا، وَفِي حَصَّالَةِ أَخِيهِ عِمَادٍ ٣٥ رِيَالًا. إِذَا ادَّخَرَ عِمَادٌ ٥ رِيَالَاتٍ كُلَّ أُسْبُوعٍ، وَادَّخَرَ يَاسِرٌ ٤ رِيَالَاتٍ كُلَّ أُسْبُوعٍ، فَبَعْدَ كَمِ أُسْبُوعٍ يَتَسَاوَى مَا فِي الْحَصَّالَتَيْنِ؟

افهم

في حَصَّالَةِ حَمُودٍ ٤٠ رِيَالًا، وَفِي حَصَّالَةِ عِمَادٍ ٣٥ رِيَالًا، إِذَا ادَّخَرَ عِمَادٌ ٥ رِيَالَاتٍ كُلَّ أُسْبُوعٍ، وَادَّخَرَ حَمُودٌ ٤ رِيَالَاتٍ كُلَّ أُسْبُوعٍ. **المطلوب:** بعد كم أسبوع يتساوى الحصالتين؟

خطط

استعمل خطة إنشاء جدول لأجد حل المسألة

الأسبوع	حَصَّالَةُ حَمُودٍ	حَصَّالَةُ عِمَادٍ
الأول	٤٤	٤٠
الثاني	٤٨	٤٥
الثالث	٥٢	٥٠
الرابع	٥٦	٥٥
الخامس	٦٠	٦٠

حل

يتساوى الحصالتين في الأسبوع الخامس.





عدد الخلايا	الدقائق
١	٠
٢	١٠
٤	٢٠
٨	٣٠
■	٦٠

**الجبر:** يتضاعف نوع من الخلايا البكتيرية مرة كل ١٠ دقائق. استعمل الجدول أدناه لإيجاد عدد الخلايا بعد مرور ٦٠ دقيقة.

افهم

يتضاعف نوع من الخلايا البكتيرية مرة كل ١٠ دقائق، أوجد في الجدول لمعرفة عدد الخلايا عند ٦٠ دقيقة

خطط

استعمل خطة إنشاء جدول لأجد حل المسألة

عدد الخلايا	الدقائق
١	٠
٢	١٠
٤	٢٠
٨	٣٠
١٦	٤٠
٣٢	٥٠
٦٤	٦٠

حل

بعد ٦٠ دقيقة يصبح عدد الخلايا ٦٤ خلية





٧ تُريدُ نورةً شراءَ لعبةٍ ثمنها ٦٠ ريالاً. إذا كان معها ٢٤ ريالاً، وتستطيعُ أن تدَّخرَ ٦ ريالاتٍ كلَّ أسبوعٍ، فكم أسبوعاً تحتاجُ لشراءِ اللعبة؟

افهم

تريدُ نورةً شراءَ لعبةٍ ثمنها ٦٠ ريال، ومعها ٢٤ ريال، تستطيع أن تدخر ٦ ريالات في الأسبوع  
المطلوب: كم أسبوع تحتاج لشراء اللعبة؟

خطط

استعمل خطة إنشاء جدول لأجد حل المسألة

المبلغ	الأسبوع
٣٠	الأول
٣٦	الثاني
٤٢	الثالث
٤٨	الرابع
٥٤	الخامس
٦٠	السادس

حل

تستطيع نورة شراء اللعبة بعد ٦ أسابيع





٨ دَعَا فَارِسٌ ٧ أَشْخَاصٍ مِنْ أَقْرَبِهِ إِلَى الْعِشَاءِ،  
وَطَلَبَ إِلَى كُلِّ مِنْهُمْ أَنْ يُصَافِحَ الضُّيُوفَ  
الْآخَرِينَ. كَمْ مَرَّةً سَيُصَافِحُ الضُّيُوفَ بَعْضُهُمْ بَعْضًا؟

افهم

دعا فارس ٧ أشخاص إلى العشاء وطلب من كل منهم أن يصافح الضيوف

الآخرين

المطلوب: كم مرة يصافح الضيوف بعضهم بعضاً؟

خطط

استعمل خطة تمثل المعطيات لأجد حل المسألة  
عدد الأشخاص ٧؛ إذا كل منهم يصافح ٦ أشخاص آخرين مع الأخذ في الاعتبار عدم التكرار  
اي إذا صافح الاول الثاني، لا نحسب مصافحة الثاني للاول لانها حسبت من قبل.

حل

الاول سيصافح ٦ افراد - الثاني ٥ افراد - الثالث ٤ افراد - الرابع ٣ افراد -  
الخامس ٢ فردين - السادس ١ فرد - السابع تم المصافحة للجميع من قبل  
عدد مرات التصافح = ٦ + ٥ + ٤ + ٣ + ٢ + ١ = ٢١ مرة

٩ اسم الخطة التي استعملتها لحل المسألة ٨، وبين لماذا تعدُّ

هذه الخطة مناسبة لحل المسألة؟

التمثيل،

يمكن إيجاد عدد المصافحات الكلية بأن يقوم الأشخاص السبعة بمصافحة كل منهم الآخر.  
عدد الأشخاص ٧؛ إذا كل منهم يصافح ٦ أشخاص آخرين مع الأخذ في الاعتبار عدم التكرار  
اي إذا صافح الاول الثاني، لا نحسب مصافحة الثاني للاول لانها حسبت من قبل





## التمثيل بالأعمدة

٣ - ٧

### استعد

يُبيِّن الجدول أدناه الحيوانات المفضَّلة لدى الطلاب في حديقة الحيوانات.



عدد الطلاب	الحيوانات
١٠	الزواحف
٩	الأسود والتمور
٨	الطيور
٥	القروذ
١٥	الغزلان

### فكرة الدرس

أنشئ تمثيلاً بالأعمدة، وآخر بالأعمدة المزدوجة، وأفسرهما.

### المفردات

التمثيل بالأعمدة

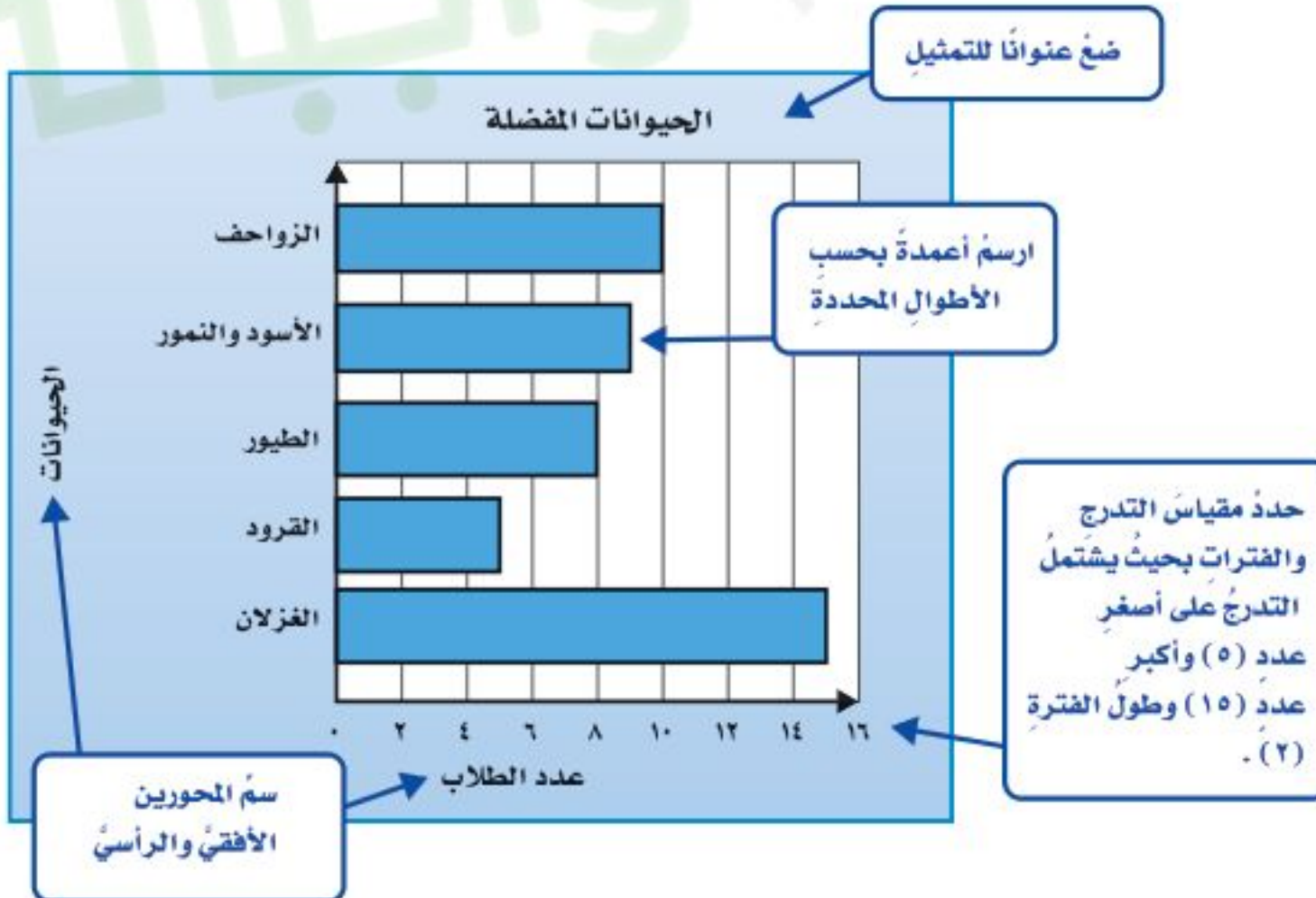
التمثيل بالأعمدة المزدوجة

التمثيل بالأعمدة هي طريقة لتنظيم البيانات تُستعمل فيها الأعمدة لعرض عدد العناصر في كل مجموعة.

### إنشاء التمثيل بالأعمدة وتفسيره

### مثال من واقع الحياة

حديقة الحيوانات: مثل بالأعمدة البيانات الموضحة في الجدول أعلاه.



يتضح من التمثيل أعلاه أن عدد الطلاب الذين يفضلون الغزلان هو الأكبر.



يُستعملُ التمثيلُ بالأعمدةِ المزدوجةِ لعرضِ مجموعتينِ من البياناتِ حولَ موضوعٍ واحدٍ، ويمكنُ الاستفادةُ من التمثيلِ بالأعمدةِ المزدوجةِ للتوصُّلِ إلى استنتاجاتٍ حولَ البياناتِ.

### إنشاءُ التمثيلِ بالأعمدةِ المزدوجةِ وتفسيره

### مثالٌ من واقعِ الحياة

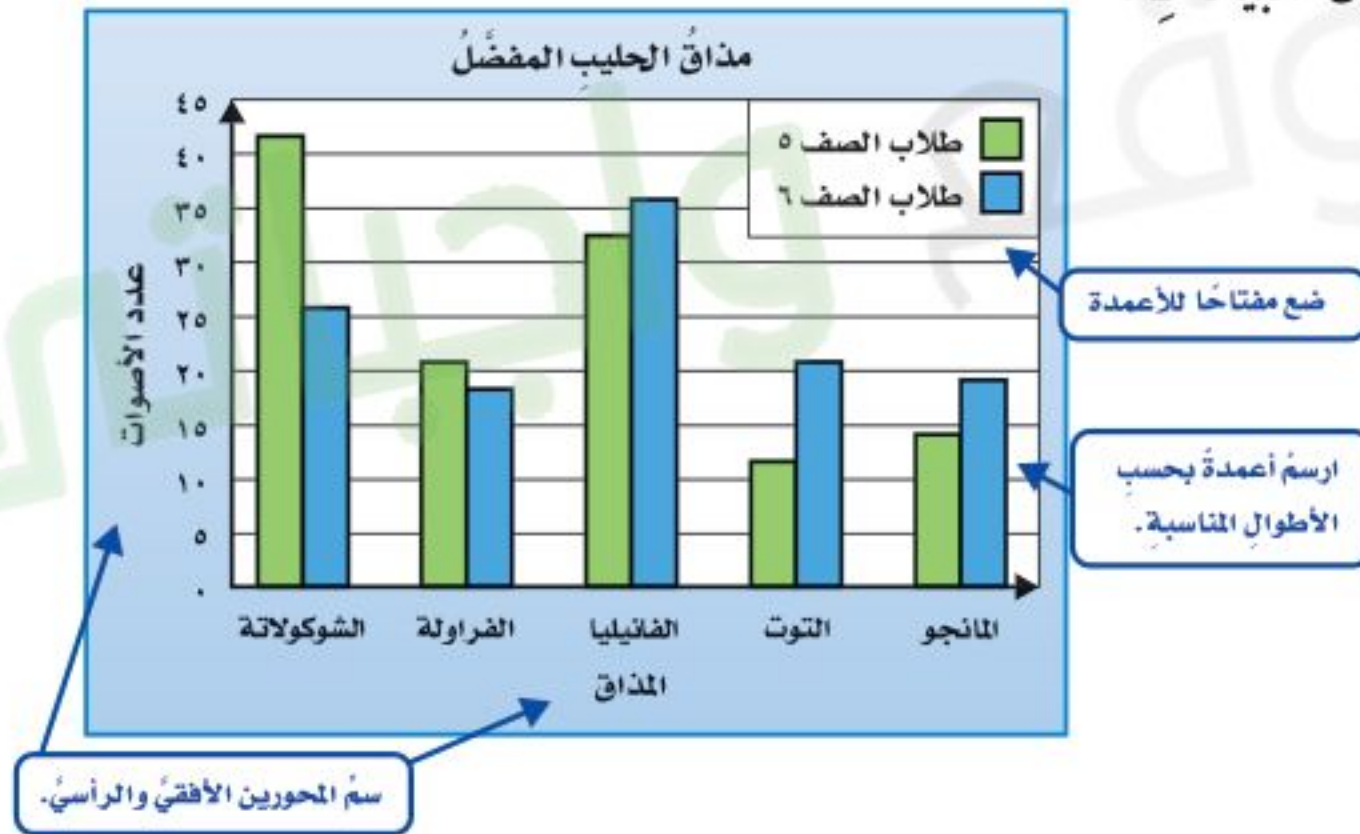
**المذاقُ المفضَّلُ:** يبيِّنُ الجدولُ أدناه نتائجَ تصويتِ طلابِ الصفينِ الخامسِ والسادسِ لاختيارِ مذاقِ الحليبِ الذي يُفضِّلهُ كلُّ منهم.

المذاق	أصوات طلاب الصف ٥	أصوات طلاب الصف ٦
الشوكولاتة	٤٢	٢٦
الفراولة	٢١	١٨
الفانيليا	٣٣	٣٦
التوت	١٢	٢١
المانجو	١٤	١٩

### تذكّر

يجبُ أن يتضمَّنَ التمثيلُ بالأعمدةِ المزدوجةِ مفتاحًا يبيِّنُ ما يمثِّلهُ كلُّ عمودٍ.

مثَّلُ بالأعمدةِ المزدوجةِ البياناتِ، ثم استعمله للوصولِ إلى استنتاجاتٍ حولَ البياناتِ.



يمكنُ استنتاجُ ما يأتي من التمثيلِ أعلاه:

- المذاقُ الذي حصلَ على أكبرِ عددٍ من أصواتِ طلابِ الصفِّ الخامسِ هو الشوكولاتةُ.
- يفضلُ أكثرُ طلابِ الصفِّ الخامسِ مذاقَ الحليبِ بالشوكولاتةِ، بينما يفضلُ أكثرُ طلابِ الصفِّ السادسِ مذاقَ الحليبِ بالفانيليا.
- الفرقُ بينَ أصواتِ طلابِ الصفِّ الخامسِ يساوي  $42 - 12 = 30$  والفرقُ بينَ أصواتِ طلابِ الصفِّ السادسِ يساوي  $36 - 18 = 18$ .



يُبيّن الجدولُ المُجاورُ كمّياتِ استهلاكِ ٥ عائلاتٍ للكهرباءِ بالكيلو واط في شهرٍ واحدٍ: المثالان ١، ٢

استهلاك الكهرباء	
العائلة	الكمية (كيلو واط)
محمد	٢٥٤٠
خالد	٢٣٤٠
سعد	١٩٨٠
فيصل	١٩٠٠
هشام	١٩٠٠

١ مَثَلِ البَياناتِ بالأعمدة، ثم صِفْ مِقياسَ التدرُّج وطولَ الفترة.



مِقياسَ التدرُّج يحتوي الأعداد التي تمثل الاستهلاك والفترة فيها طولها ٥٠٠

٢ كم يقلُّ استهلاكُ عائلةِ سعدٍ عن استهلاكِ عائلةِ محمدٍ؟

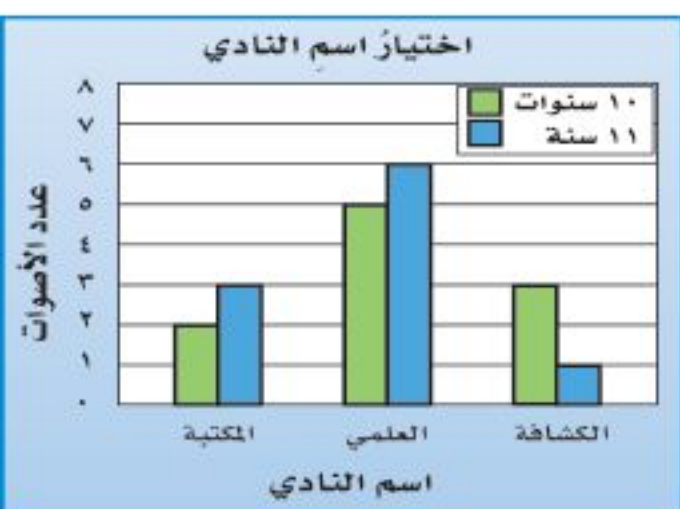
الفرق بين استهلاك محمد وسعد =  $٢٥٤٠ - ١٩٨٠ = ٥٦٠$  كيلو واط

٣ ما العائلة التي تمثل الوسيط للكمّيات المُستهلكة؟ برّر إجابتك.

عائلة سعد تمثل الوسيط للكمّيات المُستهلكة، لأن قيمتها هي القيمة المتوسطة بين قيم الاستهلاك.

يبيّن التمثيلُ المُجاورُ نتائجَ تصويتِ لَابٍ أعمارُهُم ١٠ و ١١ سنةً لاختيارِ اسمٍ للنادي الذي سينضمون إليه:

٤ ما الاسمُ الذي حصلَ على أكبرَ عددٍ من أصواتِ الطلابِ في سنِّ ١٠؟



الاسم الذي حصل على أكبر عدد من أصوات الطلاب في سن ١٠ سنوات هو العلمي



يبيّن التمثيلُ المجاورُ نتائجَ تصويتِ طلابِ أعمارهم ١٠ و ١١ سنةً  
لاختيار اسم للنادي الذي سينضمون إليه:

٥ ما الاسمُ الذي حصلَ على أكبر عددٍ من أصوات الطلاب في سنِّ ١١؟

الاسم الذي حصل على أكبر عدد من أصوات الطلاب في سن ١١ سنوات هو العلمي

٦ ما الاسمُ الذي حصلَ على أقلَّ عددٍ من مجموعِ الأصواتِ؟

الاسم الذي حصل على أقل عدد من مجموع الأصوات هو الكشافية

٧ ما عددُ جميعِ الأصواتِ؟

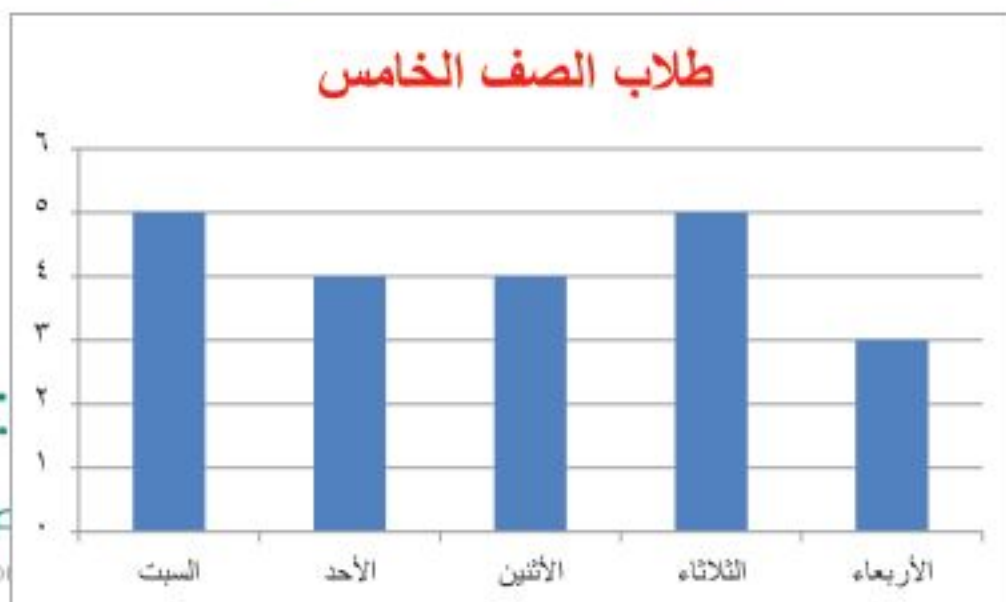
عدد جميع الأصوات = ٥ + ١١ + ٤ = ٢٠ صوت

استعمل الجدول التالي الذي يبين عدد الطلاب الغائبين خلال أسبوعٍ لحل السؤالين ٨ و ٩:

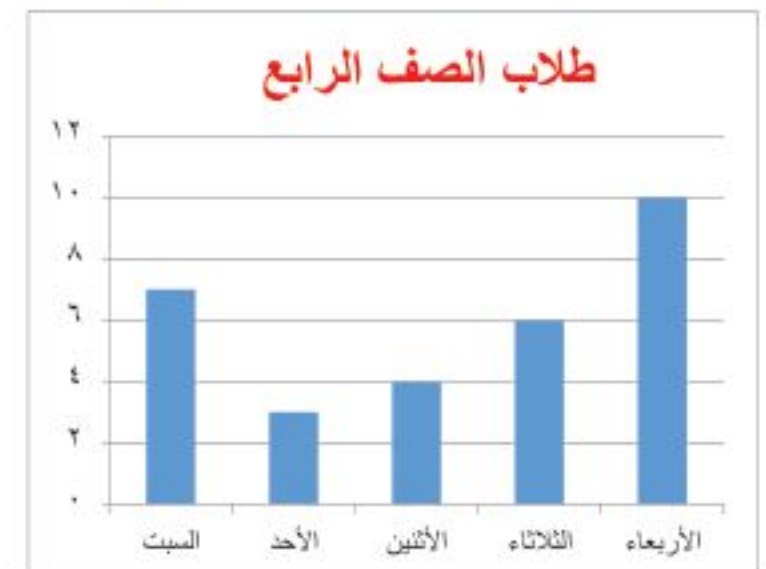
عدد الطلاب الغائبين					
الصف	الأحد	الاثنين	الثلاثاء	الأربعاء	الخميس
الرابع	٧	٣	٤	٦	١٠
الخامس	٥	٤	٤	٥	٣

٨ مثّل بالأعمدة كلَّ مجموعةٍ من مجموعتي البياناتِ.

الغائبين بالصف الخامس



الغائبين بالصف الرابع

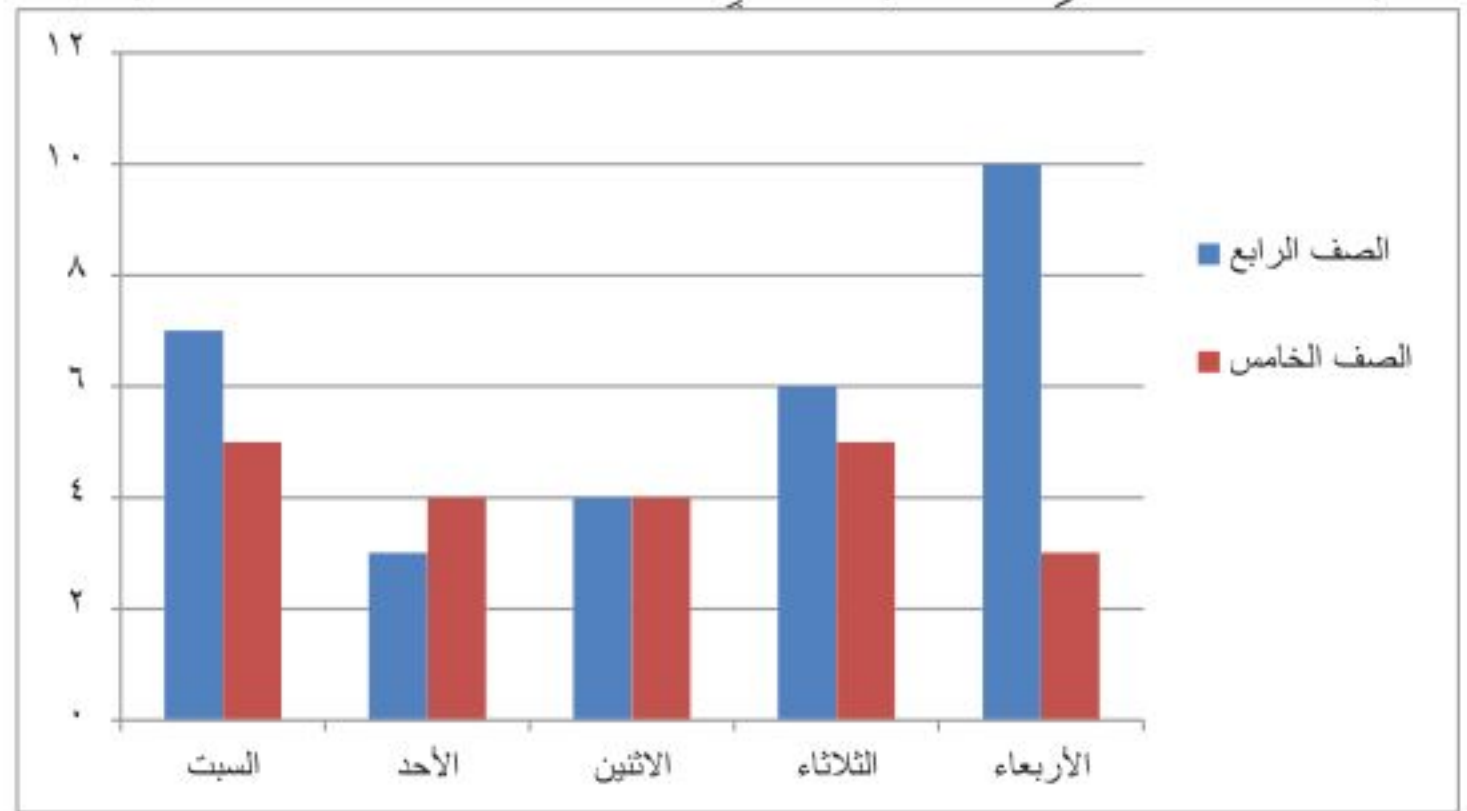


٩٠ الفصل السابع: الإحصاء والاحتمال

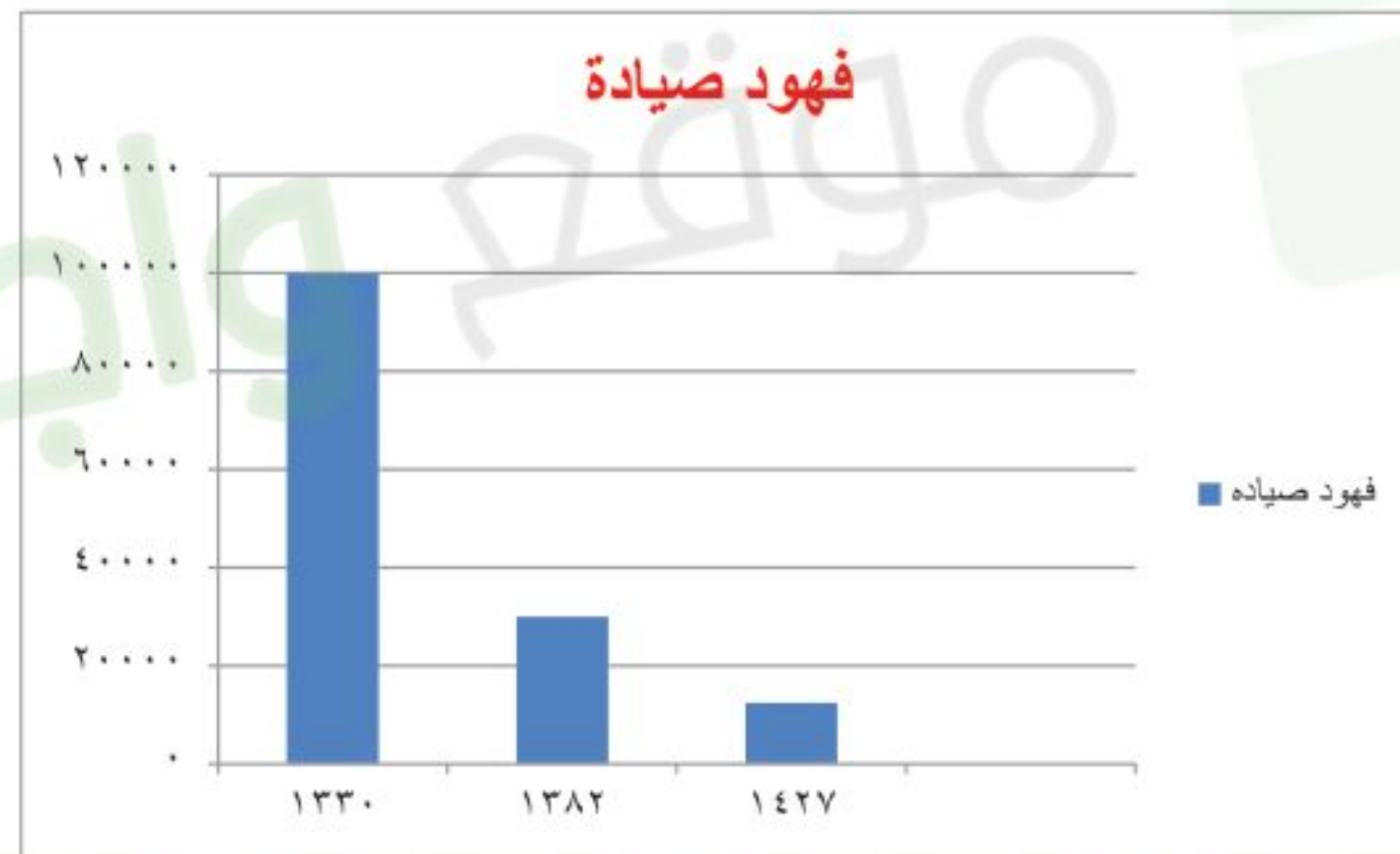


ضَمَّ المَجْمُوعَتَيْنِ مَعًا فِي تَمَثِيلٍ بِالْأَعْمَدَةِ المُزْدَوِجَةِ، ثُمَّ صِفَّ بَيَانَاتِ التَّمَثِيلِ بِجُمْلَةٍ أَوْ جُمْلَتَيْنِ.

أكبر عدد طلاب غائبين كان في  
الصف الرابع يوم الأربعاء  
وأقل عدد غائبين للصف الرابع  
كان يوم الاثنين



وَفَقًّا لِتَقْدِيرَاتِ العُلَمَاءِ بَلَغَ عَدْدُ الفُهُودِ الصِّيَادَةِ عَامَ ١٣٣٠ هـ نَحْوَ ١٠٠٠٠٠٠ فِهْدٍ، وَعَامَ ١٣٨٢ هـ نَحْوَ ٣٠٠٠٠٠ فِهْدٍ، وَعَامَ ١٤٢٧ هـ نَحْوَ ١٢٥٠٠ فِهْدٍ. مَثَّلْ بِالْأَعْمَدَةِ انخِفاصَ أَعْدَادِ الفُهُودِ الصِّيَادَةِ.



اشْرَحْ خُطُواتِ إنْشاءِ تَمَثِيلٍ بِالْأَعْمَدَةِ المُزْدَوِجَةِ.

تحدّث

• رَسْمِ المَحْوَريْنِ الأفْقيِّ والرَّاسِيِّ واضِعِ عَنَواناً لِكُلِّ مَنهُما

• حَددِ مَقْيَاسَ التَّدرِجِ والفِترَاتِ

• اكَتَبِ مَفْتاحاً لِلْأَعْمَدَةِ لِيُوضِحَ نَوعَ كُلِّ عَمودِ

• اكَتَبِ عَنَواناً لِلتَّمَثِيلِ

• ارْسَمِ أَعْمَدَةَ بِحَسَبِ الأطْوَالِ المُناسِبَةِ تَمَثيلَ البَياناتِ

٩٠ الفصل السابع: الإحصاء والاحتمال

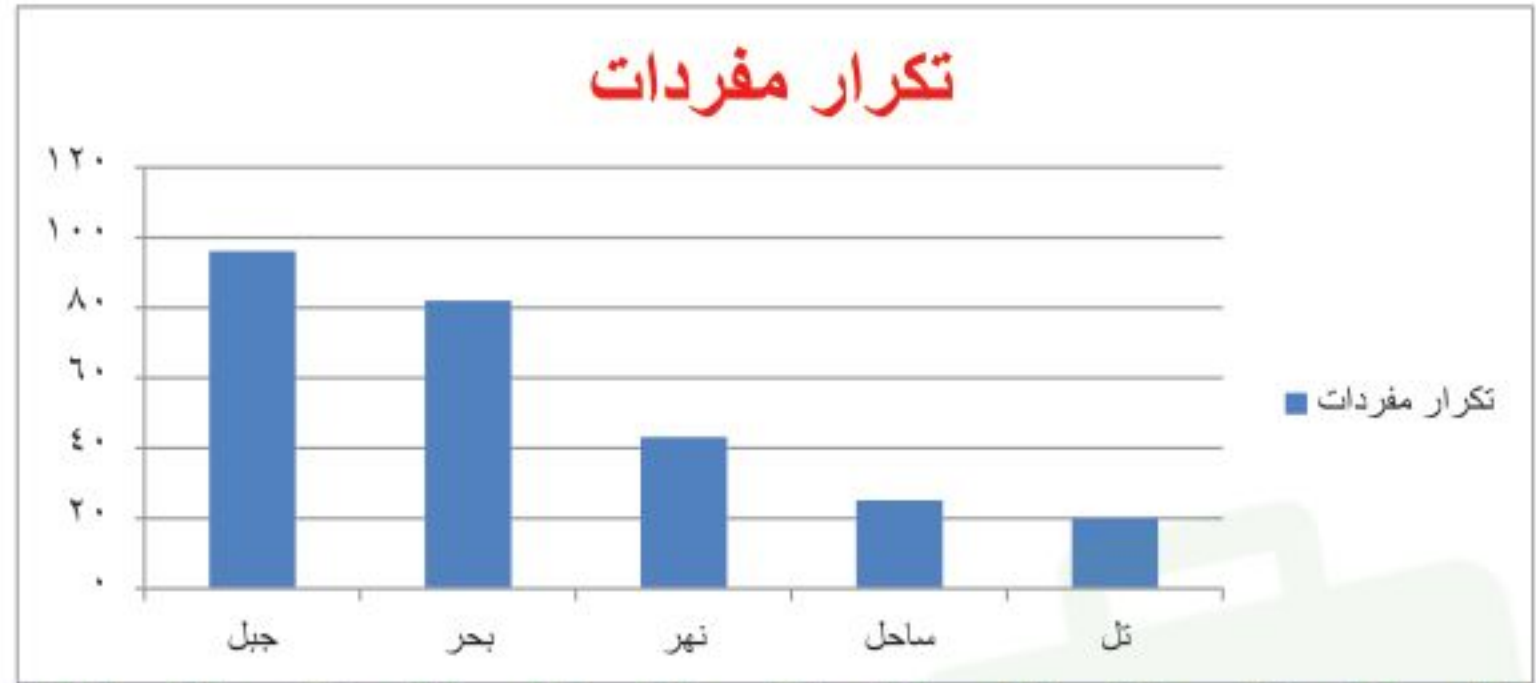


يُبيِّنُ الجدولُ أدناه تكرارَ بعضِ المفرداتِ في كتابِ التربيةِ الاجتماعية. المثالان ١، ٢.

تكرارُ المفرداتِ الجغرافية					
المفردة	جبل	بحر	نهر	ساحل	تل
العدد	٩٦	٨٢	٤٣	٢٥	٢٠

١٢ مَثِّلِ البياناتِ بِالْأعمدةِ، ثم صِفْ مِقياسَ التدرُّجِ وطولَ الفترةِ.

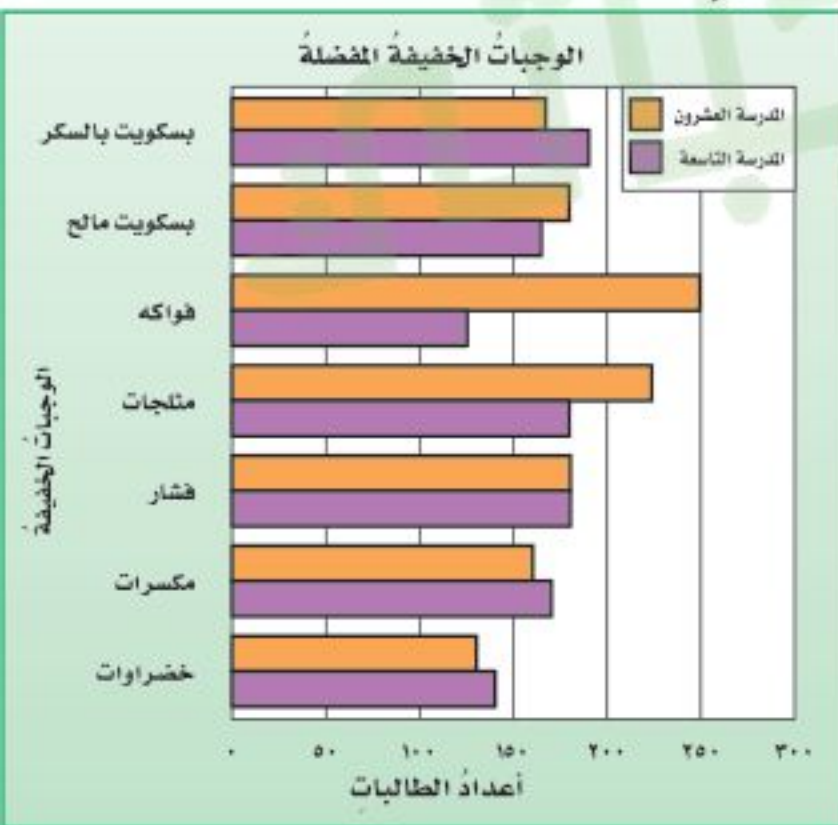
مقياس التدرج يبدأ بـ 20 طول الفترة = ٢٠



١٣ ما المفردة التي تكررَتْ أكثر؟

المفردة التي تكررت أكثر: جبل

استعملِ التمثيلَ المجاورَ الذي يُبيِّنُ نتائجَ مسحِ أجرتهُ سعادٌ على طالباتِ مدرستينِ حولَ الوجباتِ الخفيفةِ التي يفضلُّنها؛ لحلِّ المسائلِ ١٤ - ١٧:



١٤ ما الوجبةُ التي تُفضِّلُها أكثرُ طالباتِ المدرسةِ التاسعةِ؟

يفضل طالبات المدرسة التاسعة بسكويت بالسكر

١٥ ما الوجبةُ التي تُفضِّلُها أكثرُ طالباتِ المدرسةِ العشريةِ؟

يفضل طالبات المدرسة العشرية الفواكه

١٦ ما الوجبة التي كان فيها الفرق بين الوجبات المفضلة

أكبر ما يمكن؟

الوجبة التي تبين أكبر فرق بين المدرستين هي الفواكه

١٧ ما الفرق بين أعلى وأقل وجبة مفضلة لدى طالبات

المدرسة العشرية؟

الفرق بين الاستجابات = ٢٥٠ - ١٣٠ = ١٢٠



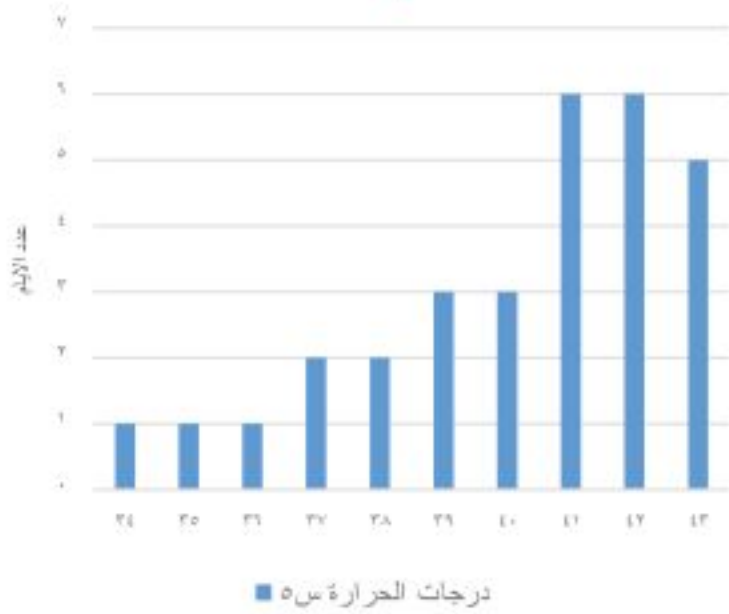


درجات الحرارة العظمى (س)				
مدينة الرياض				
٣٩	٤٢	٣٨	٣٨	٣٨
٤٣	٤٥	٤٣	٤٣	٤٣
٤٣	٤١	٤٢	٤٢	٣٩
٣٩	٣٧	٤٢	٣٨	٤١
٤٠	٤١	٤٤	٤١	٤٤
٤٠	٤٢	٤٣	٤٠	٣٩
مدينة جدة				
٤٣	٤١	٤٢	٤٣	٤٣
٣٨	٤٣	٤٣	٤١	٤١
٣٦	٤١	٣٨	٤١	٤٢
٣٧	٤٢	٤٠	٣٩	٤٢
٤٠	٤٢	٤٢	٣٩	٣٧
٣٥	٣٤	٤١	٤٠	٣٩

يُبيِّن الجدولُ المُجاوِزُ درجاتِ الحرارةِ العظمى في مَدِينَتِي جدة والرياضِ خلالَ شهرٍ منْ أشهرِ الصيفِ:

١٨ نظم البيانات في جدول تكراري، لكل مدينة، ثم مثَّل بالأعمدة درجات الحرارة لكل مدينة.

درجات الحرارة العظمى  
جدة



درجات الحرارة العظمى (س)

مدينة جدة	
التكرار	درجة الحرارة
١	٣٤
١	٣٥
١	٣٦
٢	٣٧
٢	٣٨
٣	٣٩
٣	٤٠
٦	٤١
٦	٤٢
٥	٤٣

درجات الحرارة العظمى  
الرياض



درجات الحرارة العظمى (س)

مدينة الرياض	
التكرار	درجة الحرارة
١	٣٧
٤	٣٨
٤	٣٩
٣	٤٠
٤	٤١
٥	٤٢
٦	٤٣
٢	٤٤
١	٤٥

١٩ أوجد المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال لمجموعة بيانات مدينة الرياض، ثم استعملها لوصف البيانات.

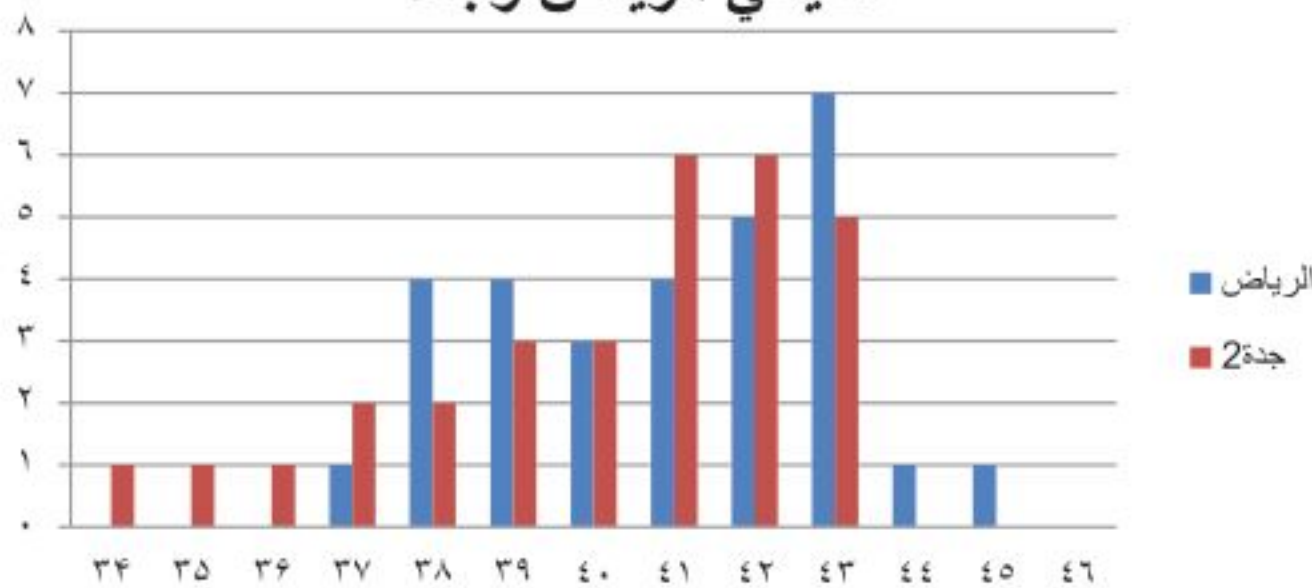
$$\text{المتوسط الحسابي لدرجات مدينة الرياض} = \frac{1188}{30} = 39,6$$

الوسيط لدرجات مدينة الرياض = ٤١

والمنوال هو ٤٣

المدى = ٨

مدينتي الرياض وجدة



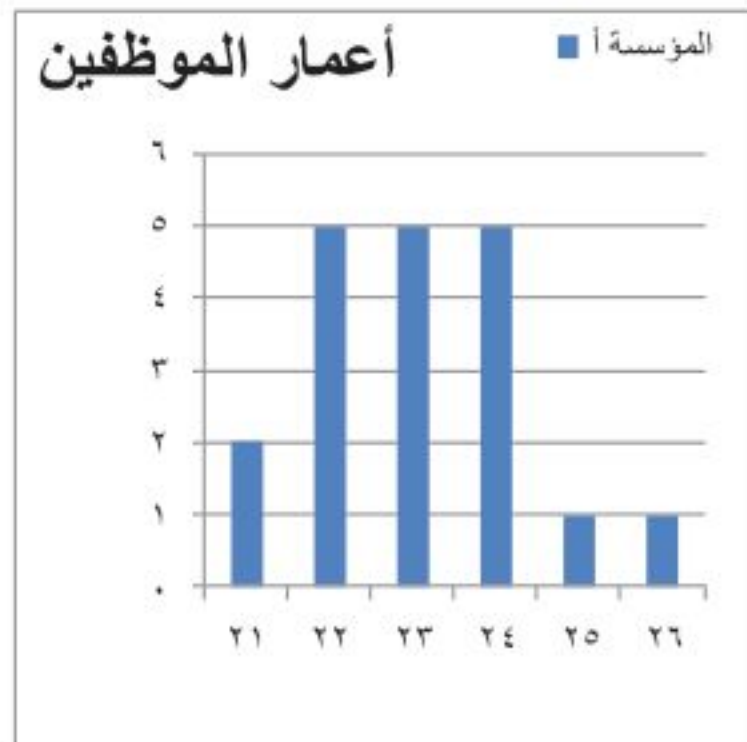
٢٠ اجمع تمثيل الأعمدة (من المسألة ١٨)، في تمثيل أعمدة مزدوجة، ثم صف البيانات بجملة أو جملتين.





أعمار الموظفين المستجدين (سنة)								
المؤسسة (ب)				المؤسسة (أ)				
٢٤	٢٢	٢٤	٢٥	٢٤	٢١	٢٤	٢٣	٢٥
٢٣	٢٣	٢٣	٢٥	٢٣	٢٤	٢٤	٢٢	٢٢
٢١	٢٣	٢٦	٢٥	٢٦	٢١	٢٢	٢٢	٢٣
		٢٢	٢٦		٢٣	٢٢	٢٣	٢٣

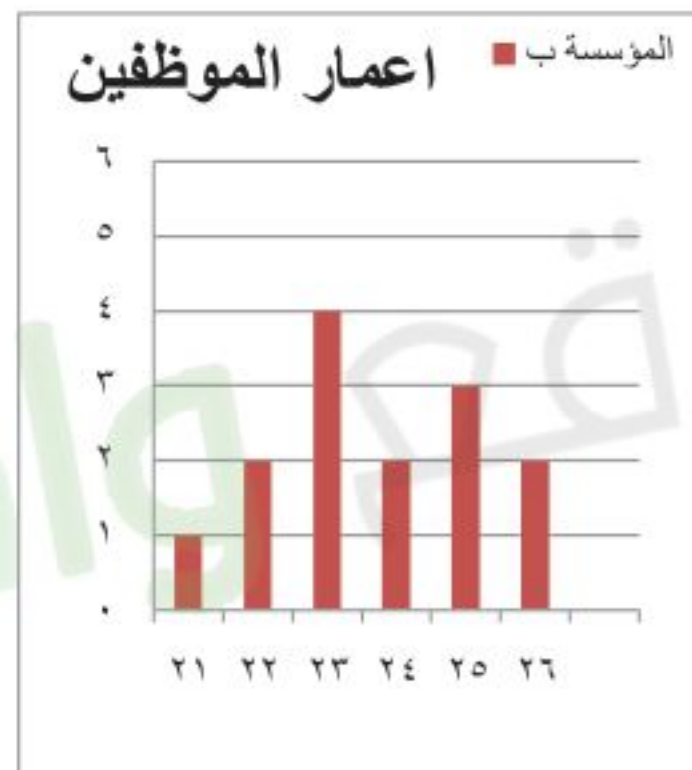
٢١ نظم البيانات في جدول تكراري لكل مؤسسة، ثم مثل بالأعمدة أعمار الموظفين المستجدين في كل مؤسسة.



أعمار الموظفين المستجدين (سنة)

المؤسسة (أ)

العمر	التكرار
21	2
22	5
23	6
24	4
25	1
26	1



أعمار الموظفين المستجدين (سنة)

المؤسسة (ب)

العمر	التكرار
21	1
22	2
23	4
24	2
25	3
26	2

٢٢ أوجد المتوسط الحسابي والوسيط والمِنوال لأعمار الموظفين المستجدين في المؤسسة (أ)، ثم استعملها لوصف البيانات.

$$\text{المتوسط الحسابي لأعمار الموظفين الجدد} = \frac{437}{19} = 23$$

الوسيط لأعمار الموظفين الجدد = 23

لهم أكثر من منوال هو 22، 23، 24

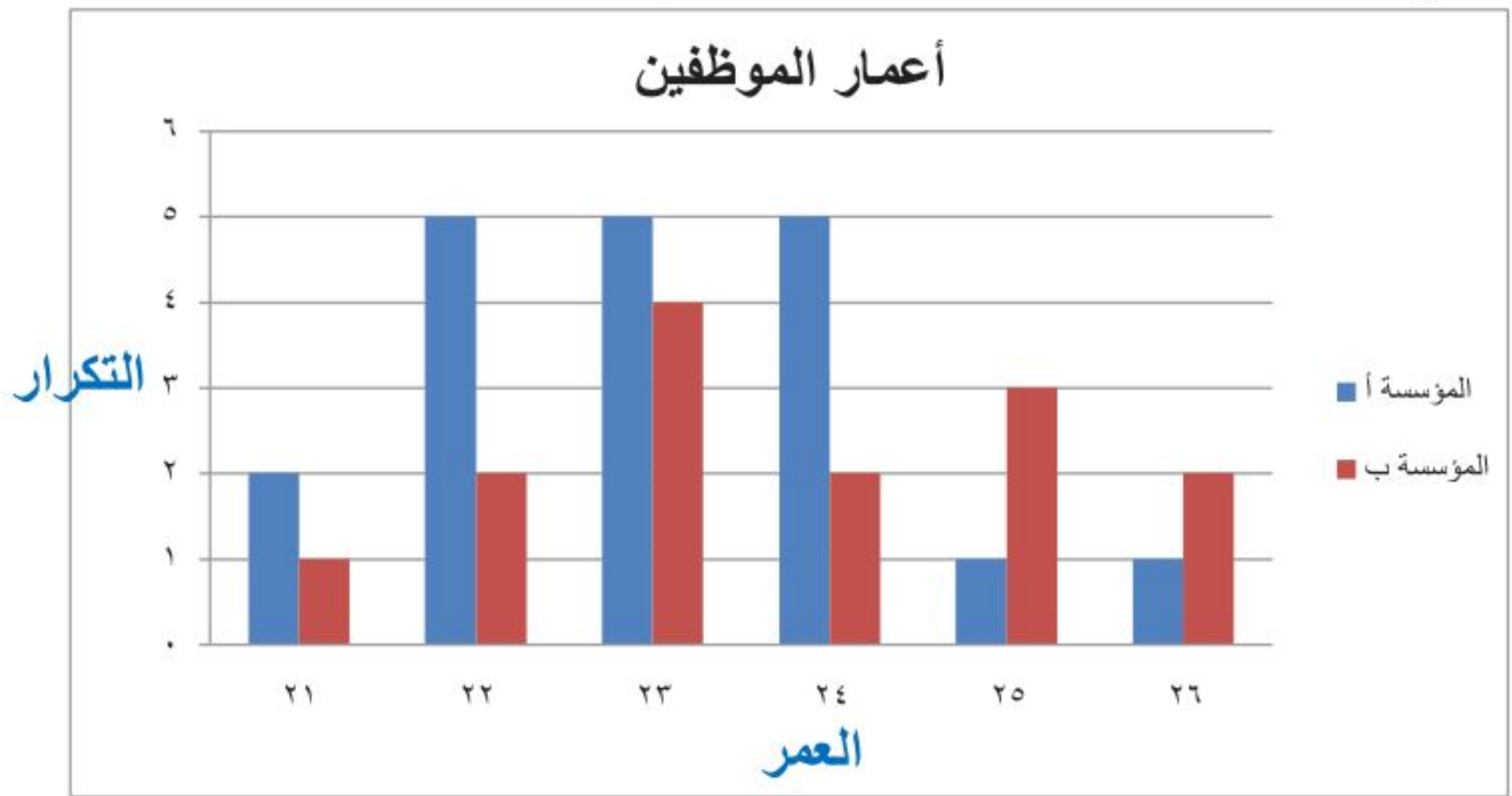
المدى = 5

نصف الموظفين الجدد في المؤسسة (أ) أعمارهم فوق 23 سنة، ونصفهم الآخر أعمارهم أقل من 23 سنة.

معظم الموظفين أعمارهم إما 22، أو 23، أو 24 سنة.

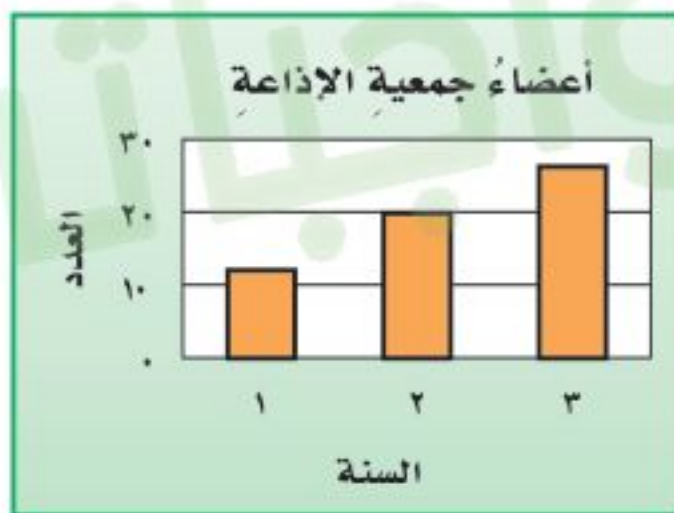






نصف الموظفين الجدد في المؤسسة (أ) أعمارهم فوق ٢٣ سنة، ونصفهم الآخر أعمارهم أقل من ٢٣ سنة.  
معظم الموظفين أعمارهم إما ٢٢، أو ٢٣، أو ٢٤ سنة.

## مسائل مهارات التفكير العليا



٢٤ **اكتشف الخطأ:** بيّن التمثيل المُجاور أعداد الطلاب في جمعية الإذاعة المدرسية في السنوات الثلاث الأولى لتأسيسها، وقد حُلّل كلٌّ من فيصل وسعود البيانات المعروضة في التمثيل. أيُّهما كان تحليله صحيحًا؟



**سعود**  
عدد طلاب السنة الثانية أكبر من مثلي عدد طلاب السنة الأولى.



**فيصل**  
عدد طلاب السنة الثالثة أكبر من مثلي عدد طلاب السنة الأولى.

**تحليل فيصل هو الصحيح لأن عدد طلاب السنة الثالثة أعلى نسبة في الرسم؛ ولكن**

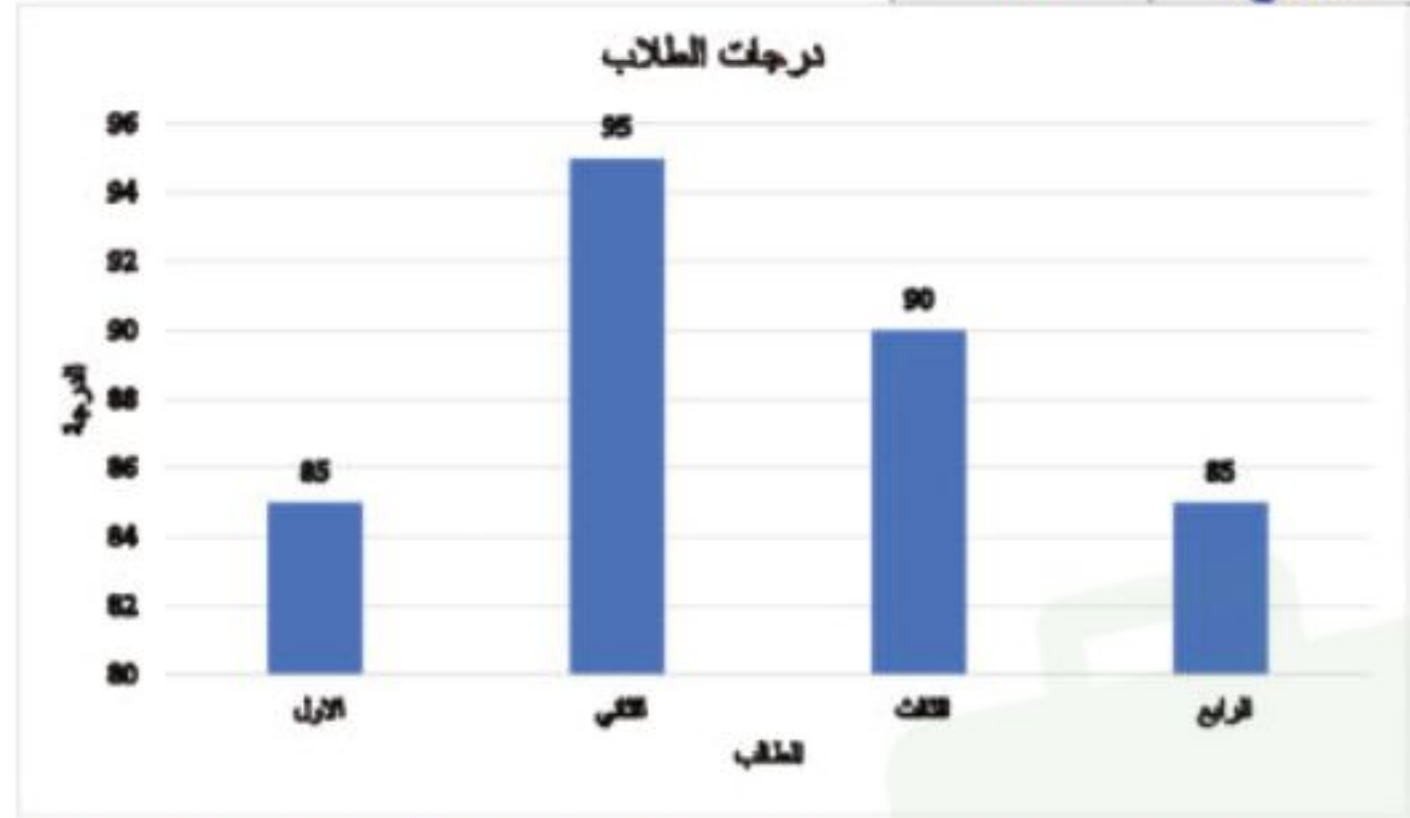
**عدد طلاب السنة الثانية يساوي ضعف عدد الطلاب في السنة الأولى.**



**مَسْأَلَةٌ مَفْتُوحَةٌ:** اكتب درجات أربعة طلاب في اختبار، بحيث يتساوى طولاً عمودين عند تمثيل البيانات بالأعمدة. ويكون طول أحد الأعمدة أكبر بعشر وحدات من طولَي العمودين المتساويين.

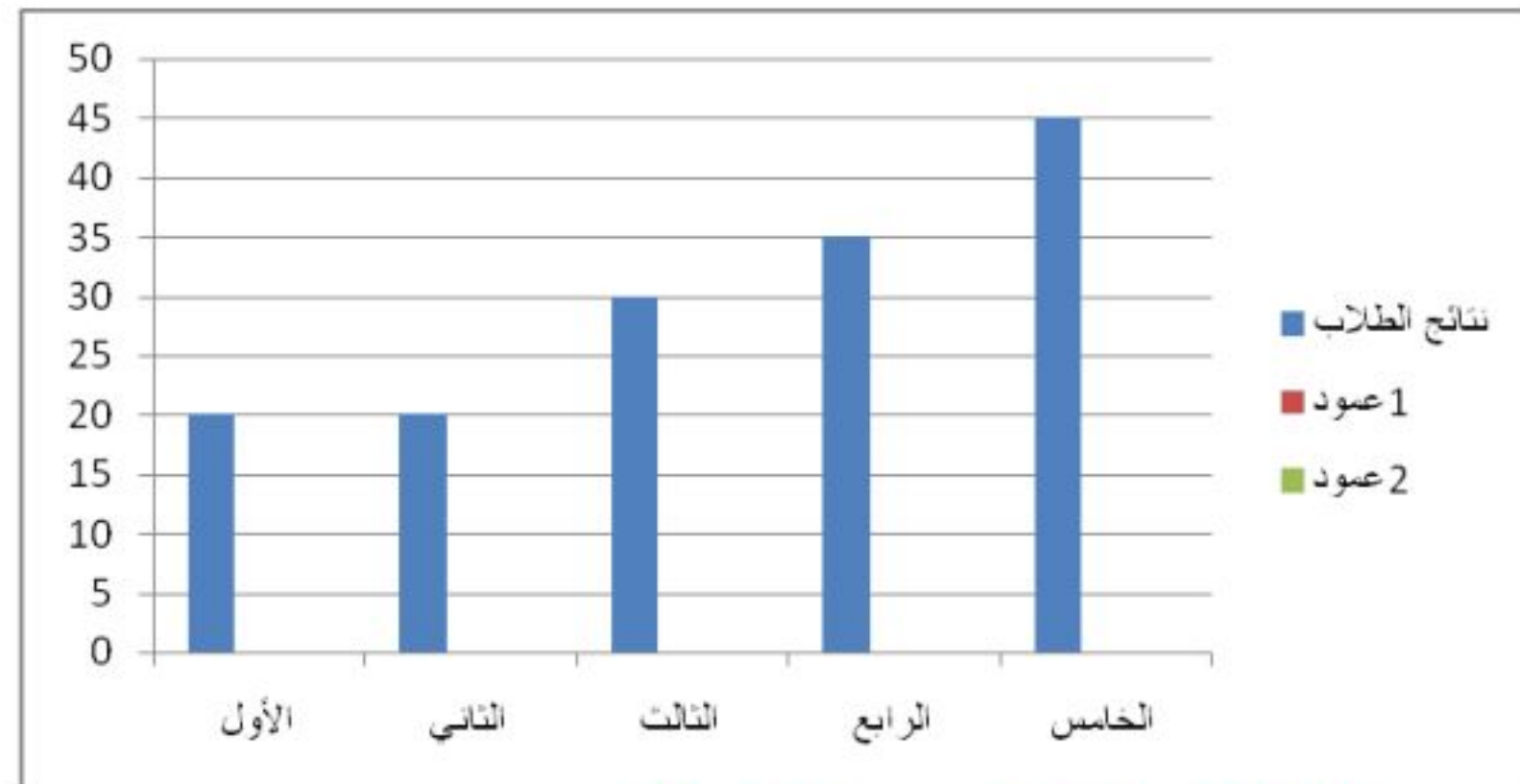
درجات الطلاب	
الطالب	الدرجة
الأول	٨٥
الثاني	٩٥
الثالث	٩٠
الرابع	٨٥

تساوي درجتَي الطالب الأول مع الرابع بينما درجة الطالب الثاني أعلى بعشر درجات



**اُكْتُبْ** ٢٦ مَسْأَلَةٌ من واقع الحياة يُمكن تمثيلها بالأعمدة، ثم قم بتمثيل بياناتها بالأعمدة، واكتب سؤالين عن التمثيل، واطلب إلى زميلك أن يحلّهما بالرجوع إلى التمثيل. أجرى اختبار لخمس طلاب في الصف السادس وكانت نتائج الاختبار

الأول	الثاني	الثالث	الرابع	الخامس
٢٠	٢٠	٣٠	٣٥	٤٥



من هم الطلاب المتساويين بالنتيجة؟  
من تصدر أعلى نتيجة في الاختبار؟





يبيّن الجدول أدناه ارتفاعات خمسة أبراج. أيُّ هذه الأبراج يمثل ارتفاعها وسيط ارتفاعات الأبراج: (الدرس ٧-١)

الارتفاع بالأمتار	البرج
٣٠٣	المملكة (السعودية)
٦٠١	الساعة (السعودية)
٨٢٨	خليفة (الإمارات)
٢٦٧	الفيصلية (السعودية)
٤٢١	الحمراء (الكويت)

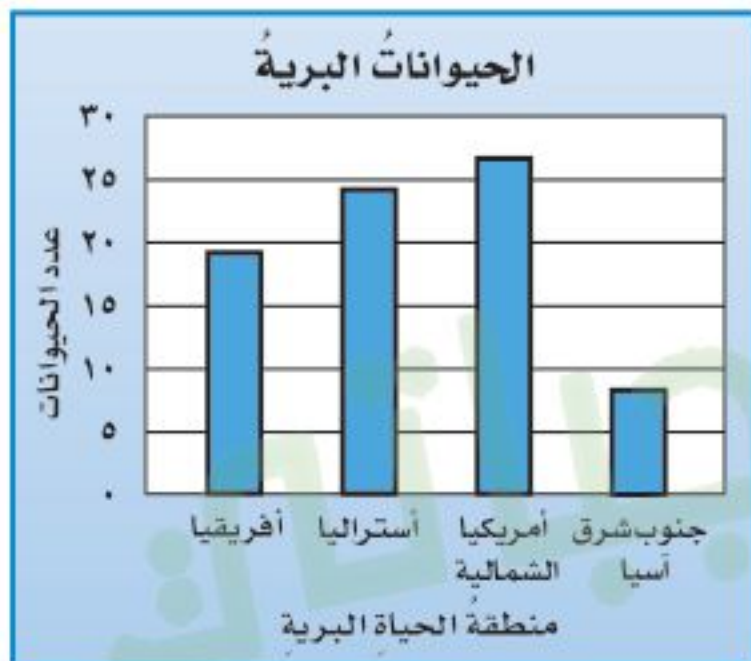
( أ ) المملكة  
( ب ) البيت  
( ج ) الحمراء  
( د ) خليفة

نرتب البيانات

٨٢٨ ، ٦٠١ ، ٤٢١ ، ٣٠٣ ، ٢٦٧

البرج الذي يمثل وسيط ارتفاعات الأبراج: برج الحمراء (الكويت) ٤٢١ م

الاختيار الصحيح: (ج) الحمراء



٢٨ تُقسّم الحياة البرية إلى مناطق مختلفة، يبيّن التمثيل المجاور أربعة مناطق وأعداد الحيوانات في كل منطقة منها.

أيُّ الجداول التالية تستعمل لإنشاء هذا التمثيل؟ (الدرس ٧-٣)

(ب)

المنطقة	عدد الحيوانات
أفريقيا	١٩
أستراليا	٢٤
أمريكا الشمالية	٢٧
جنوب شرق آسيا	٨

(أ)

المنطقة	عدد الحيوانات
أفريقيا	١
أستراليا	٢
أمريكا الشمالية	٣
جنوب شرق آسيا	٤

(د)

المنطقة	عدد الحيوانات
أفريقيا	٢٧
أستراليا	٢٤
أمريكا الشمالية	١٩
جنوب شرق آسيا	٨

(ج)

المنطقة	عدد الحيوانات
أفريقيا	٢٠
أستراليا	٢٥
أمريكا الشمالية	٢٥
جنوب شرق آسيا	١٠







بيّن الجدول المجاور عدد ساعات العمل الإضافي لأحد الموظفين خلال أسبوعين. أوجد المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال لهذه البيانات.

عدد ساعات العمل الإضافي						
٠	٢	٠	١	١	٢	٣
٠	٢	٢	٤	١	١	٢

$$\text{المتوسط الحسابي} = \frac{21}{14} = 1,5$$

ترتيب البيانات:

٠، ٠، ١، ١، ١، ١، ٢، ٢، ٢، ٢، ٢، ٢، ٣، ٤

$$\text{الوسيط} = \frac{1+2}{2} = 1,5$$

المنوال: ٢

حلّ كلّاً من المسألتين ٣٠، ٣١ بالاستفادة من المعلومات التالية:

قام خالد وثلاثة من أصدقائه بزيارة مركز سلطان بن عبدالعزيز للعلوم والتقنية (سايتك) فدفّع كلّ منهم ٨ ريالاتٍ ثمن تذاكر الدخول، و ٦ ريالاتٍ ثمن كوب من العصير. (الدرس ٧-٢)

٣٠ إذا كان إجمالي المبلغ لديهم الآن هو ١٢ ريالاً، فكم ريالاً كان لديهم جميعاً قبل دخولهم المركز؟

$$\text{ما دفعه كل منهم} = 8 + 6 = 14 \text{ ريالاً}$$

$$\text{ما دفعوه جميعاً} = 4 \times 14 = 56 \text{ ريالاً}$$

$$\text{ما كان لديهم} = 12 + 56 = 68 \text{ ريالاً}$$

٣١ إذا كان لدى كلّ منهم المبلغ نفسه من المال قبل دخولهم المركز، فكم ريالاً لدى كلّ منهم؟

$$\text{كل واحد كان معه} = 68 \div 4 = 17 \text{ ريالاً}$$



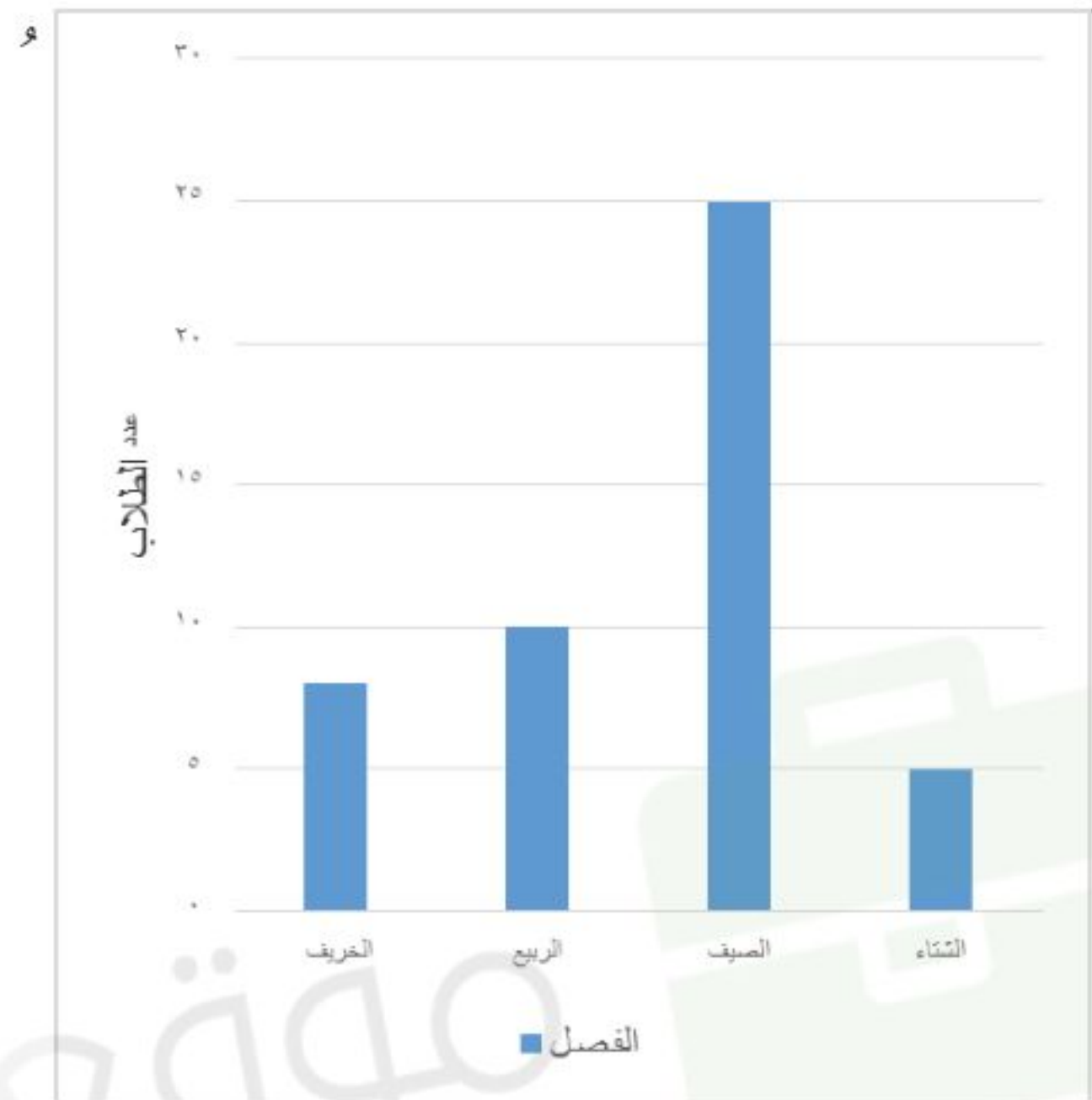




يبين الجدول المجاور أعداد الطلاب الذين يفضلون كل فصلٍ من فصول السنة الأربعة. (الدرس ٧-٣)

الفصل	الخريف	الربيع	الصيف	الشتاء
عدد الطلاب	٨	١٠	٢٥	٥

٣٢ مثل البيانات بالأعمدة؟



٣٣ استعمل التمثيل بالأعمدة لكتابة جملة أو جملتين تصف بها البيانات؟

من التمثيل البياني:

- أكثرية الطلاب يفضلون فصل الصيف
- قليل من الطلاب يفضلون فصل الشتاء





## معمل الجداول الإلكترونية التمثيل بالأعمدة والأعمدة المزدوجة

توسع  
٣ - ٧

### حلّ النتائج:

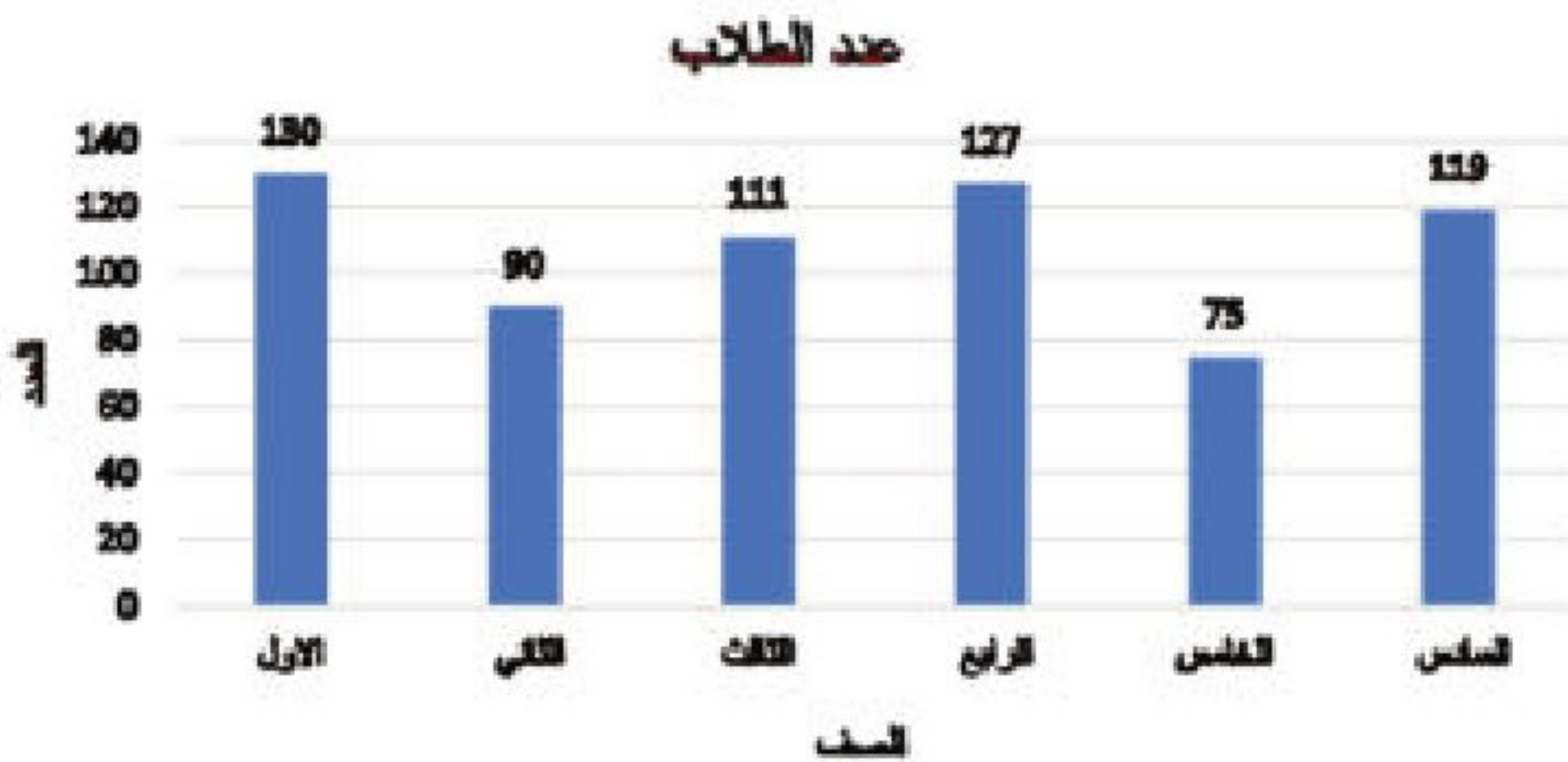
- ١ وضح الخطوات اللازمة في برنامج الجداول الإلكترونية عند إضافة ١٠ طلاب لكل صف.

### ادخل على كل خلية بها عدد الطلاب من العمود ب وأضيف إليها العدد 10

- ٢ اجمع البيانات: اجمع البيانات حول عدد الطلاب في مدرستك ومثل البيانات بالأعمدة.

### عند حصر عدد طلاب مدرستي كان العدد كالتالي

عدد الطلاب	
الصف	العدد
الأول	١٣٠
الثاني	٩٠
الثالث	١١١
الرابع	١٢٧
الخامس	٧٥
السادس	١١٩



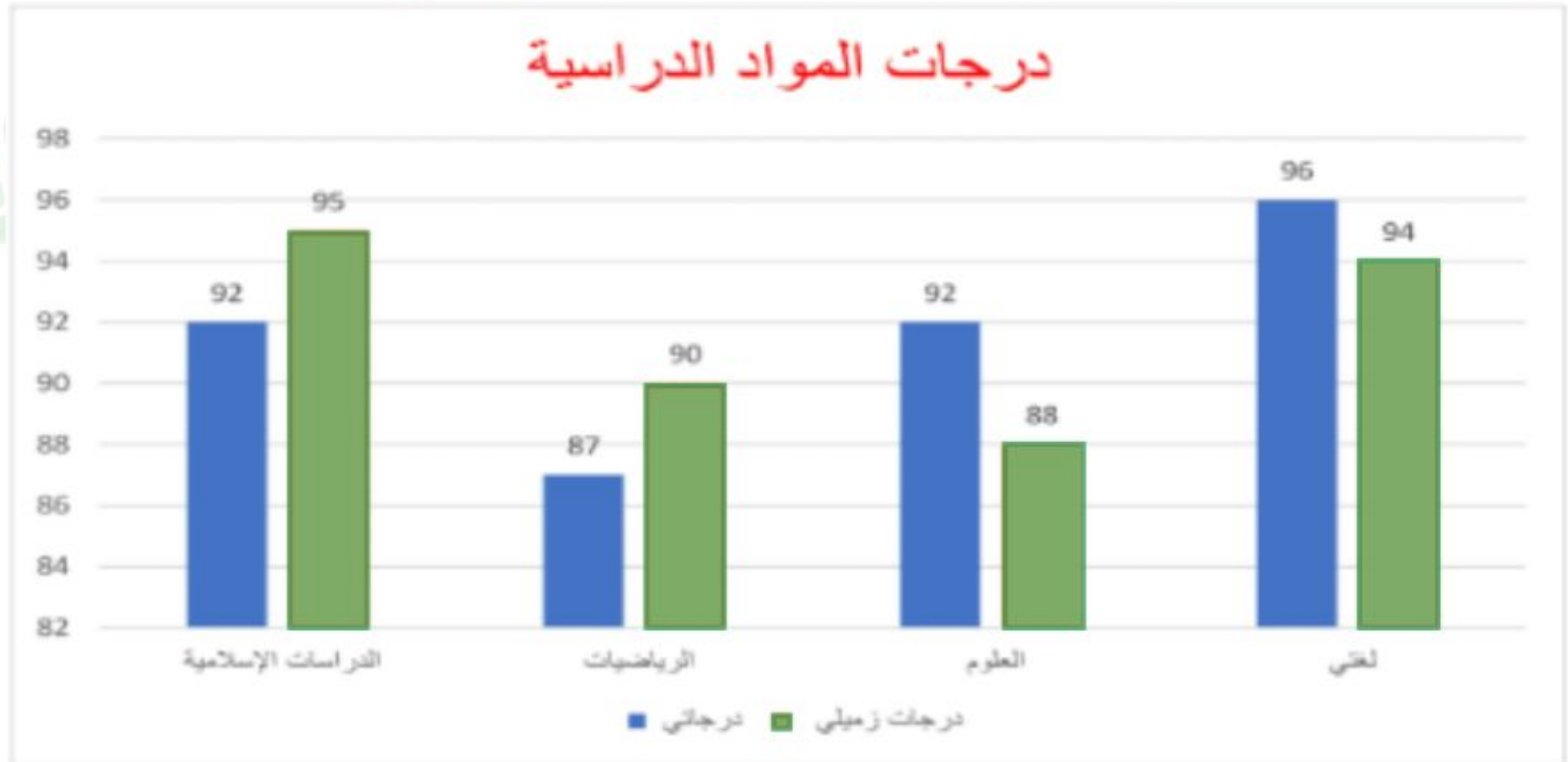


١ وَضَّحِ الخُطواتِ اللَّازِمةَ فِي بَرنامِجِ الجَدائِلِ الإِلِكترُونِيَّةِ عِنْدَ إِضافَةِ درَجاتِ مادَّةِ التَّربِيَّةِ الفَنِيَّةِ لِأحمدَ وَخالدَ.

في العمود أ ادخل مادة التربية الفنية ثم أضيف درجات احمد وخالد في العمودين بي وسي على التوالي على نفس صف مادة التربية الفنية

٢ اجمع البيانات: اجمع البيانات حول درجاتك ودرجات زميلك في الصف ومثل البيانات بالأعمدة المزدوجة.

المواد الدراسية	درجاتي	درجات زميلي
الدراسات الإسلامية	٩٢	٩٥
الرياضيات	٨٧	٩٠
العلوم	٩٢	٨٨
لغتي	٩٦	٩٤







## الاحتمال

٤ - ٧

### استعد

سحب مكعب من كل كيس دون النظر إليه.  
اكتب "مؤكد" أو "مستحيل" أو "متساوي الإمكانية" لتكوين جمل صحيحة:

الكيس ٣



احتمال سحب مكعب  
أصفر هو احتمال.....

الكيس ٢



احتمال سحب مكعب  
أصفر هو احتمال.....

الكيس ١



احتمال سحب مكعب  
أسود هو احتمال.....

احتمال سحب مكعب أسود هو احتمال متساوي الإمكانية.

احتمال سحب مكعب أصفر هو احتمال مؤكد

احتمال سحب مكعب أصفر هو احتمال مستحيل



### مثال كتابة النواتج

### مثال

١ دَوَّرَ زيادَ مؤشرَ القرصِ المجاورِ.  
اكتب جميع الألوان التي يمكن أن يتوقف عندها المؤشرُ.  
يمكن أن يتوقف مؤشر القرص عند اللون الأحمر،  
أو اللون الأزرق، أو اللون البرتقالي.  
النواتج: أحمر، أزرق، برتقالي.





اكتبِ النواتجَ المُمكنةَ لكلِّ تجربةٍ احتماليّةٍ ممّا يلي: مثال ١

١ تدوير مؤشّر القرص



النواتج: ٤، ٥، ٦، ٧، ٨، ٩

٢ إلقاء قطعة نقدية



النواتج: شعار أو كتابة

٣ اختيار بطاقة عشوائياً

النواتج: بطاقة حمراء أو بطاقة زرقاء أو بطاقة صفراء



او حرف ص او حرف ح او حرف ز

سحب تركيبي قرصاً واحداً عشوائياً من هذا الكيس. صِف احتمالَ سحبِ اللون الوارد في المسائل من ٤-٧:



اكتب (مؤكد أو مستحيل أو قوي أو ضعيف أو متساوي الإمكانية): مثال ٢

٥ أحمر

أحمر: احتمال ضعيف

٤ أزرق

أزرق: احتمال قوي

٧ أزرق أو أحمر أو أصفر

أزرق أو أحمر أو أصفر: احتمال مؤكد

٦ أخضر

أخضر: احتمال مستحيل





٨ ما عدد النواتج الممكنة لاختيار أي حرف من حروف كلمة "السعودية"

عدد النواتج الممكنة لاختيار أي حرف من حروف كلمة السعودية هو ٨ أي يساوي عدد أحرف الكلمة (أ أو ل أو س أو ع أو و أو د أو ي أو ة)

٩ **تحدّث** صفّ النواتج ذات الاحتمال القويّ وذات الاحتمال الضعيف في تجربة رمي مكعب أرقام (١-٦). فسّر إجابتك.

عند رمي مكعب أرقام (١-٦) هناك ٦ احتمالات للنتائج وهي (١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦) احتمال ظهور عدد أكبر من ١ هو احتمال قوي، أما احتمال ظهور ٤ احتمال ضعيف

١٠ اكتب النواتج الممكنة لكل تجربة احتمالية مما يلي: مثال ١

اختيار قطعة نقدية عشوائياً.



النواتج: ريال، نصف ريال، ربع ريال

١١ اختيار علبتين واحدة عشوائياً.



النواتج: علبة حمراء أو علبة صفراء

١٢ اختيار مكعب دون النظر.



النواتج: مكعب أحمر

١٣ تدوير مؤشر القرص.



النواتج: ١ أو ٢ أو ٣ أو ٤ أو ٥



١٤ اختيار حَرْفٍ عَشَوَائِيًّا مِنْ كَلِمَةِ "الدِّمَامِ".

### النواتج: أ أول أو د أو م

سَحَبَ مَصْعَبٌ بَطَاقَةً مِنَ الْبَطَاقَاتِ التَّالِيَةِ عَشَوَائِيًّا. صِفِ احْتِمَالَ سَحْبِ بَطَاقَةٍ مَكْتُوبٍ عَلَيْهَا الْحَرْفُ الْوَارِدُ فِي كُلِّ مِنَ السُّؤَالَيْنِ ١٥ وَ ١٦.

اكتب (مؤكد أو مستحيل أو قوي أو ضعيف أو متساوي الإمكانية): مثال ٢



١٦ حرف الكاف (ك).

احتمال مستحيل

١٥ حرف النون (ن).

احتمال ضعيف

افترض أنك دَوَّرْتَ مَوْشَرَ الْقُرْصِ الْمَجَاوِرِ. صِفِ احْتِمَالَ وَقُوفِ الْمَوْشِرِ عِنْدَ اللَّوْنِ الْوَارِدِ فِي الْمَسَائِلِ ١٧-٢٠.

اكتب (مؤكد أو مستحيل أو قوي أو ضعيف أو متساوي الإمكانية): مثال ٢



١٨ أخضر.

احتمال مستحيل

١٧ بُرْتَقَالِيٌّ أَوْ لَيْسَ أَحْمَرَ.

احتمال قوي

٢٠ لَيْسَ أَسْوَدَ.

احتمال مؤكد

١٩ بُرْتَقَالِيٌّ أَوْ لَيْسَ أَزْرَقَ.

احتمال ضعيف





## مسائل مهارات التفكير العليا

٢١ **تحدي:** صف مجموعة من ١٠ مكعبات تمتاز بما يأتي:

- في المجموعة ٤ ألوان مختلفة.
- عند سحب مكعب، يكون احتمال سحب لون أكثر إمكانية من أي لون آخر.
- اثنان فقط من الألوان الأخرى متساويان في إمكانية السحب.

مجموعة المكعبات: ٥ مكعبات احمر، ٢ مكعب اصفر، ٢ مكعب ازرق، ١ مكعب أسود

٢٢ **اكتب** مسألة من واقع الحياة يمكن حلها بوصف الاحتمالات، ثم حل المسألة.

هناك كيس به ١٠ بلورات، ٦ بلورات حمراء، ٣ بلورات صفراء، بلورة زرقاء

احتمال قوي	سحب بلورة حمراء
احتمال ضعيف	سحب بلورة صفراء
احتمال مستحيل	سحب بلورة سوداء



## اختبار الفصل

الدروس من ٧-١ إلى ٧-٤



أوجد المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال لكل

مجموعة بيانات مما يأتي: (الدرس ٧-١)

١ درجات الحرارة العظمى المسجلة في إحدى مدن المملكة خلال أسبوع:

٢٥، ٣٢، ٣١، ٢٧، ٣١، ٣٢، ٣٢

$$\text{المتوسط الحسابي} = \frac{٢٥ + ٣٢ + ٣١ + ٢٧ + ٣١ + ٣٢ + ٣٢}{٧}$$

$$٣٠ = \frac{٢١٠}{٧}$$

ترتيب البيانات: ٢٥، ٢٧، ٣١، ٣١، ٣٢، ٣٢، ٣٢

الوسيط = ٣١

المنوال = ٣٢

٢ أثمان أقلام: ٥، ٣ ريال، ٦٦، ١ ريال،

٣٥، ١ ريال، ٥، ٣ ريال، ٥، ١ ريال،

٩٩، ٠ ريال، ٥، ١ ريال.

$$\text{المتوسط الحسابي} = \frac{١,٥ + ٠,٩٩ + ١,٣٥ + ١,٥ + ١,٦٦ + ٣,٥ + ٣,٥}{٧}$$

ترتيب البيانات: ٠,٩٩، ١,٣٥، ١,٥، ١,٥، ١,٦٦، ٣,٥، ٣,٥

الوسيط = ١,٥

المنوال = ٣,٥، ١,٥



٣ اختيار من متعدد: بيّن الجدول أدناه أطوال

خمس من أطول أنهار العالم.

أي الأنهار في الجدول أعلاه يمثل طولها وسيطاً

أطوال الأنهار الخمسة؟ (الدرس ٧-١)

(أ) المسيسيبي.

(ج) النيل.

(ب) الفرات.

(د) الدانوب.

ترتيب البيانات: ٢٨٥٠، ٣٥٩٦، ٦٢٧٥، ٦٤٠٠، ٦٦٥٠

الاختيار الصحيح: (أ) المسيسيبي

٤ اشترى حسام سنارة صيد وقبعة، ودفَعَ ثمنًا لها

١٤٠ ريالاً، إذا كان ثمنُ سنارة الصيد ٩ أمثال

ثمن القبعة، فما ثمن كلٍّ منهما؟ (الدرس ٧-٢).

نفرض ثمن القبعة س ← ثمن سنارة الصيد ٩س

$$س + ٩س = ١٤٠$$

بقسمة الطرفين على ١٠

$$١٠س = ١٤٠$$

$$س = ١٤$$

ثمن القبعة = ١٤ ريال

ثمن سنارة الصيد = ١٢٦ ريال





٧ أوجد المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال لهذه البيانات.

$$\text{المتوسط الحسابي} = \frac{74}{12} \approx 6,2$$

ترتيب البيانات: ٥، ٥، ٥، ٥، ٦، ٦، ٧، ٧، ٨، ٨

$$\text{الوسيط} = \frac{6+6}{2} = 6$$

المنوال = ٥

اكتب النواتج الممكنة لكل تجربة احتمالية مما يلي: (الدرس ٧-٤)

٨ اختيار بطاقة واحدة دون النظر إليها من



البطاقات التالية:

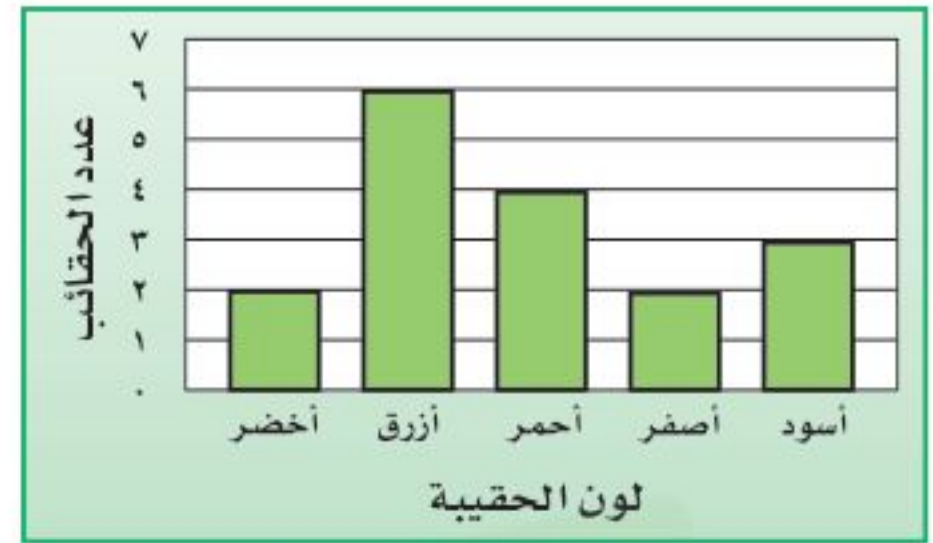
النواتج: ج أو ب أو ا أو د



٩ تدوير مؤشر القرص المجاور.

النواتج: أحمر أو أصفر أو أخضر

٥ استعمل التمثيل بالأعمدة أدناه لتحديد كم يزيد عدد الحقائق الزرقاء على عدد الحقائق الحمراء؟ (الدرس ٧-٣).



عدد الحقائق الزرقاء - عدد الحقائق الحمراء

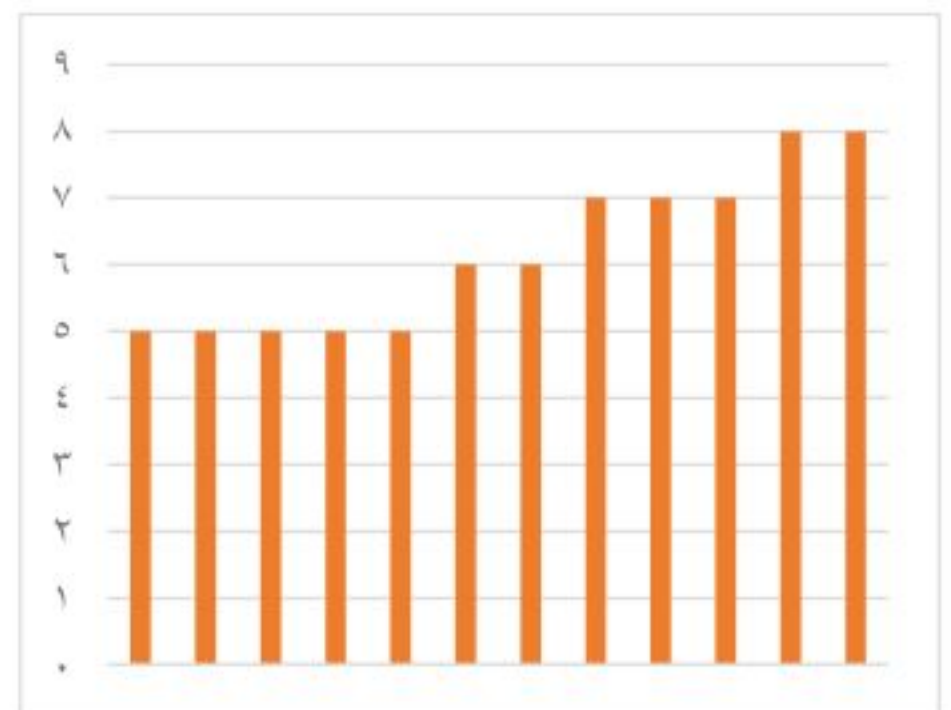
$$6 - 4 = \text{حقيبتين}$$

٦ بيّن الجدول أدناه كتل عدد من صناديق التفاح: (الدرس ٧-٣)

كتل صناديق مختلفة من التفاح (كجم)					
٧	٨	٦	٥	٥	٧
٥	٥	٥	٨	٧	٦

مثّل بالأعمدة كتل صناديق التفاح ثم صفّ مقياس التدرج وطول الفترة.

يحتوي مقياس التدرج على أصغر قيمة (٥) وأكبر قيمة (٨) طول الفترة = ١







سُحِبَتْ بلورة واحدة عشوائياً، صِفِ احتمال سَحْبِ كُلِّ لونٍ مختلفٍ. اكتب (مؤكد أو مستحيل أو قوي أو ضعيف أو متساوي الإمكانية): (الدرس ٧ - ٤)

١٠ أزرق. احتمال ضعيف

١١ أرجواني. احتمال مستحيل

١٢ أحمر أو أزرق أو أخضر أو أصفر.

احتمال مؤكد

١٣ أصفر أو أخضر.

احتمال قوي

١٤ اكتب بين الجدول أدناه أعمار طلاب الصف. (الدرس ٧ - ١)

أعمار الطلاب						
١٠	١٠	١١	١٢	١١	١١	١٠
١١	١٠	١٠	١١	١١	١٠	١١

افتراض أنه تم إضافة عمر المعلم لمجموعة أعمار الطلاب، فهل على الأغلب سيتغير الوسيط أو المنوال لهذه البيانات؟ فسّر إجابتك.

ترتيب البيانات:

١٠، ١٠، ١٠، ١٠، ١٠، ١٠، ١١، ١١، ١١، ١١، ١١، ١١، ١١، ١١، ١٢، ٣٠

واضح انه إذا اضيف عمر المعلم لن يغير من الوسيط لأنه في كلتا الحالتين **١١**

ايضاً المنوال لن يتغير لأن **المنوال ١١** ولن يغير عمر المعلم شيئاً

المنوال = 11

الوسيط = 11





## الاحتمال والكسور

### استكشاف

#### نشاط

الخطوة ١ : ضع ٥ مكعبات زرقاء و ٣ مكعبات صفراء و مكعبين أحمرين في كيس.

ما الكسر الذي يمثل المكعبات الزرقاء، والصفراء، والحمراء؟  
اكتب الكسور في جدول كما هو مبين أدناه:

النتيجة	الكسر	التوقع	الإشارات	العدد
أزرق	$\frac{1}{2}$			
أصفر	$\frac{3}{10}$			
أحمر	$\frac{1}{5}$			

الخطوة ٢ : افترض أنك سحبت مكعباً ثم أعدته إلى الكيس. إذا فعلت هذا ٤٠ مرة، فتوقع عدد مرات سحب مكعب أزرق ومكعب أصفر ومكعب أحمر، وسجل توقعاتك في الجدول.

الخطوة ٣ : اسحب مكعباً من الكيس دون أن تنظر إليه، وسجل اللون في عمود الإشارات في الجدول.

الخطوة ٤ : ارجع إلى الكيس وكرّر الخطوة الثالثة ٤٠ مرة. اجمع عدد الإشارات، وسجل الأعداد في الجدول.

#### فكرة الدرس

استعمل الاحتمالات لإجراء توقع.

#### أحتاج إلى:

مكعبات ملونة  
كيس.





١ وضح كيف توقعت أعداد المكعبات الزرقاء والصفراء والحمراء التي سيتم سحبها.

٥ من ١٠ أو نصف المكعبات في الكيس زرقاء، إذن عند السحب ٤٠ مرة فإنه من المتوقع أن يظهر في ٢٠ مرة مكعب أزرق، وبالطريقة نفسها يمكن أن نسحب ١٢ مكعباً أصفر و ٨ مكعبات حمراء.

٢ قارن توقعاتك في الخطوة الثانية بعدد المكعبات التي سُحبت بالفعل. وضح الفرق بينهما.

### تختلف إجابات الطلاب

٣ ما الكسر الذي يمثل المكعبات الزرقاء التي سُحبت في التجربة، والمكعبات الصفراء، والمكعبات الحمراء؟ قارن بين هذه الكسور والكسور الفعلية، ووضح الفرق بينها.

$$\frac{20}{40} = \frac{20}{20} \times \frac{1}{2} = \frac{\text{عدد الزرقاء المكعبات}}{\text{عدد الكلي للمكعبات}} = \text{الكسر الذي يمثل المكعبات الزرقاء}$$

$$\frac{12}{40} = \frac{4}{4} \times \frac{3}{10} = \frac{\text{عدد الصفراء المكعبات}}{\text{عدد الكلي للمكعبات}} = \text{الكسر الذي يمثل المكعبات الصفراء}$$

$$\frac{8}{40} = \frac{8}{8} \times \frac{1}{5} = \frac{\text{عدد الحمراء المكعبات}}{\text{عدد الكلي للمكعبات}} = \text{الكسر الذي يمثل المكعبات الحمراء}$$

٤ افترض أن التجربة أُجريت ٦٠ مرة بدلاً من ٤٠ مرة. بناءً على نواتج التجربة، توقع عدد المرات التي ستسحب فيها مكعباً أحمر.

$$\frac{12}{60} = \frac{12}{12} \times \frac{1}{5} = \text{عدد المرات المتوقعة التي سأسحب فيها كرة حمراء}$$







٥ نفذ التجربة السابقة ٦٠ مرة، ثم أنسخ الجدول أدناه، واملأه بالتوقعات والناتج

النتيجة	الكسر	التوقع	الإشارات	العدد
أزرق	$\frac{1}{2}$	$\frac{30}{60}$		٣٠
أصفر	$\frac{3}{10}$	$\frac{18}{60}$		١٨
أحمر	$\frac{1}{5}$	$\frac{12}{60}$		١٢

كيس فيه ٦ بلورات، سُحِبَتْ مِنْهُ بُلُورَةٌ وَاحِدَةٌ وَأُعِيدَتْ ٣٠ مَرَّةً، وَالْجَدْوَلُ الْمُجَاوِرُ يُبَيِّنُ النَّوَاتِجَ.

اللون	عدد مرات السحب
أحمر	٢٥
أبيض	٥

٦ تَوَقَّعْ عَدَدَ الْبُلُورَاتِ الْحَمْرَاءِ فِي الْكَيْسِ. فَسِّرْ إِجَابَتَكَ.

سحبت بلورة حمراء ٢٥ مرة من ٣٠ مرة أو  $\frac{5}{6}$  المرات فإذا كان ٦ بلورات في

كيس و كان  $\frac{5}{6}$  البلورات أحمر فسيكون هناك ٥ بلورات حمراء

٧ بناءً على التجربة، صِفْ إمكانية وجود بلورة زرقاء في الكيس. فسِّرْ إجابتك.

الاحتمال صفر حيث لم يتم سحب بلورة زرقاء.

٨ تَوَقَّعْ عَدَدَ الْبُلُورَاتِ الْبَيْضَاءِ فِي الْكَيْسِ. فَسِّرْ إِجَابَتَكَ.

عدد مرات سحب البلورة البيضاء ٥ مرات من ٣٠ مرة، أو  $\frac{1}{6}$  عدد المرات. إذا كان

يوجد ٦ بلورات في الكيس وكان  $\frac{1}{6}$  البلورات بيضاء فإنه سيكون هناك

بلورة واحدة بيضاء



٩ **اكتب** إذا أُجريت التجربة السابقة على كيسٍ فيه ١٨ بلورةً، وحصلنا على النتائج نفسها، فتوقع عدد البلورات الحمراء في الكيس. فسّر إجابتك.

بما أن الكيس به ١٨ بلورة أي ٣ أمثال البلورات الموجودة بالكيس، وعند إجراء

التجربة ظهرت بلورة حمراء ٢٥ مره والبلورة البيضاء ٥ مرات فقط

إذا عدد البلورات الحمراء أكبر من عدد البلورات البيضاء تقريبا ٥ من ٦ بلورات حمراء

فإن  $٥ \times ٣ = ١٥$  بلورة من ١٨ يمكن أن تكون حمراء.

موقع واجباتك





# الاحتمال والكسور

٥ - ٧

## استعد



ما احتمال وقوف المؤشر عند الحرف ز عند تدوير مؤشر القرص المجاور؟

يمكن وصف احتمال وقوف مؤشر القرص أعلاه عند الحرف ز باستعمال الكسور.

$$\text{ح (ز)} = \frac{1}{8} \rightarrow \text{عدد مرات ظهور الحرف ز} \\ \rightarrow \text{عدد النواتج الممكنة}$$

بما أنك تريد إيجاد احتمال وقوف مؤشر القرص عند الحرف ز، فإن ظهور الحرف ز يُسمى نتيجة مطلوبة.

### فكرة الدرس

أصف الاحتمال مستعملًا الكسور.

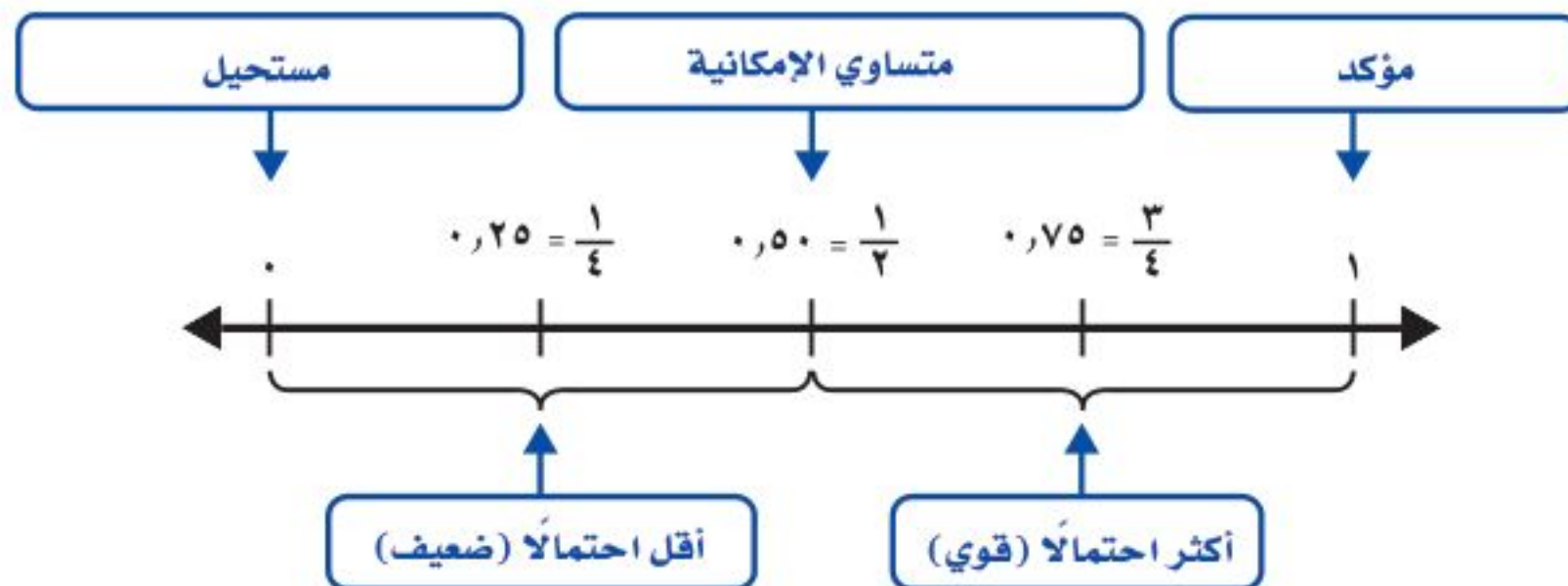
### المفردات:

نتيجة مطلوبة

مفهوم أساسي	الاحتمال
بالكلمات:	احتمال حدث ما، هو كسر يُقارن عدد النواتج المطلوبة بعدد النواتج الممكنة.
بالرموز:	$\text{ح (حدث)} = \frac{\text{عدد النواتج المطلوبة}}{\text{عدد النواتج الممكنة}}$

وقيمة احتمال الحدث يُعبّر عنها بعدد من صفر إلى واحد.

- الحدث المُستحيل يكون احتمال حدوثه صفرًا.
- الحدث المؤكد يكون احتمال حدوثه ١





## مثال استعمال الكسور لإيجاد قيمة الاحتمالات

### مثال



١ اختيرت بلورة عشوائياً من الكيس.

أوجد احتمال اختيار بلورة زرقاء.

استعمل الكسر لإيجاد قيمة احتمال اختيار بلورة زرقاء.

$$\text{ح (حدث)} = \frac{\text{عدد النواتج المطلوبة}}{\text{عدد النواتج الممكنة}}$$

$$\text{ح (زرقاء)} = \frac{\text{عدد البلورات الزرقاء}}{\text{العدد الكلي للبلورات}} = \frac{4}{12}$$

$$\text{ح (زرقاء)} = \frac{1}{3} \text{ بالتبسيط}$$

إذن احتمال اختيار بلورة زرقاء يساوي  $\frac{1}{3}$

### تذكر

ح (أزرق) يعني احتمال اختيار اللون الأزرق.

## مثال من واقع الحياة

٢ **بالونات:** لدى سارة كيس فيه بالونات مختلفة الألوان، كما في الجدول أدناه. إذا أخذت بالوناً من الكيس دون أن تنظر إليه، فما احتمال أن يكون أزرق أو أبيض؟

عدد البالونات	اللون
٦	أزرق
٨	أبيض
٣	برتقالي
٤	أخضر

في الكيس  $21 = 4 + 3 + 8 + 6$  بالوناً.

والبالونات الزرقاء أو البيضاء

$14 = 8 + 6$  بالوناً.

$$\text{ح (حدث)} = \frac{\text{عدد النواتج المطلوبة}}{\text{عدد النواتج الممكنة}}$$

$$\text{ح (أزرق أو أبيض)} = \frac{\text{البالونات الزرقاء أو البيضاء}}{\text{العدد الكلي للبالونات}} = \frac{8+6}{4+3+8+6}$$

$$= \frac{14}{21} \text{ بالجمع}$$

$$= \frac{2}{3} \text{ بالتبسيط}$$

إذن احتمال أخذ بالون أزرق أو أبيض يساوي  $\frac{2}{3}$





تمّ تدوير مؤشر القرص المجاور مرةً واحدةً. أوجد احتمال كلِّ حدثٍ ممّا يأتي، واكتبه على صورة كسرٍ في أبسط صورة: المثالان ١، ٢



٢ ح (عدد فرديّ) متساوي الامكانية

$$\text{ح (عدد فردي)} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

احتمال ضعيف

$$\text{ح (٤)} = \frac{1}{6}$$

٤ ح (١ أو ٦)

ح (١ أو ٦) =  $\frac{2}{6} = \frac{1}{3}$  احتمال ضعيف

٣ ح (عدد أقل من ٦)

ح (عدد أقل من ٦) =  $\frac{5}{6}$  احتمال قوي

٦ ح (أقل من ٧)

ح (أقل من ٧) =  $\frac{6}{6} = 1$  مؤكد

٥ ح (٩)

ح (٩) = (مستحيل)

٧ سلّة فواكه فيها ٩ حبّات تفاح، ثلاث منها خضراء، واثنان لونهما أصفر، وأربع حمراء. إذا أخذت حبة تفاح دون أن تنظر إليها، فما احتمال أن تكون حمراء؟

عدد حبات التفاح في السلّة ٩ حبات، عدد الحبات الحمراء ٤

ح (تفاحة حمراء) =  $\frac{4}{9}$  احتمال ضعيف

٨ تحدّث أعط مثلاً لتوضيح الفرق بين نتيجة مطلوبة ونتيجة غير مطلوبة.

افرض أننا ألقينا معكب أرقام، إذا أردنا أن نجد احتمال ظهور العدد ٢

فإن ٢ يعد نتيجة مطلوبة، أما الأعداد ١، ٣، ٤، ٥، ٦ فهي نواتج غير مطلوبة.





أُلْقِي مُكَعَّبُ الأَرْقَامِ (١ - ٦). أَوْجِدِ اِحْتِمَالَ كُلِّ حَدْثٍ مِمَّا يَأْتِي، وَاكْتُبْهُ عَلَى صُورَةِ كَسْرِ فِي صُورَةٍ: المَثَلَانِ ١، ٢

٩ ح (٦)

١٠ ح (عَدَدٌ زَوْجِيٌّ)

ح (٦) =  $\frac{1}{6}$  اِحْتِمَالٌ ضَعِيفٌ

ح (عدد زوجي) =  $\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$  متساوي الامكانية

١١ ح (عَدَدٌ أَقْلٌ مِنْ ٥)

١٢ ح (عَدَدٌ أَكْبَرُ مِنْ ١٠)

ح (عدد أقل من ٥) =  $\frac{4}{6} = \frac{2}{3}$  اِحْتِمَالٌ قَوِيٌّ

ح (عدد أكبر من ١٠) = ٠ اِحْتِمَالٌ مُسْتَحِيلٌ

١٣ ح (عَدَدٌ أَقْلٌ مِنْ ١٣)

١٤ ح (عَدَدٌ فَرْدِيٌّ)

ح (عدد أقل من ١٣) =  $\frac{6}{6} = 1$  مُؤَكَّدٌ

ح (عدد فردي) =  $\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$  متساوي الامكانية

سُحِبَ مُكَعَّبٌ مِنَ المُكَعَّبَاتِ أَدْنَاهُ. أَوْجِدِ اِحْتِمَالَ كُلِّ حَدْثٍ مِمَّا يَأْتِي، وَاكْتُبْهُ عَلَى صُورَةِ كَسْرِ فِي أَبْسَطِ صُورَةٍ: المَثَلَانِ ١، ٢

١٥ ح (أَحْمَرٌ)

احْتِمَالٌ قَوِيٌّ

ح (أحمر) =  $\frac{7}{10}$

عدد المكعبات كلها ١٠ مكعبات، عدد المكعبات الحمراء ٧ مكعبات

١٦ ح (أَحْمَرٌ أَوْ أَصْفَرٌ)

احْتِمَالٌ قَوِيٌّ

ح (أحمر أو أصفر) =  $\frac{8}{10} = \frac{4}{5}$

عدد المكعبات الحمراء والصفراء = ٧ + ١ = ٨ مكعبات





سُحِبَ مُكَعَّبٌ مِنَ الْمُكَعَّبَاتِ أَدْنَاهُ. أَوْجِدِ احْتِمَالَ كُلِّ حَدْثٍ مِمَّا يَأْتِي، وَارْتَبِهِ عَلَى صُورَةٍ كَسْرٍ فِي أَبْسَطِ صُورَةٍ:

١٧ ح (ليس أصفر)

احتمال قوي  $ح (ليس أصفر) = \frac{9}{10}$

عدد المكعبات الغير صفراء ٩ مكعبات

١٨ ح (أصفر أو أحمر أو أزرق)

ح (أصفر أو أحمر أو أزرق)  $= \frac{1}{10} = 1$  مؤكد

عدد المكعبات الصفراء والحمراء والزرقاء  $8 = 7 + 2 + 1$

١٩ ح (أبيض)

ح (أبيض)  $= 0$  مستحيل  
عدد المكعبات البيضاء = صفر

٢٠ ح (أزرق)

ح (أزرق)  $= \frac{2}{10} = \frac{1}{5}$  احتمال ضعيف



٢١ إذا اُخْتِيرَ رَقْمٌ من أرقامِ العَدَدِ ٦٢٥٤٣٢١٨ بِشكْلِ عَشَوَائِيٍّ، فما اِحْتِمَالُ أن يَكُونَ فَرْدِيًّا؟

عدد أرقام العدد = ٨

عدد الأرقام الفردية = ٣

احتمال ظهور عدد فردي =  $\frac{3}{8}$  احتمال ضعيف

٢٢ تَتَكَوَّنُ إِحْدَى أَلْعَابِ مَدِينَةِ الْمَلَاهِي مِنْ ٢٠ عَرَبَةً مُرَقَّمَةً مِنْ ١ إِلَى ٢٠. إِذَا اخْتَارَ عِمَادٌ عَرَبَةً عَشَوَائِيًّا، فما اِحْتِمَالُ أن يَكُونَ رَقْمُهَا زَوْجِيًّا؟

العدد الكلي للعربات = ٢٠ عربية

عدد الأرقام الزوجية = ١٠

احتمال اختيار عربية رقمها زوجي =  $\frac{10}{20} = \frac{1}{2}$  متساوي الامكانية

٢٣ مِحْفَظَةٌ رِحَابٍ فِيهَا ١٦ وَرَقَةً نَقْدِيَّةً مِنْ فِئَةِ الرِّيَالِ وَ ١٩ وَرَقَةً نَقْدِيَّةً مِنْ فِئَةِ خَمْسَةِ رِيَالَاتٍ وَ ١٥ وَرَقَةً نَقْدِيَّةً مِنْ فِئَةِ عَشْرَةِ رِيَالَاتٍ. إِذَا أُعْطِيَ فَقِيرًا وَرَقَةً نَقْدِيَّةً مِنَ الْمِحْفَظَةِ، فما اِحْتِمَالُ أن تَكُونَ مِنْ فِئَةِ عَشْرَةِ رِيَالَاتٍ؟

عدد الأوراق في المحفظة = ١٥ + ١٩ + ١٦ = ٥٠

عدد الأوراق فئة عشر ريالات = ١٥ ورقة

احتمال سقوط ورقة فئة عشر ريالات =  $\frac{15}{50} = \frac{3}{10}$  احتمال ضعيف





٢٤ لدى دُعاءِ مَجْموعَةٍ أَشْكالِ بلاستيكيَّةٍ مُختلفَةٍ تَتكوَّنُ مِنَ الأشْكالِ الهندسيَّةِ المُبيَّنةِ فِي الجَدولِ المُجاوِرِ. فإذا اختارتِ دُعاءُ قِطْعَةً مِنَ المَجْموعَةِ دونَ أنْ تَنْظُرَ إليها، فما اِحْتِمَالُ أنْ تَخْتارَ مُربَّعًا أو دائرَةً؟

الشكل	عدد القطع
مثلث	٢٦
مربع	١٦
خماسي	١٦
دائرة	١٢

$$\begin{aligned} \text{عدد الأشكال كلها} &= 12 + 16 + 16 + 26 = 70 \\ \text{عدد الأشكال المربعة والدائرية} &= 12 + 16 = 28 \\ \text{احتمال ظهور شكل مربع أو دائري} &= \frac{28}{70} = \frac{4}{10} = \frac{2}{5} \end{aligned}$$

### مَسْأَلَةٌ مِنَ واقِعِ الحَيَاةِ

٢٥ **علوم:** عِنْدَما يَتَمُّ تَلْقِيحُ نَباتِ بازلاءٍ بِآخَرَ تَتَشَكَّلُ بَدْرَةٌ يُمكِنُ أنْ تَنموَ لِتَكونَ نَسَلًا لِلنَبَتَيْنِ، حَيْثُ تَحصلُ عَلى جِينٍ واحِدٍ مِنْ كُلِّ مِنَ الأبوينِ، فَطُولُ النَبْتِ أو قِصْرُها يَعمَدُ عَلى الجِينِ اللذينِ حَصَلَتِ عليهما مِنَ الأبوينِ.

نبته البازلاء ١

الجينات	ط	ق
ط	ط ط طويلة	ط ق طويلة
ق	ط ق طويلة	ق ق قصيرة

نبته البازلاء ٢

- إذا كانَ الجِينانِ ط ط، فَسَتَكونُ النَبْتَةُ طَوِيلَةً.
- إذا كانَ الجِينانِ ط ق، فَسَتَكونُ النَبْتَةُ طَوِيلَةً.
- إذا كانَ الجِينانِ ق ق، فَسَتَكونُ النَبْتَةُ قَصِيرَةً.

الجدولُ المُجاوِرُ يُبيِّنُ النَوَاجِحَ المُمكِنَةَ لنبْتَةٍ مِنْ نَسْلِ نَبَتَيْنِ تَحْمَلُ كُلُّ مَنهُما الجِينينِ ط ق، والنَوَاجِحُ كُلُّها مُتساوِيَةٌ الإمكانِيَّةِ

أوجدِ اِحْتِمَالَ كُلِّ مِمَّا يَلي:

٢٥ أنْ تَحْمَلَ النَبْتَةُ الجَدِيدَةُ الجِينينِ ط ط.

احتمال ضعيف  $\frac{1}{4}$  أن تَحْمَلَ النَبْتَةُ الجَدِيدَةُ الجِينينِ ط ط =

٢٦ أنْ تَكونَ النَبْتَةُ الجَدِيدَةُ طَوِيلَةً.

احتمال قوي  $\frac{3}{4}$  أن تَكونَ النَبْتَةُ الجَدِيدَةُ طَوِيلَةً =

٢٧ أنْ تَحْمَلَ النَبْتَةُ الجَدِيدَةُ الجِينينِ ط ق.



٢٨ **مسألة مفتوحة:** ارسم قرصًا ذا مؤشر دوّار يكون فيه احتمال وقوف المؤشر عند اللون الأحمر أقل من احتمال وقوفه عند أي لون آخر. استعمل اللون الأحمر ولونين آخرين على الأقل، واذكر احتمال كل لون باستعمال الكسور.

$$\frac{1}{8} = \text{احتمال اللون الأحمر}$$

$$\frac{3}{8} = \text{احتمال اللون الأصفر}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{4}{8} = \text{احتمال اللون الأزرق}$$

٢٩ **تحديد:** افترض أنه تم إلقاء مكعب الأرقام (١-٦)، صف حدثين مختلفين، احتمال كل منهما يساوي  $\frac{1}{3}$

$$\frac{1}{3} = \frac{2}{6} = 3 \text{ احتمال ظهور عدد يقبل القسمة على ٣}$$

$$\frac{1}{3} = \frac{2}{6} = 5 \text{ احتمال ظهور عدد فردي أصغر من ٥}$$

٣٠ **اكتب** مسألة من واقع الحياة يمكن حلها بإيجاد الاحتمالات، ثم حل المسألة.

عليه بها ٦ قطع حلوي، ٦ قطع بالشكولاتة وقطعتين بالكرامة  
إذا أخذ عمرو قطعة دون النظر، ما احتمال أن تكون التي أخذها بالشكولاتة؟  
عدد قطع الشكولاتة = ٤  
عدد القطع كلها = ٦

$$\frac{2}{3} = \frac{4}{6} = \text{احتمال ظهور قطعة بالشكولاتة}$$





٣٢ في حقيبة أحلام عدد من الأوراق النقدية كما هو موضح في الجدول التالي: (الدرس ٧ - ٥)

الضئة	خمسة ريالات	عشرة ريالات	خمسون ريالاً
عدد الأوراق النقدية	١٨	٦	٣

إذا سحبت أحلام ورقة عشوائية دون النظر إليها، فما احتمال أن تكون من فئة خمسين ريالاً؟

- (أ)  $\frac{1}{4}$  (ب)  $\frac{1}{9}$   
(ج)  $\frac{1}{2}$  (د)  $\frac{3}{4}$

احتمال سحب ٥٠ ريال  $\frac{3}{27} = \frac{1}{9}$

٣١ سحبت مكعب من الكيس أدناه عشوائياً، فأى الجمل التالية صحيحة. (الدرس ٧-٤)



- (أ) احتمال سحب مكعب أحمر هو مستحيل.  
(ب) احتمال سحب مكعب برتقالي هو مؤكد.  
(ج) احتمال سحب مكعب أصفر هو ضعيف.  
(د) احتمال سحب مكعب أصفر هو متساوي الإمكانية.

(د) احتمال سحب مكعب أصفر هو متساوي الإمكانية

## مراجعة تراكمية

افترض أنك دورت مؤشر القرص المجاور، صف احتمال وقوف المؤشر عند كل من الحروف الواردة في المسائل من ٣٣-٣٦. اكتب (مؤكد أو مستحيل أو قوي أو ضعيف أو متساوي الإمكانية): (الدرس ٧-٤)



٣٤ ك

احتمال مستحيل

٣٣ ح

احتمال ضعيف

٣٦ ليس س

احتمال مؤكد

٣٥ أحد حروف كلمة (اجتهاد)

احتمال متساوي الإمكانية





٣٧ أوجد المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال لدرجات الحرارة: ٣٨، ٤٠، ٣٧، ٤٠، ٣٨، ٤١، ٤٠، ٣٩؟

ترتيب البيانات:

٣٧، ٣٨، ٣٨، ٣٩، ٤٠، ٤٠، ٤١

$$\frac{273}{7} = \frac{41 + 40 + 40 + 39 + 38 + 38 + 37}{7} = \text{المتوسط الحسابي}$$

$$39 =$$

الوسيط = ٣٩

المنوال = ٣٨، ٤٠

موقع واجباتك





## خطة حل المسألة

٦-٧

**فكرة الدرس:** أحل المسائل باستعمال خطة إنشاء قائمة



رأى صالح في متجر مضرب تنس طاولة ثمنه ٢٩,٩٥ ريالاً، وحاداً تزلج ثمنه ٩٩,٥ ريالاً، وجورباً ثمنه ٩,٥٠ ريالاً، وعلبة كرات للتنس ثمنها ٤,٧٥ ريالاً. ما الأشياء التي يستطيع صالح شراءها إذا كان معه ٤٠ ريالاً؟

### افهم

ما مُعطيات المسألة؟

• ثمن الأشياء، ومع صالح ٤٠ ريالاً.

ما المطلوب؟

• إيجاد الأشياء التي يستطيع صالح شراءها بمبلغ ٤٠ ريالاً.

### خُطِّط

يُمكن حل هذه المسألة بإنشاء قائمة.

### حل

بما أن ثمن حذاء التزلج أكثر من ٤٠ ريالاً، فاستبعده من قائمة الخيارات، ثم قَرِّب ثمن كل قطعة أخرى إلى أقرب ريال.

**مضرب التنس:** ٢٩,٩٥ ريالاً  $\approx$  ٣٠ ريالاً

**الجورب:** ٩,٥ ريالاً  $\approx$  ١٠ ريالاً

**علبة الكرات:** ٤,٧٥ ريالاً  $\approx$  ٥ ريالاً

ابدأ بمضرب التنس:

• المضرب + الجورب  $\approx ٣٠ + ١٠ = ٤٠$  ريالاً

• المضرب + علبتين من الكرات  $\approx ٣٠ + ١٠ = ٤٠$  ريالاً

اكتب مجموعة خيارات أخرى، منها الجوارب:

• جوربان + ٤ علب كرات  $\approx ٢٠ + ٢٠ = ٤٠$  ريالاً.

• جورب + ٦ علب من الكرات  $\approx ١٠ + ٣٠ = ٤٠$  ريالاً.

• ٣ جوارب + علبتي كرة  $\approx ٣٠ + ١٠ = ٤٠$  ريالاً.

• ٤ جوارب  $\approx ٤٠$  ريالاً.

اكتب أي مجموعة خيارات أخرى تتضمن الكرات:

• ٨ علب كرات  $\approx ٤٠$  ريالاً

### تتحقق

تحقق من القائمة لتتأكد من أنها تتضمن كل الخيارات الممكنة التي لا يزيد ثمنها على ٤٠ ريالاً.



ارجع إلى المسألة السابقة للإجابة عن الأسئلة الآتية:  
 ١ ما الأشياء التي يمكن أن يشتريها صالح إذا كان معه ٦٠ ريالاً؟

نقوم باستبعاد حذاء التزلج لأن سعرها أكبر مما لديه،  
 إذا كان معه ٦٠ ريال فإن القائمة تختلف كالآتي:

مضرب تنس	زوج من الجوارب	علبة كرات تنس
١	٠	٦
٢	٠	٠
١	٢	٢
١	١	٤
٠	٤	٤
٠	٣	٦
٠	٦	٠
٠	٠	١٢

٢ ما أعلى مبلغ يحتاج إليه صالح إذا أراد شراء حذاء التزلج وشيء آخر معه؟

يحتاج صالح إلى مبلغ ١٣٠ ريال ليشتري حذاء التزلج ومضرب التنس

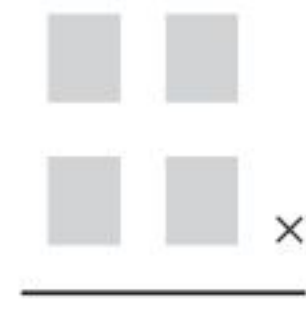
٣ ما الخطة المشابهة لخطة إنشاء قائمة؟

خطة عمل جدول

٤ فسّر كيف تساعدك خطة إنشاء قائمة على حلّ المسألة

خطة إنشاء قائمة تساعد على التأكد من كتابة جميع الاحتمالات الممكنة





استعمل خُطَّةَ إنشاءِ قائمةٍ لحلِّ المسائل الآتية:  
 أوجد عددَ عملياتِ الضربِ المُمكنةِ عندَ استعمالِ الأرقامِ ١، ٣، ٥، ٧ دونَ تكرارٍ.

افهم

ما عمليات الضرب الممكنة عند استعمال الأرقام ١، ٣، ٥، ٧ دون تكرار

خطط

يمكن حل هذه المسألة بإنشاء قائمة

حل

القوائم التالية يمكنها حل المسألة:

$$\begin{array}{r} ٥٣ \\ ١٧ \times \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ٥٣ \\ ٧١ \times \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ١٣ \\ ٥٧ \times \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ١٣ \\ ٧٥ \times \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ٣١ \\ ٧٥ \times \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ٣١ \\ ٥٧ \times \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ٧٣ \\ ١٥ \times \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ٧٣ \\ ٥١ \times \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ٣٧ \\ ١٥ \times \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ٣٧ \\ ٥١ \times \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ٣٥ \\ ١٧ \times \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ٣٥ \\ ٧١ \times \\ \hline \end{array}$$

إذن يوجد ١٢ عملية ضرب ممكنة.





٦ لدى عبد الرحمن ٢٠ ريالاً. ما فئات الأوراق النقدية التي يُمكنُ أن تكونَ معه؟

افهم

لدي عبد الرحمن ٢٠ ريال،  
ما فئات الأوراق النقدية التي معه؟

خطط

يمكن حلها بإنشاء قائمة

حل

يوجد ١٠ احتمالات كما يلي:

٢٠ ريال	١٠ ريال	٥ ريال	١ ريال
٠	٠	٠	٢٠
٠	٠	١	١٥
٠	٠	٢	١٠
٠	١	٠	١٠
٠	١	١	٥
٠	٠	٣	٥
٠	٠	٤	٠
٠	١	٢	٠
٠	٢	٠	٠
١	٠	٠	٠







٧ أصابَ باسلاً لوحة السَّهامِ بسهمين. ما مجموعُ النُّقاطِ المُمكنة؟

افهم

أصاب باسلاً لوحة السهام بسهمين  
**المطلوب:** ما مجموع النقاط الممكنة؟

خطط

يمكن عمل قائمة لحلها

حل

اللوحة بها ٣ مستويات من النقاط (٦، ١٠، ٣)

يمكن عمل قائمة بالاحتمالات كما يلي:

السهمين وقعا في المنطقة البيضاء والزرقاء =  $6 + 10 = 16$  نقطة

السهمين وقعا في المنطقة الزرقاء والحمراء =  $3 + 10 = 13$  نقطة

السهمين وقعا في المنطقة البيضاء والحمراء =  $6 + 3 = 9$  نقاط

السهمين وقعا في المنطقة الزرقاء =  $10 + 10 = 20$  نقطة

السهمين وقعا في المنطقة البيضاء =  $6 + 6 = 12$  نقطة

السهمين وقعا في المنطقة الحمراء =  $3 + 3 = 6$  نقاط

**إذن هناك 6 نقاط ممكنة يمكن أن يحققها باسلاً**









٩  
تريد هيام أن تختار خاتمين من ٤ خواتم مرقمة من ١-٤، ما الخاتمان اللذان يمكن أن تختارهما؟

افهم

تريد هيام أن تختار خاتمين من ٤ خواتم، مرقمة من ١-٤، ما الأرقام التي يمكن أن تختارها من الخواتم؟

خطط

استعمل القوائم لمعرفة اختيار هيام

حل

الخاتم الأول	الخاتم الثاني
الخاتم ١	الخاتم ٢
الخاتم ١	الخاتم ٣
الخاتم ١	الخاتم ٤
الخاتم ٢	الخاتم ٣
الخاتم ٢	الخاتم ٤
الخاتم ٣	الخاتم ٤

إذن هناك 6 خواتم يمكن أن تختارهم هيام





بِكُمْ طَرِيقَةٌ مُخْتَلِفَةٌ تَسْتَطِيعُ سَعَادُ تَرْتِيبَ البَطَاقَاتِ  
أَدْنَاهُ؟ اكَتِبِ الطَّرَائِقَ المُخْتَلِفَةَ المُمَكِنَةَ.



افهم

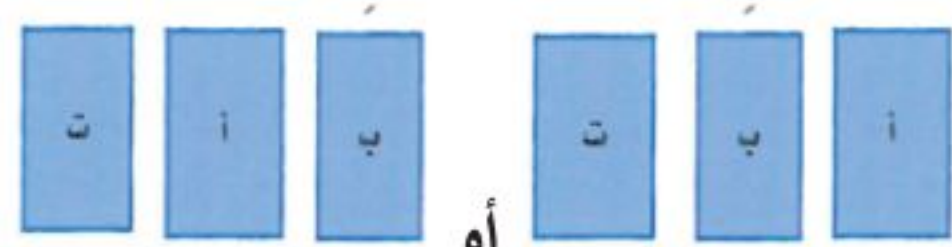
تريد سعاد ترتيب بطاقات عليها حروف  
ما الطرق المختلفة للترتيب؟

خطط

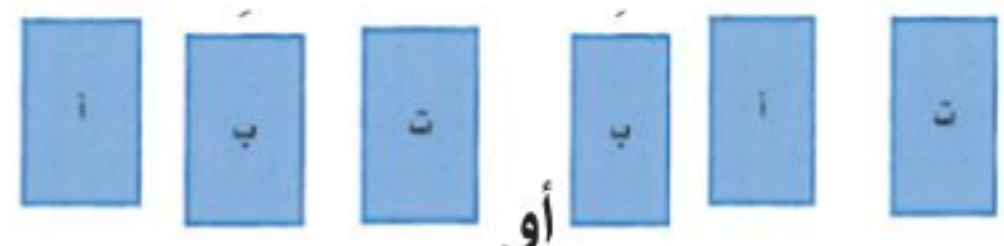
استعمل القائمة لمعرفة طرق الترتيب

٦ طرق ممكنة

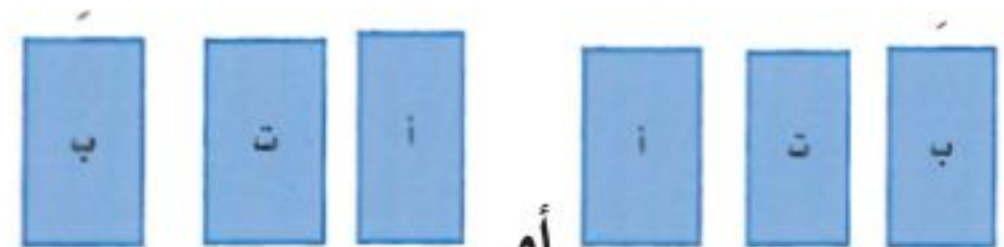
حل



أو



أو



أو





١١ تستعملُ شركةُ الأرقامِ ١، ٢، ٣، ٤ في بطاقاتِ الهويةِ الخاصَّةِ بالعاملين فيها. كم رقمَ هويَّةٍ مُختلفاً (من أربعِ منازلٍ) يمكنُ تكوينُه من هذه الأرقامِ إذا كانَ الواحدُ هو الرقمَ الأولَ دائماً؟

افهم

تستعمل شركة الأرقام ١، ٢، ٣، ٤ في بطاقات الهوية الخاصة بالعاملين فيها. كم رقم هوية مختلف يمكن تكوينه من هذه الأرقام إذا كان الواحد هو الرقم الأول دائماً؟

خطط

استعمل جدول لتسجيل الأرقام الممكنة للهوية

٣٤٢١	٤٢٣١	٤٣٢١
٢٣٤١	٢٤٣١	٣٢٤١

يوجد ٦ احتمالات كما يلي:

حل

١٢ يريدُ يزيدُ أن يضعَ ٤ صور في صفِّ بعضها بجانب بعض على

اُكْتُبِ

مكتبه. بين كيف يمكن استعمال خطة إنشاء قائمة لإيجاد الترتيب المُختلفة المُمكنة.

يمكن أن يستعمل يزيد القوائم لإيجاد الترتيبات الممكنة ليختار منها

نفرض أن الصور مرتبة من ١-٤

نبدأ بالصورة واحد لنجد الترتيب ١، ٢، ٣، ٤ أو ١، ٣، ٢، ٤

أو ١، ٢، ٣، ٤ أو ١، ٢، ٤، ٣ أو ١، ٣، ٤، ٢ أو ١، ٤، ٢، ٣

ويمكن البدء بالصورة الثانية أو الثالثة أو الرابعة للحصول على ترتيب آخر لوضع الصور

لذا إجمالي الاحتمالات 24 ترتيباً مختلفاً





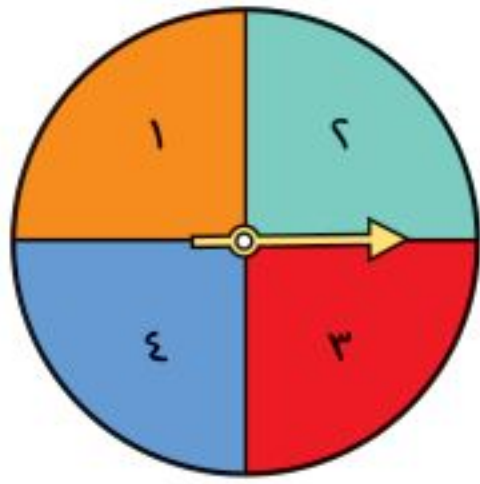
## نشاط للدرس (٧-٧) النواتج الممكنة

### استكشاف

النواتج الممكنة هي كل ما يمكن أن ينتج عن تجربة ما. وفي هذا النشاط ستكتشف النواتج الممكنة لتجربة ما.

### نشاط

١ استعمال القرص ذا المؤشر الدوار لتكوّن أعدادًا من رقمين على الأقل.



الخطوة ١: أدر مؤشر القرص مرتين.

الخطوة ٢: كوّن أعدادًا من رقمين.

استعمل كل رقم مرة واحدة لتكوّن أعدادًا من رقمين، ثم سجّل تلك الأعداد.

الخطوة ٣: كوّن أعدادًا من ٣ أرقام.

أدر المؤشر للمرة الثالثة، فإذا توقّف على رقم كان قد توقّف عليه سابقًا فأدره مرة أخرى. استعمل الرقمين اللذين حصلت عليهما من الخطوة الأولى مع الرقم الذي حصلت عليه من الخطوة الثالثة لتكوّن أعدادًا من ٣ أرقام. وتذكّر أنّ كل رقم يُستعمل مرة واحدة، ثم سجّل الأعداد التي كوّنتها.

الخطوة ٤: كوّن أعدادًا من ٤ أرقام.

أدر المؤشر للمرة الرابعة لتحصّل على أرقام تتسق مع الأرقام الثلاثة السابقة. فإذا توقّف المؤشر على رقم كنت قد حصلت عليه سابقًا فأدر المؤشر مرة أخرى. استعمل الرقم الرابع لتكوّن أعدادًا من أربعة أرقام دون تكرار الأرقام.

### فكرة الدرس

استكشف النواتج الممكنة لتجربة ما.

### المفردات

النواتج الممكنة





عدد الأعداد الممكنة =  $3 \times 4 = 12$  عددًا

١ كم عددًا من منزلتين يُمكنُ تكوينُهُ من رقمين دون تكرار؟

العدد يتكون من منزلتين

المنزلة الاولى رقم واحد من اربعة ارقام

المنزلة الثانية رقم من ثلاثة ارقام ذلك لعدك تكرار الرقمين اذن

عدد الأعداد الممكنة =  $3 \times 4 = 12$

٢ كم عددًا من 3 منازل يُمكنُ تكوينُهُ من 3 أرقام دون تكرار؟

العدد يتكون من 3 منازل

المنزلة الاولى رقم واحد من اربعة ارقام

المنزلة الثانية رقم من ثلاثة ارقام

والمنزلة الثالثة يوجد بها رقم من رقمين و ذلك لعدك تكرار الارقام الثلاثة

اذن عدد الأعداد الممكنة =  $2 \times 3 \times 4 = 24$

٣ كم عددًا من 4 منازل يُمكنُ تكوينُهُ من 4 أرقام دون تكرار؟

العدد يتكون من 4 منازل المنزلة الاولى رقم واحد من اربع ارقام

المنزلة الثانية رقم من ثلاثة ارقام

والمنزلة الثالثة يوجد بها رقم من رقمين

والمنزلة الرابعة رقم واحد و ذلك لعدك تكرار الارقام الاربعة

اذن عدد الأعداد الممكنة =  $1 \times 2 \times 3 \times 4 = 24$

٤ صِفِ الخُطَّةَ الَّتِي استعمَلْتَهَا في إيجادِ الأعدادِ الَّتِي كَوَّنْتَهَا.

استعمل خطة إنشاء قائمة حيث أكتب الرقم الاول ثم أكتب الترتيبات الممكنة

ثم أختار الرقم الثاني وهكذا دون تكرار الارقام .

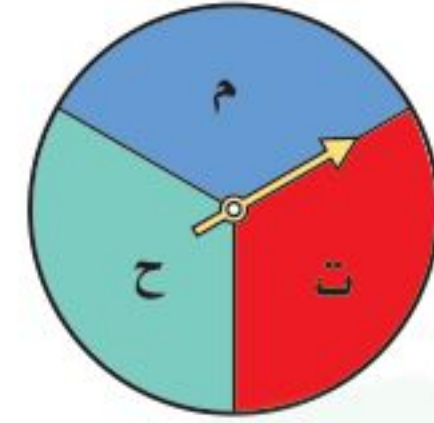




حدّد النّوَاتِجَ المُمَكِنَةَ لكلِّ موقفٍ:

٥ ما النّوَاتِجُ المُمَكِنَةُ إذا أُديرَ المؤشّرُ مرّتين؟

النّوَاتِجُ المُمَكِنَةُ	
المرّة الثّانية	المرّة الأولى
م	م
ن	م
ن	م
م	ن
ن	ن
ن	ن
م	ن
ن	ن
ن	ن



إنّ هناك 9 نواتج ممكنة إذا أُدير المؤشر مرتين



٦ صِفِ النّوَاتِجَ غيرَ المُمَكِنَةَ لاختيارِ مُكعّبينِ مِنْ الكيسِ مرّةً واحدةً، بحيثُ يكونانِ مِنَ اللّونِ نفسِهِ.

الكيس يحتوي على مكعب واحد أحمر ومكعب واحد برتقالي  
لذا غير الممكن اختيار مكعبين من الكيس مرة واحدة لونهما أحمر أو برتقالي

النّوَاتِجُ غيرَ المُمَكِنَةَ	
المكعب الثّاني	المكعب الأوّل
أحمر	أحمر
برتقالي	برتقالي



٧ ما النواتج الممكنة عند رمي قطعة نقدية مرتين؟

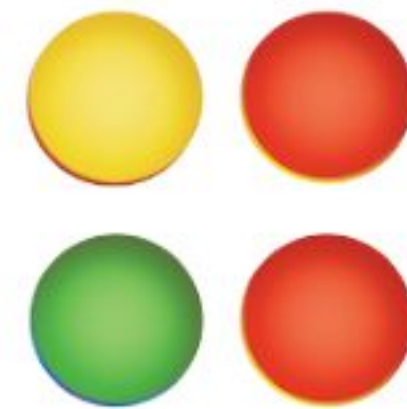
النواتج الممكنة	
المرّة الأولى	المرّة الثانية
شعار	شعار
شعار	كتابة
كتابة	كتابة
كتابة	شعار



إذن هناك أربعة نواتج ممكنة عند رمي القطعة النقدية مرتين

٨ ما النواتج الممكنة عند رمي قطعتي عدّ الأولى بلونين أحمر وأصفر، والثانية أحمر وأخضر، مرّة واحدة؟

النواتج الممكنة	
القطعة الأولى	القطعة الثانية
أصفر	أحمر
أصفر	أخضر
أحمر	أحمر
أحمر	أخضر





٩ **اكتب** النواتج الممكنة لتجربة تستعمل فيها اثنين من الأقراص الدوارة. موضحاً كيف وجدتها. وما التوقعات التي حصلت عليها؟

النواتج الممكنة		
(أبيض، ١) ( )	(أزرق، ١) ( )	(أحمر، ١) ( )
(أبيض، ٢) ( )	(أزرق، ٢) ( )	(أحمر، ٢) ( )
(أبيض، ٣) ( )	(أزرق، ٣) ( )	(أحمر، ٣) ( )
(أبيض، ٤) ( )	(أزرق، ٤) ( )	(أحمر، ٤) ( )

إذن هناك ١٢ ناتجاً ممكناً .





# تَحْدِيدُ النَّوَاتِجِ الْمُمْكِنَةِ

٧ - ٧

## اسْتَعِدَّ



في مباراة كرة سلة، إذا صوّب خالدٌ  
رميتينِ حُرَّتَيْنِ في اتِّجَاهِ السَّلَّةِ، فما  
النَّوَاتِجُ الْمُمْكِنَةُ؟

### فِكْرَةُ الدَّرْسِ

أَجْدُ النَّوَاتِجِ الْمُمْكِنَةِ  
لِتَجْرِبَةٍ.

### الْمُفْرَدَاتُ

### النَّاتِجُ

### الرَّسْمُ الشَّجَرِيُّ

تعلمت في النشاط السابق أنّ كل نتيجة يمكن أن تحدث في تجربة تسمى  
ناتجًا. ويمكن إنشاء جدول لمعرفة جميع النواتج الممكنة لتجربة.

## تَحْدِيدُ النَّوَاتِجِ الْمُمْكِنَةِ بِاسْتِعْمَالِ الْجَدُولِ

## مِثَال

**رياضة:** ما عدد النواتج الممكنة لرميتي خالد؟

لقد صوّب خالد رميتين في اتجاه السلة.

إحدى طرق معرفة النواتج الممكنة هي إنشاء جدول، حيث يُحدّد تقاطع كلِّ  
صفٍّ وعمودٍ في هذا الجدول ناتجًا ممكنًا.

### الرَّمِيَةُ الثَّانِيَةُ

خارج السلة	في السلة	
في السلة	في السلة	في السلة
خارج السلة	في السلة	
خارج السلة	خارج السلة	خارج السلة
خارج السلة	في السلة	

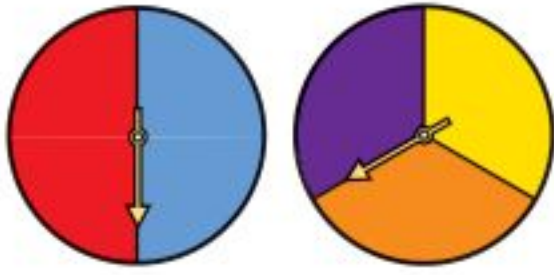
الرَّمِيَةُ الْأُولَى

يُظهِرُ الْجَدُولُ النَّوَاتِجَ الْمُمْكِنَةَ لِتَجْرِبَةِ الرَّمِيِّ الْحُرِّ لِكُرَةِ السَّلَّةِ مَرَّتَيْنِ.  
إِذْ عَدَدُ النَّوَاتِجِ الْمُمْكِنَةِ لِرَمِيَّتِي خَالِدٍ هُوَ ٤ نَوَاتِجٍ.



هناك طريقة أخرى لمعرفة النواتج الممكنة لتجربة، وهي استعمال الرسم الشجري.

### مثال تحديد النواتج الممكنة باستعمال الرسم الشجري



يقوم طالب بتدوير المؤشرين على القرصين. ما عدد النواتج الممكنة لتلك التجربة؟

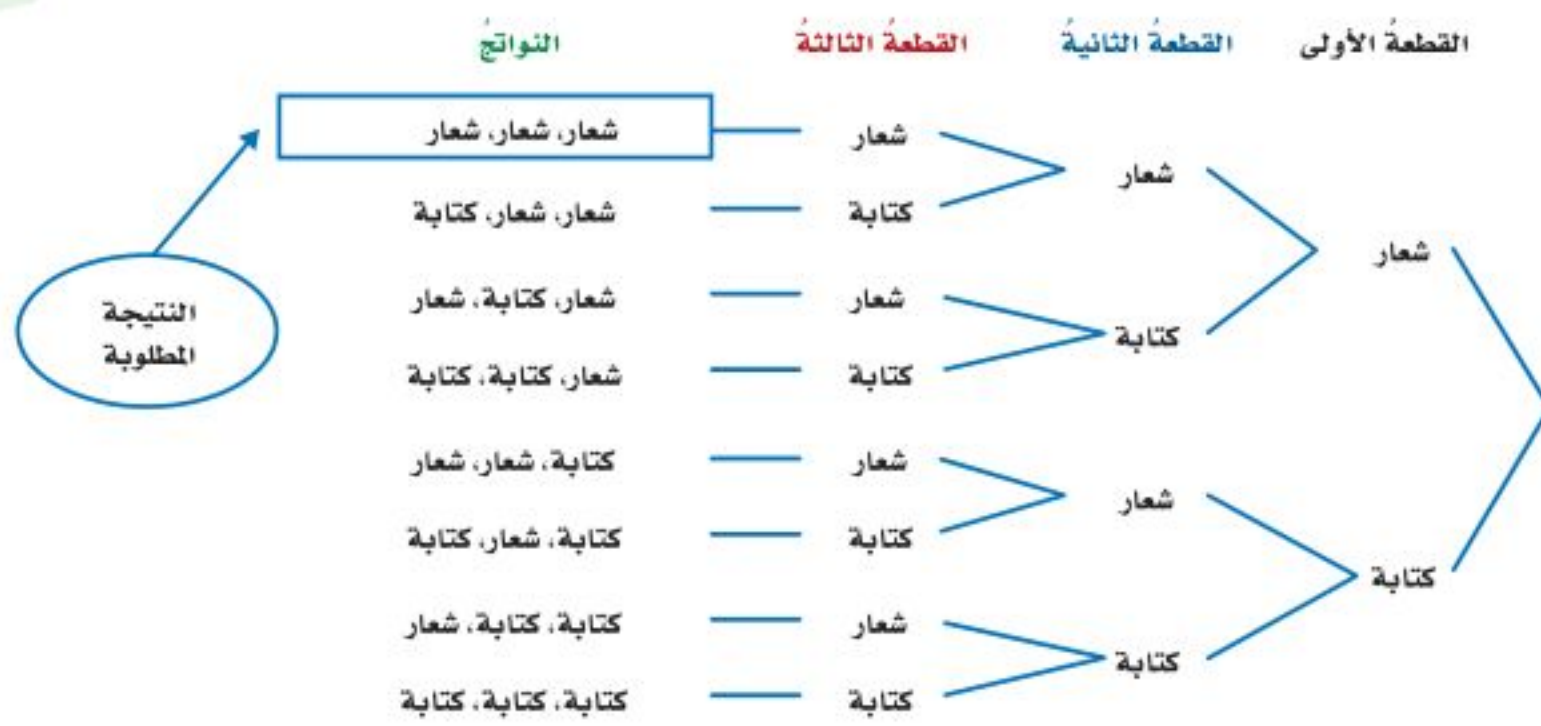
يمكن استعمال الرسم الشجري لمعرفة النواتج الممكنة لتجربة تدوير مؤشري القرصين.

النواتج	المؤشر الثاني	المؤشر الأول
برتقالي، أحمر	أحمر	برتقالي
برتقالي، أزرق	أزرق	برتقالي
بنفسجي، أحمر	أحمر	بنفسجي
بنفسجي، أزرق	أزرق	بنفسجي
أصفر، أحمر	أحمر	أصفر
أصفر، أزرق	أزرق	أصفر

إذن يوجد 6 نواتج ممكنة لتلك التجربة.

### مثال إيجاد الاحتمال

إذا أُلقيت 3 قطع نقدية من فئات مختلفة، فما احتمال ظهور الشعار على القطع الثلاث؟



$$\text{ح (شعار، شعار، شعار)} = \frac{\text{عدد النواتج المطلوبة}}{\text{عدد النواتج الممكنة}}$$

$$= \frac{1}{8}$$

### تذكر

تكتب النواتج في نهاية كل فرع من فروع الرسم الشجري.



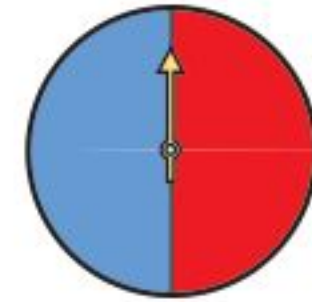


١ إستعمل طريقة الجدول لإيجاد عدد النواتج الممكنة لتجربة تدوير المؤشر مرتين. مثال ١

النواتج الممكنة	
قلم	قلم
ساعة	قلم
كتاب	قلم
حاسبة	قلم
ساعة	ساعة
قلم	ساعة
كتاب	ساعة
حاسبة	ساعة
ساعة	كتاب
قلم	كتاب
كتاب	كتاب
حاسبة	كتاب
ساعة	حاسبة
قلم	حاسبة
كتاب	حاسبة
حاسبة	حاسبة

اذن هناك 16 ناتجاً ممكناً

٢ إستعمل طريقة الرسم الشجري لإيجاد عدد النواتج الممكنة لتجربة رمي القطعة النقدية وتدوير المؤشر. مثال ٢



العملية	المؤشر	النواتج
شعار	أحمر	شعار ، أحمر
شعار	أزرق	شعار ، أزرق
كتابة	أحمر	كتابة ، أحمر
كتابة	أزرق	كتابة ، أزرق

اذن هناك 4 نواتج ممكنة

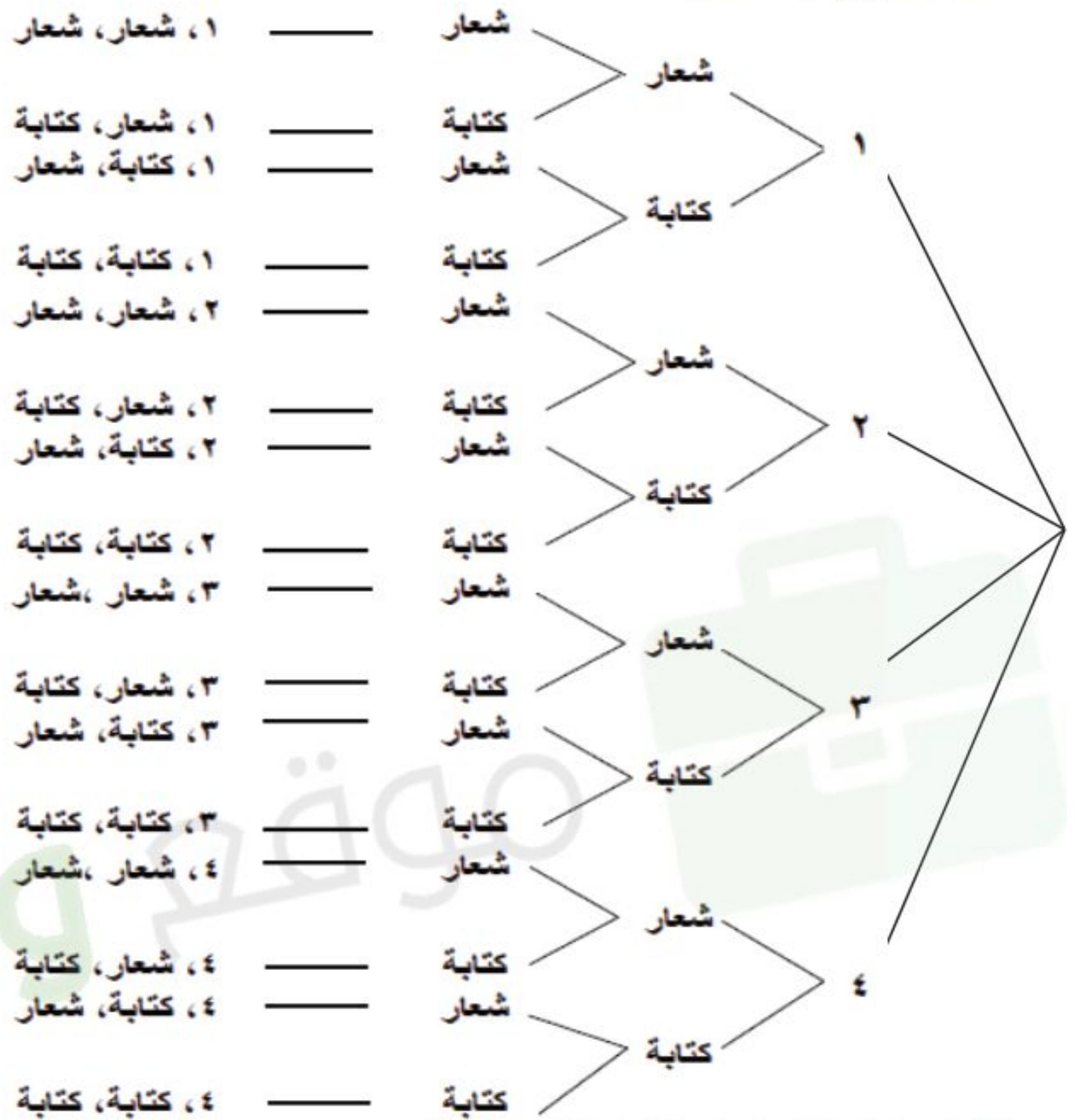






تمّ تدوير مؤشّر القرص المجاور وألقيت قطعتان نقديتان مختلفتان. المثالان ٢، ٣. مثل جميع النواتج الممكنة مستعملاً الرسم الشجري، ثم اذكر عدد النواتج الممكنة.

## النواتج الممكنة



اذن هناك 16 ناتجاً ممكناً

٤ ما احتمال وقوع مؤشّر القرص عند ٢، وظهور الكتابة على القطعتين؟

$$\frac{1}{16} = \text{الاحتمال}$$

٥ ما عدد النواتج التي تتضمن وقوع المؤشّر عند ٣، وظهور الشعار على قطعة نقدية، وظهور الكتابة على القطعة الأخرى (بأي ترتيب)؟

عدد النواتج = ٢

شعار ، كتابة = ٣

كتابة ، شعار = ٣







٦ **تحدّث** في السؤال ٢، ما الذي يمكنك التوصل إليه حول تحديد عدد النواتج الممكنة لتجربة؟

( شعار ، كتابة )

عدد النواتج الممكنة للعملة النقدية = ٢

( أحمر ، أزرق )

عدد النواتج الممكنة للقرص الدوار = ٢

عدد النواتج الممكنة للتجربة = عدد النواتج الممكنة للعملة النقدية × عدد النواتج الممكنة للقرص الدوار =  $2 \times 2 = 4$

### تدرّب، وحلّ المسائل

٧ استعمل طريقة الجدول لإيجاد عدد النواتج الممكنة لكلّ من التجربتين الآتيتين: مثال ١



ما عدد النواتج الممكنة لتجربة تدوير مؤشر القرص أدناه مرتين؟ ما احتمال وقوف المؤشر عند ١ و ٣؟

النواتج الممكنة			
(١، ١)	(٢، ١)	(٣، ١)	(٤، ١)
(١، ٢)	(٢، ٢)	(٣، ٢)	(٤، ٢)
(١، ٣)	(٢، ٣)	(٣، ٣)	(٤، ٣)
(١، ٤)	(٢، ٤)	(٣، ٤)	(٤، ٤)

هناك 16 ناتج ممكناً متساوياً ممكن أن تظهر عدد مرات وقوف المؤشر عند 1 و 3 = مرتين

$$\text{ح (١ و ٣)} = \frac{\text{عدد مرات وقوف المؤشر عند ١ و ٣}}{\text{العدد الكلي للنواتج}} = \frac{2}{16} = \frac{1}{8} \text{ (احتمال ضعيف)}$$





استعمل طريقة الجدول لإيجاد عدد النواتج الممكنة لكل من التجريبتين الآتيتين: مثال ١



٨ كُتِبَتْ الأرقام من ٥ إلى ١٠ على أوجه المكعب أدناه. ما عدد النواتج الممكنة للتجربة؟ ما احتمال ظهور ٧ و ٩؟

النواتج الممكنة						
١٠	٩	٨	٧	٦	٥	
(١٠,٥)	(٩,٥)	(٨,٥)	(٧,٥)	(٦,٥)	(٥,٥)	٥
(١٠,٦)	(٩,٦)	(٨,٦)	(٧,٦)	(٦,٦)	(٥,٦)	٦
(١٠,٧)	(٩,٧)	(٨,٧)	(٧,٧)	(٦,٧)	(٥,٧)	٧
(١٠,٨)	(٩,٨)	(٨,٨)	(٧,٨)	(٦,٨)	(٥,٨)	٨
(١٠,٩)	(٩,٩)	(٨,٩)	(٧,٩)	(٦,٩)	(٥,٩)	٩
(١٠,١٠)	(٩,١٠)	(٨,١٠)	(٧,١٠)	(٦,١٠)	(٥,١٠)	١٠

هناك 36 ناتج ممكناً متساوياً ممكن أن يظهر  
عدد مرات ظهور 7 و 9 = مرتين (باي ترتيب)

أحتمال ضعيف

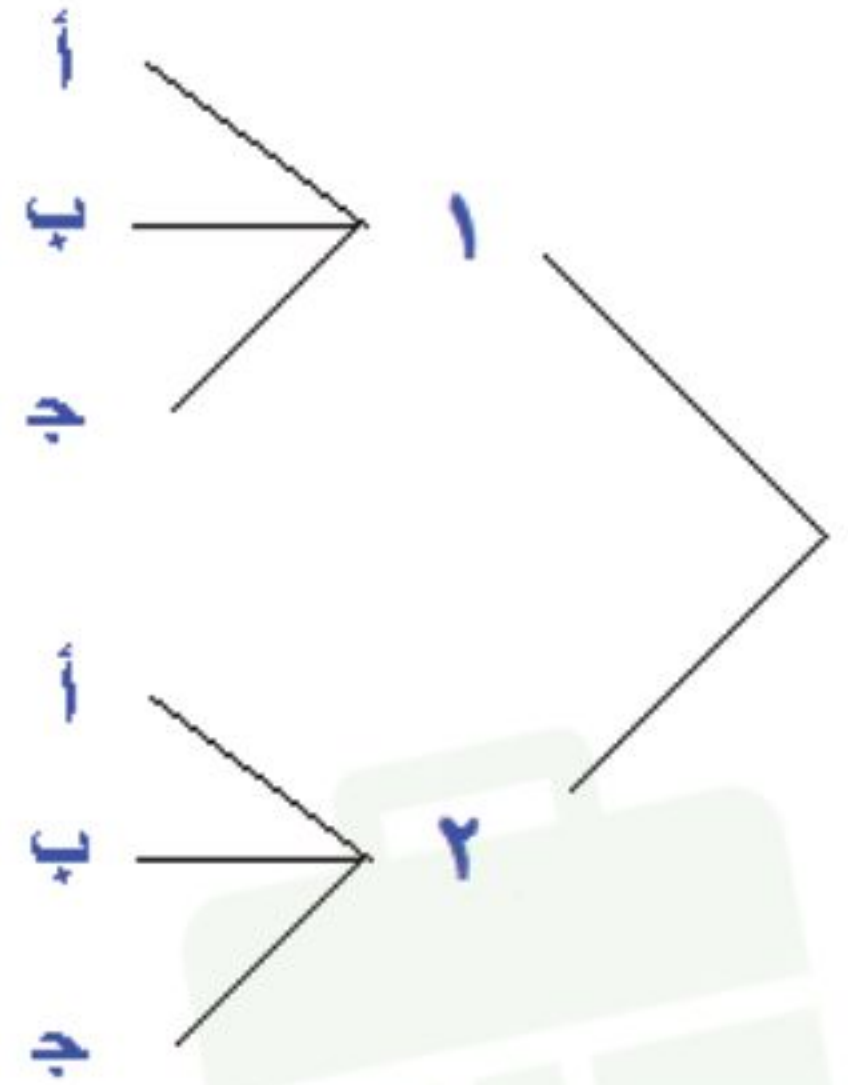
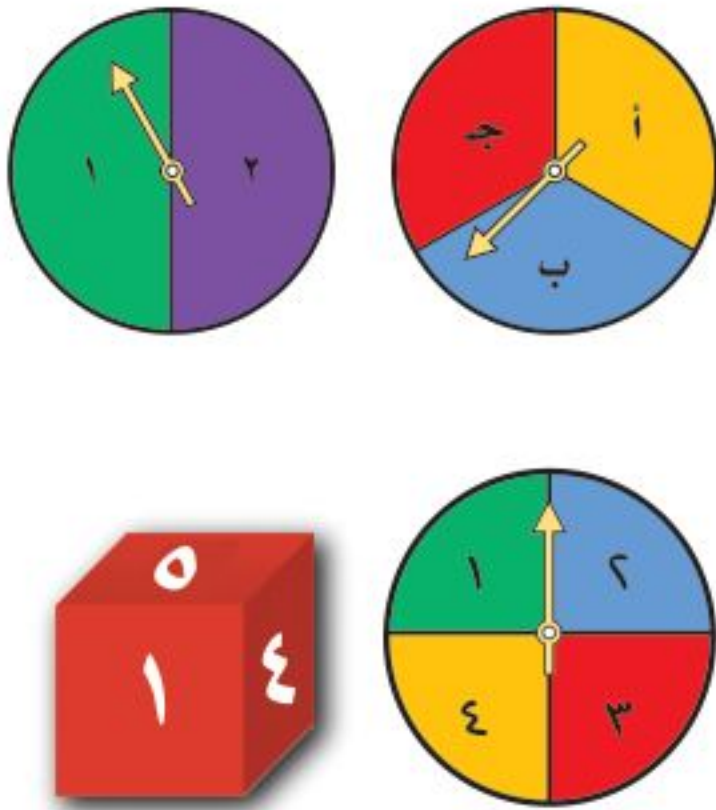
$$\frac{2}{36} = \frac{1}{18} = \frac{\text{عدد مرات ظهور 7 و 9}}{\text{العدد الكلي للنواتج}} = \text{ح (7 و 9)}$$







تم تدوير مؤشر القرصين المجاورين. المثالان ٢، ٣.  
٩ مثل جميع النواتج الممكنة مستعملًا الرسم الشجري. واذكر عددها.



عدد النواتج الممكنة = ٦ نواتج

١٠ ما احتمال وقوع المؤشر عند أ و ١؟

احتمال وقوع المؤشر عند أ و ١ =  $\frac{1}{6}$

١١ ما احتمال وقوع المؤشر عند حرف غير ج؟

احتمال وقوع المؤشر عند غير ج =  $\frac{4}{6} = \frac{2}{3}$



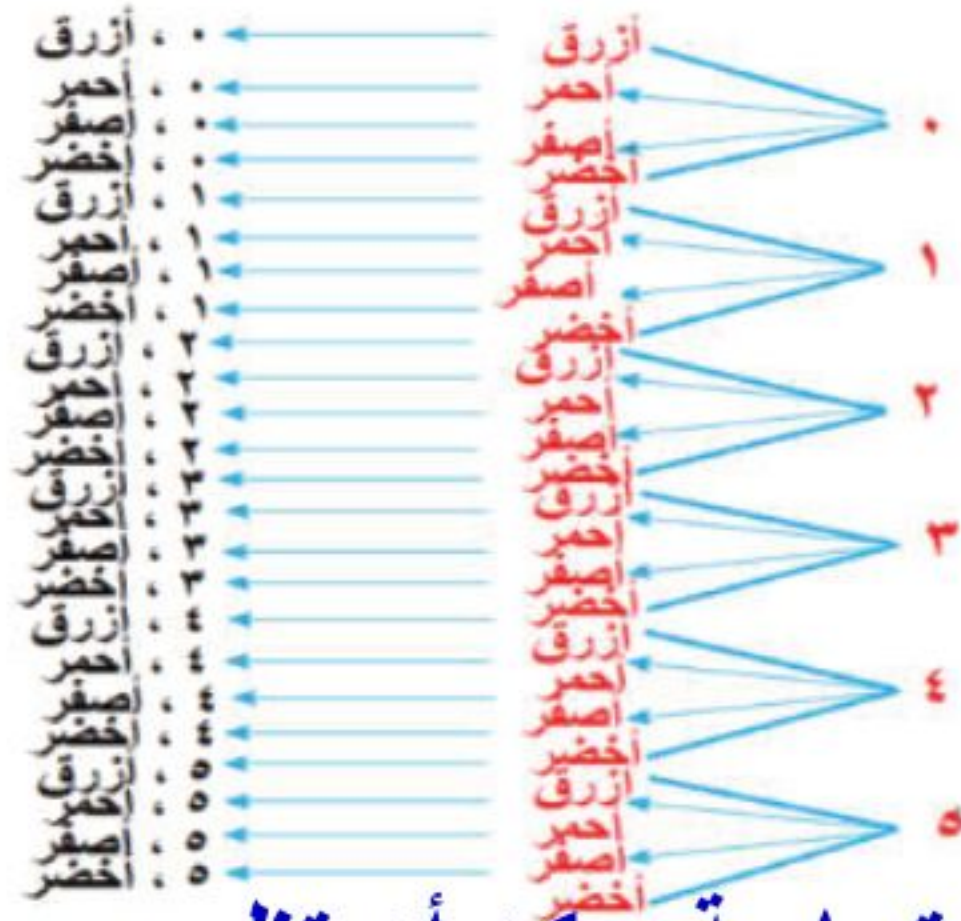


استعمل طريقة الرسم الشجري لإيجاد عدد النواتج الممكنة للتجربة

الآتية: مثال ٢

١٢ كُتِبَتِ الأرقامُ مِنْ ٠ إلى ٥ على أَوْجِهِ المُكعَّبِ. مَا عددُ النواتجِ المُمكنةِ

لتجربة رمي المكعب وتدوير المؤشر؟



هناك 24 نواتج ممكنة متساوية يمكن أن تظهر

### ملف البيانات

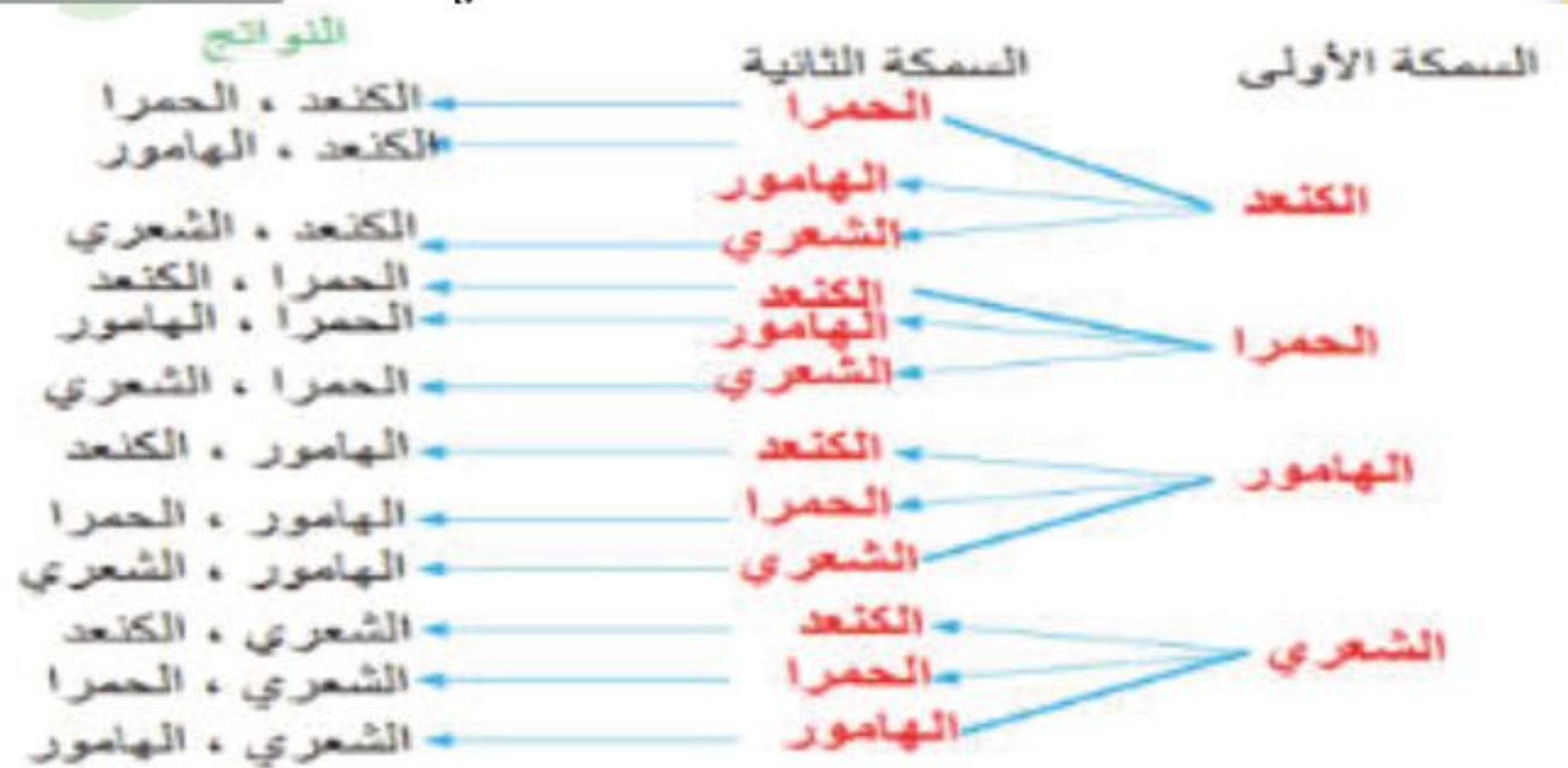
أشهر أنواع أسماك الخليج العربي

الكنعد
الحمرا
الهامور
الشعري



١٣ أسماك: يُظهر الجدول المُجاورُ أشهر أنواع الأسماك في الخليج العربي.

استعمل طريقة الرسم الشجري لمعرفة النواتج الممكنة لتجربة اختيار نوعين من تلك الأسماك، بحيث يتم اختيار كل نوع مرةً واحدةً.



هناك 12 نواتج ممكنة متساوية يمكن أن تظهر

١٤ إذا استبعدت النواتج المُتشابهة، فما عددُ النواتجِ المُتبقيةِ

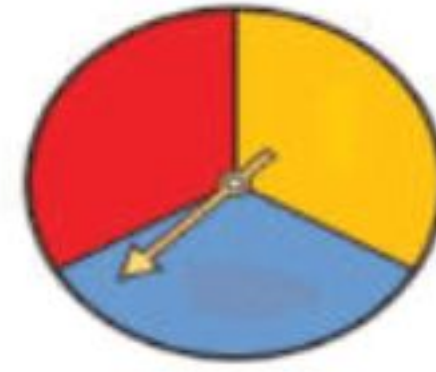
عدد النواتج الكلية - عدد النواتج المتشابهة





## مسائل مهارات التفكير العليا

١٥ **مسألة مفتوحة:** صمّم قرصين بمؤشرين دوارين ولون كلاً منهما بثلاثة ألوانٍ على الأقل، بحيث يظهر اللون الأحمر أكثر من غيره ضمن النواتج الممكنة لتجربة تدوير مؤشري القرصين مرةً واحدةً.



القرص الثاني



القرص الأول

يظهر اللون الأحمر أكثر من غيره في النواتج الممكنة بسبب وجوده بنسبة أكبر عن باقي الألوان .

١٦ **اكتشف الخطأ:** أرادت هدى وعبير أن تجداً احتمال ظهور الشعار مرتين عند إلقاء قطعة نقدية مرتين. أيهما توصلت إلى الاحتمال الصحيح؟ فسّر إجابتك.



عبير

$\frac{1}{4}$ ؛ لأنّ ظهور الشعار مرتين هو نتيجة واحدة من ٤ نتائج مختلفة.

هدى

$\frac{1}{6}$ ؛ لأنّ ظهور الشعار في تجربةٍ احتماله يساوي  $\frac{1}{6}$



إجابة عبير هي الصحيحة لأن احتمال ظهور الشعار هو  $\frac{1}{6}$

عند إلقاء القطعة النقدية مرة واحدة

ولكن عند إلقاء القطعة النقدية مرتين فاحتمال ظهور الشعار مرتين



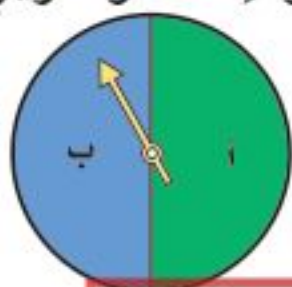
تزداد عدد النواتج بحيث تصبح عدد نواتج تدوير القرص مضروباً في نفسه.

## تدريبي على اختبار

١٩ تم تدوير مؤشر القرصين أدناه. ما احتمال وقوف المؤشرين عند (٥) و (ب)؟ (الدرس ٧)



(ج)  $\frac{1}{5}$   
(د)  $\frac{2}{7}$



(ا)  $\frac{1}{12}$   
(ب)  $\frac{1}{6}$

١٨ يتميز القط الحبشي بألوان عيونٍ مختلفة؛ قد تكون زرقاء أو خضراء أو ذهبية أو عسليّة. وبلون فراءٍ أسود أو بنيّ. ما عدد الخيارات المختلفة التي يمكن تكوينها من لون العيون ولون الفراء؟ (الدرس ٧-٧)

(ا) ٤  
(ب) ٦  
(ج) ٨  
(د) ١٠

## مراجعة تراكمية

٢٠ كم كلمة ثلاثية يمكن تكوينها من حروف كلمة (حبر)؟ اكتب جميع النواتج الممكنة (الدرس ٧-٦)  
تم تدوير مؤشر قرصٍ مقسّم إلى ٨ أقسام متساوية ومرقّم بالأرقام من ١ إلى ٨ مرة واحدة. أوجد احتمال كل حدثٍ ممّا يأتي، واكتبه على صورة كسرٍ في أبسط صورة: (الدرس ٧-٥)

ح	ب	ر
ح	ر	ب
ب	ح	ر
ب	ر	ح
ر	ح	ب
ر	ب	ح

عدد النواتج = ٦

٢٣ ح (٧ أو ٨)

ح (٧ أو ٨) =  $\frac{2}{8}$

٢٢ ح (١٠)

ح (١٠) = ٠

٢١ ح (٦)

ح (٦) =  $\frac{1}{8}$



أوجد المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال لكل مما يلي:

١ أثمان أقلام بالريال: ٢، ٥، ٤، ٤، ٢، ٤، ٥، ٥، ٥.

ترتيب الأثمان: ٢، ٢، ٤، ٤، ٤، ٤، ٥، ٥، ٥

$$\frac{36}{9} = \frac{5+5+5+5+4+4+4+2+2}{9} = \text{المتوسط الحسابي}$$

$$4 =$$

الوسيط: ٤

المنوال: ٥

٢ عدد الأسئلة في اختبارات: ٨، ١٠، ١٤، ١٦، ١٤، ١٥، ١٨، ٨، ١٧، ١٥، ٤، ٤.

ترتيب البيانات: ٤، ٥، ٨، ٨، ١٠، ١٤، ١٤، ١٥، ١٥، ١٦، ١٧، ١٨

$$12 = \frac{144}{12} = \text{المتوسط الحسابي}$$

$$14 = \frac{14+14}{2} = \text{الوسيط}$$

المنوال: ٨، ١٤، ١٥





الجدول المُجاوِرُ يبيِّنُ عددَ الساعاتِ التي قضتها بعضُ الطالباتِ في مُمارسةِ الرياضةِ خلالَ العُطلةِ الأسبوعيَّةِ.

عدد ساعات ممارسة الرياضة				
٠	٣	٤	٤	٢
٣	٥	٣	١	٢
٢	٢	٠	٣	٨

٣ أوجدِ المتوسطَ الحسابيَّ والوسيطَ والمِنوالَ للبياناتِ ترتيب البيانات:

٢	٢	١	٠	٠
٣	٣	٣	٢	٢
٨	٥	٤	٤	٣

$$\frac{42}{10} = \text{المتوسط الحسابي}$$

$$2,8 =$$

الوسيط: ٣

المِنوال: ٣، ٢



٤ اختيار من مُتعدد: التمثيل أدناه تبيِّنُ وسائلِ المواصلاتِ التي استعملها بعضُ الأشخاصِ عندَ سفرهم إلى مدينةِ الخبرِ في أثناءِ الإجازة:

أيُّ الجملِ الآتيةِ ليستُ صحيحةً؟

(أ) شملَ المسحُ ٤٤ شخصًا.

(ب) الوسيطُ لأعدادِ الأشخاصِ هو ٩.

(ج) عددُ الذينَ استعملوا الطائرةَ أكثرُ بخمسةٍ من عددِ الذينَ استعملوا الحافلةَ.

(د) الفرقُ بينَ الذينَ استعملوا السيارةَ والذينَ استعملوا الحافلةَ هو ١٢.





أخرجت سعاد فستاناً وربطة شعرٍ من خزانةٍ ملبسها دون أن تنظر إليها. وقد كان لديها ثلاثة فساتين: أسودٌ وبنيٌّ وأبيضٌ، وأربع ربطاتٍ شعرٍ: خضراءٌ وزرقاءٌ وصفراءٌ وبيضاءٌ.



سحب مكعب من الكيس عشوائياً. صف احتمال سحب كل مكعب مما يلي، اكتب (مؤكد، مستحيل، قوي، ضعيف، متساوي الإمكانية):

٦ أحضر

٥ أحمر

ضعيف

قوي

٨ ليس أخضر

٧ أصفر

قوي

مستحيل

١٠ وضح النواتج الممكنة بالرسم الشجري، واذكر عددها.



٩ اختيار من متعدد: ألت عائشة قطعة نقدية ومكعب أرقام (١ - ٦).

ما احتمال ظهور الكتابة والرقم ٣؟

(ج)  $\frac{1}{8}$

(أ)  $\frac{1}{4}$

(د)  $\frac{1}{12}$

(ب)  $\frac{1}{6}$

عدد النواتج الممكنة: ١٢ ناتج





١١ ما احتمال أن يكون الفستان وربطة الشعر كلاهما أبيضان؟

احتمال الفستان وربطة الشعر كلاهما أبيض =  $\frac{1}{12}$  احتمال ضعيف

١٢ ما احتمال أن تكون ربطة الشعر غير خضراء؟

احتمال أن تكون ربطة الشعر غير خضراء =  $\frac{3}{4}$  احتمال قوي

١٣  اكتب يُريدُ محمدٌ أن يختارَ ٣ كتبٍ من مجموعةٍ مكوّنةٍ من ٥ كتبٍ. ما الطريقةُ المستخدمةُ لإيجادِ جميعِ النواتجِ الممكنةِ؟

يريد شراء ٣ كتب من ٥ كتب

يمكن عمل قوائم يختار منها كالآتي:

الكتاب الأول والثاني والثالث

الكتاب الثاني والثالث والرابع

الكتاب الثالث والرابع والخامس



اختر الإجابة الصحيحة:

١ إذا كانت أطوال لاعبي أحد منتخبات كرة اليد بالستمرات هي: ١٦٠، ١٦٥، ١٤٨، ١٥٠، ١٥٨، ١٥٥، ١٧٠، ١٦٥، فما الوسيط لهذه الأطوال؟

(ج) ١٥٩

(أ) ١٥٥

(د) ١٦٥

(ب) ١٥٨

ترتيب البيانات:

١٤٨، ١٥٠، ١٥٥، ١٥٨، ١٦٠،

١٦٥، ١٦٥، ١٧٠،

$$\text{الوسيط} = \frac{١٥٨ + ١٦٠}{٢} = ١٥٩$$

٢ يبين الجدول التالي عدد الكيلومترات التي مشاها خالد في عدة أيام، إذا استمر هذا النمط، فما عدد الكيلومترات التي سيقطعها في ١٠ أيام؟

عدد الأيام	٢	٤	٦	٨
المسافة (كلم)	٨	١٦	٢٤	٣٢

(ج) ٣٨ كلم

(أ) ٣٣ كلم

(د) ٤٠ كلم

(ب) ٣٥ كلم

٣ سبع بطاقات كتب على كل منها حرف من حروف كلمة "رياضيات". إذا تم سحب بطاقة واحدة عشوائياً دون النظر إليها، فما احتمال أن يكون مكتوباً عليها الحرف "ي"؟

(ج)  $\frac{٤}{٧}$

(أ)  $\frac{١}{٧}$

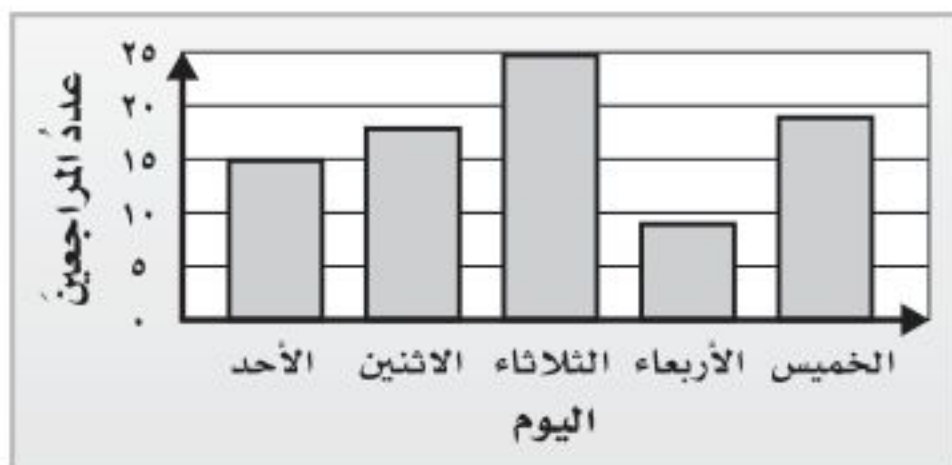
(د)  $\frac{٥}{٧}$

(ب)  $\frac{٢}{٧}$

عدد الحروف = ٧ حروف

ح (ي) =  $\frac{٢}{٧}$

٤ يبين التمثيل التالي أعداد المراجعين لإحدى العيادات الطبية.



أي الجمل التالية صحيحة؟

(أ) منوال أعداد المراجعين يساوي ٢٥.

(ب) وسيط أعداد المراجعين ١٨.

(ج) مجموع أعداد المراجعين ليومي الأحد والإثنين يساوي ٣٥.

(د) أقل عدد من المراجعين كان يوم الخميس.

ترتيب البيانات: ٨، ١٥، ١٨، ١٩، ٢٥



نوع الفطائر	لحم	جبن	سبانخ
نوع العصائر	برتقال	مشكل	رمان
			موز

يوضح الجدول التالي أنواع الفطائر والعصائر التي يقدمها أحد المطاعم. كم وجبة من فطيرة واحدة وعصير واحد يمكن تكوينها من الجدول؟

٩ (ج)

٦ (أ)

١٢ (د)

٧ (ب)

عدد الوجبات =  $3 \times 4 = 12$

ارتفاعات أشجار سكر القيقب بالمتر		
٢٨	٢٤	٢١
٢٥	٢٣	٢٦
٢٣	٢٢	٢٧

بين الجدول التالي ارتفاع ٩ أشجار مختلفة من أشجار سكر القيقب.

أوجد المتوسط الحسابي لهذه الارتفاعات؟

٢٤ (أ)  $\frac{73}{3}$  (ب)  $\frac{73}{9}$  (ج) ٧٣ (د)

$$\frac{219}{9} = \frac{21+26+27+24+23+22+28+25+23}{9} = \text{المتوسط الحسابي}$$

$$\frac{73}{3} =$$



٧ إذا استعملت الأرقام ١، ٣، ٥ مرة واحدة في تكوين عددٍ من ثلاثة أرقام فأيُّ من مجموعات الأعداد الآتية تمثل جميع الأعداد الممكنة تكوينها؟

(أ) ٥٣١، ٣١٥، ١٣٥

(ب) ٥٣١، ٥١٣، ١٣٥، ٣١٥

(ج) ٥١٣، ١٥٣، ٥٣١، ٣١٥، ١٣٥

(د) ٥٣١، ٥١٣، ١٥٣، ١٣٥، ٣٥١، ٣١٥

١١ أراد فيصل إيقاف سيارته في موقف للسيارات يتكون من ٢٠ موقفاً مرقمةً من ١ إلى ٢٠، صف احتمال إيقاف سيارته في موقف يحمل رقماً أكبر من ٩ وأصغر من ١٤ بكتابة (مؤكد أو مستحيل أو قوي أو ضعيف أو متساوي الإمكانية)

ح (رقم أكبر من ٩ و أصغر من ١٤) =

$$\frac{1}{5} = \frac{4}{20}$$

اذن الاحتمال ضعيف

الجزء ٣ الإجابة المطولة

أجب عن المسائل التالية موضحاً خطوات الحل:

اللون	الترتيب
أحمر	الأول
برتقالي	بين الأزرق والأصفر
أخضر	الخامس

١٢ اشتركت ٥ خيول في سباق

كل منها يرتدي لوناً مختلفاً.

استعمل الجدول المجاور

لتعرف ترتيب الخيول في نهاية السباق.

اللون	الترتيب
أحمر	الأول
أزرق	الثاني
برتقالي	الثالث
أصفر	الرابع
أخضر	الخامس

اذن الترتيب: الأحمر، أزرق، برتقالي، أصفر، أخضر

٨ بيّن الجدول المجاور المبالغ التي حصل عليها فواز مقابل عمله الإضافي الأسبوعي. اعتمد على هذه المعلومات في إيجاد احتمال حصول فواز على مبلغ أكثر من ١٠٠ ريال لقاء عمله الأسبوع القادم؟

المبلغ (ريال)	الأسبوع
٩٤	١
١٥٢	٢
١١٥	٣
١٠٤	٤

أ)  $\frac{1}{4}$  ب)  $\frac{1}{3}$  ج)  $\frac{1}{2}$  د)  $\frac{3}{4}$

الجزء ٢ الإجابة القصيرة

أجب عن الأسئلة التالية:

٩ ما عدد النواتج الممكنة لاختيار حرفٍ من حروف

كلمة "سلسيل"؟

النواتج لاختيار حرف = ٤

١٠ ألقِ مكعبَ أرقام (١-٦) مرة واحدة، وأوجد

ح (عدد أكبر من ٩).

ح (عدد أكبر من ٩) = ٠



لدينا ٥ طلاب من الصف الخامس و ٥ طلاب من الصف السادس، ونريد تشكيل فرق مكونة من طالبين أحدهما من الصف الخامس، والآخر من الصف السادس. كم تشكيلة مختلفة من الفرق يمكن تكوينها؟ مثل جميع النواتج الممكنة مستعملاً الرسم الشجري.



النواتج الممكنة =  $5 \times 5 = 25$  فرقة